محتويات الكتاب

أولًا : الجبر والإحصاء

الوحدة العلاقات والدوال

الوحدة 2 النسبة والتناسب والتغير العكسى الطردى والتغير العكسى

الوحدة 3 الإحصاء

ثَانِيًا : حساب المثلثات والهندسة

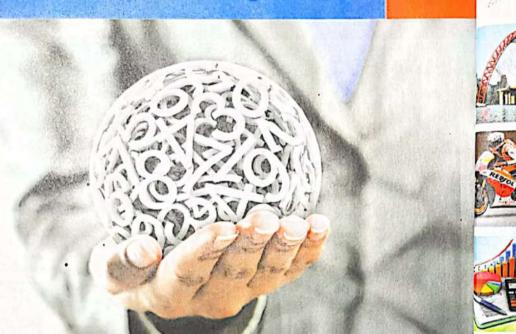
الوحدة 4 حساب المثلثات

الوحدة 5 الهندسة التحليلية

مشروع بحثی فی هایهٔ کل محده

الوحدة

أولًا الجبر والإحصاء





الوحدة 🏒 النسبة والتناسب والتغير الطردى والتغير العكسى

الوحدة 3 الإحصاء

مفاهيم ومهارات أساسية تراكمية.

140







تساوی زوجین مرتبین

أوجد قيم س ، ص في كل مما يأتي إذا كان :

$$(\Upsilon, \circ \omega) = (\omega + \omega + (\Upsilon, \Upsilon)) \qquad (\overline{\omega}, \Sigma) = (\Lambda, \Lambda - \overline{\lambda})$$

فإن: ٢ = ٢ ، - = - ٤

$$\lambda = \overline{\sqrt{2}}$$

الإجابات النهائية

لأسئلة حاول بنفسك في نهاية

كل درس للتأكد من إجابتك.

$$\therefore \omega = \lambda^{\mathsf{T}} \qquad \therefore \qquad \Delta = \mathsf{T} \mathsf{I} \mathsf{s}$$

.: - س + ۲ = ۲

ك و ا بنفسك ١

أوجد قيم س ، ص في كل مما يأتي إذا كان :



في هذا الدرس سوف نتعرف على مفهوم حاصل الضرب الديكارتي وكيفية إيجاده وتمثيله وقبل تناول هذا الموضوع سوف نتذكر معًا ما درسناه عن الزوج المرتب.

الزوج المرتب

﴿ يُسمى (١ ، -) زوجًا مرتبًا ، ويُسمى ١ بالمسقط الأول ، - بالمسقط الثاني.

ويمكن تمثيل الزوج المرتب (١ ،) بنقطة كما بالشكل المقابل.



11 ملاحظات

- $(' , ') \neq (' , ')$ فمثلًا: $(' , ') \neq (' , ')$ فمثلًا: $(' , ') \neq (' , ')$ وعند تمثيلهما بيانيًا كما بالشكل المقابل
- (7.1)
 - (1 ، 1) زوج مرتب ، بينما في المجموعات لا نكتب [1 ، 1]

- نجد أنهما يقعان في موضعين مختلفين.
- . الزوج المرتب ليس مجموعة. أي أن : (١ ، س) ≠ {١ ، س}
 - بل نكتب {١} بدون تكرار العنصر ١
- توجد مجموعة خالية من العناصر يُرمز لها بالرمز Ø بينما لا يوجد زوج مرتب خال.

الإسارية الشر	والجدول المقابل يساعدنا في إيجاد : ص×س
Mary Land	والجدول المقابل يساعدنا في إيجاد : ص× س

الثاني	المسقط	1-1	
۲	,	4-©	Mile, N
(٢ . 0)	(1.0)	0	191
(Y . Y)	(\ · \)	٧	المسقط الأول
(Y . A)	() ()	٨	

_ مما سبقى لافظ أرنى : _

~~×~+~~×~~×~~×~~

11 ملاحظة

حاصل الضرب الديكارتي للمجموعة س- في نفسها ، ويُرمز له بالرمز س- × س-أو بالرمز س٢ ويُقرأ «س اثنين»

هو مجموعة جميع الأزواج المرتبة التي كل من مسقطها الأول والثاني عنصر من عناصر س (اع ان: س×س = (۱، ۱) = س×س : فأن الحاس : س 11

المسقط الثاني (1:1) (1:1) السقط

(Y . Y) (1 . Y)

فمثلًا: إذا كانت: س= { ٢ ، ١ } فإن : س × س = {١،١} × {١،١} $=\{(1,1),(1,1)\}=$ {(7,1),(7,7)}

رر ملاحظتان

• لأي محموعة س- يكون:

Ø=~xØ=Øx~

• إذا كان: (١ ، ب) ∈ س× ص

فإن: ۲ ∈ س، ه ∈ ص

الأول

حيث: ﴿ المحموعة الخالية. فان: ا∈س، ب ∈ ص

فمثلًا: إذا كان: (٣ ، ٥) ∈ س× ص

حاصل الضرب الديكارتي لمجموعتين منتهيتين

لأى مجموعتين سي ، صي منتهيتين وغير خاليتين يكون :

حاصل الضرب الديكارتي للمجموعة سمني المجموعة ص، ويُرمز له بالرمز س× ص هو مجموعة جميع الأزواج المرتبة التي مسقطها الأول عنصر ينتمي إلى س ومسقطها الثاني عنصر ينتمي إلى ص

ای ان: س×ص= (۱: س): ۱∈س، ب∈م

فمثلًا: إذا كانت: س= {٢،١} ، ص= {٥،٧،٨} فإن:

$$\{ \bigwedge_{i} (V_{i}, 0) \times \{ \Gamma_{i}, 1 \} = \bigvee_{i} (V_{i}, 1) \times \{ \Gamma_{i}, 1 \} = \bigcup_$$

والجدول التالي يساعدنا في إيجاد: سx مر

		المسقط الثاني		
	4-0	0	٧	. A
السقط	١	(0 . 1)	(V . 1)	(٨ ، ١)
الأبل	۲	(o : Y)	(V · Y)	(A . Y)

$$\{7,1\}\times\{1,1\}\times\{1,1,1\}=$$

$$\{(7,1),(1,1),(1,1),(1,1)\}=$$

15

99

تمثيل حاصل الضرب الديكارتى لمجموعتين منتهيتين

يمكن تمثيل حاصل الضرب الديكارتي لمجموعتين منتهيتين بطريقتين :

الطريقة الأولى: المخطط السهمى.
 الطريقة الثانية: المخطط البياني (الديكارتي).

 $\{\Lambda, \Lambda, \Lambda, 0\} = 0$ ، $\{\Lambda, \Lambda\} = 0$ نمثلًا: إذا كانت: π

فإنه يمكن تمثيل حاصل الضرب الديكارتي س× × صحيث :

س×ص= (۱، ۱) ، (۱، ۱) ، (۱، ۱) ، (۲، ۱) ، (۲، ۱) کالتالی :

(1)(1)(1) (14)(14) المسقط الأول المخطط الساني

المخطط السهمى

لاحظ أن: الشكل , يُسمى «عروة» لتدل على أن السهم يخرج من النقطة وينتهى عند نفس النقطة.

مثال 🕜

إذا كانت : س= { ٢ ، ٢ ، ٤ } ، ص= { أ ، س} فأوجد كلَّا من :

~~×~ 1 ~ ×~ ~ ~

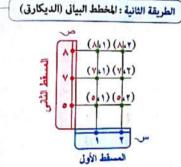
وأوجد عدد عناصر كل منها.

• کما یمکن تمثیل س × س حیث :

{(-, 5), (f, 5), (-, T), (f, T), (-, T), (f, T)} = ~~~~1 عدد عناصر س × ص = ٦ أزواج مرتبة.

{(٤,), (٢,), (٢,), (٤, 1), (٢, 1)} = ~~~~ [عدد عناصر ص \times س= ۱ أزواج مرتبة.

{(2, 2), (7, 2), (7, 2), عدد عناصر $w \times w = 9$ أزواج مرتبة.



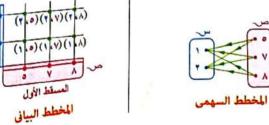
حيث تمثل عناصر المجموعة س- أفقيًا وعناصر المجموعة صررأسيًا وتمثل نقط تقاطع الخطوط الأفقية والرأسية الأزواج المرتبة عناصر الحاصل الديكارتي س- × ص-

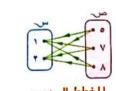
الطريقة الأولى: المخطط السهمي

حيث نرسم سهمًا من كل عنصر بمثل المسقط الأول «وهي عناصر المجموعة سي إلى كل عنصر يمثل المسقط الثاني «وهي عناصر المحموعة ص-»

• وبالمثل يمكن تمثيل ص × س حيث :

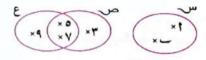
ص× س = {(٥،١)، (٥،٢)، (٢،٧)، (٢،٧)، (١،٨)} كالتالى:





الحسل

**



$$(\land) \ \left\{ (\lor \, \iota \, \smile) \, \iota \, (\circ \, \iota \, \smile) \, \iota \, (\lnot \, \iota \, \smile) \, \iota \, (\lor \, \iota \, \dagger) \, \iota \, (\circ \, \iota \, \dagger) \, \iota \, (\lnot \, \iota \, \dagger) \right\} =$$

ومن (١) ، (٢) :

$$(9,1),(\vee,1),(\circ,1),(\uparrow,1)\}=(\xi\times\neg)\cup(\neg\neg\times\neg):$$

{v, o} = € ∩ ~ · · · ·

ومن (١) ، (٢) :

$$\{(\vee, \smile), (\circ, \smile), (\vee, t), (\circ, t)\} = (\varepsilon \times \smile) \cap (\smile \times \smile) :$$

٩} = - - و ∵ ٣

$$\{(4, -), (4, 1)\} = (-- \times -) - (- \times \times) : (1), (1)$$

رر ملاحظات

إذا رمزنا لعدد عناصر أي مجموعة بالرمز لله فإنه من المثال السابق نجد أن :

حابا بنفسك ٢

ا ص × س ومثله بمخطط سهمى. السي ومثله بمخطط بياني.

(\(\sigma \) \(\sigma \) \(\sigma \) \(\sigma \)

تذكر العمليات على المجموعات

إذا كانت: س= {١٠٥،٤،٢} ، مح= {٦،٥،٤،٢ فإن:

م - س = مجموعة العناصر الموجودة في ص وغير موجودة في س وهي {٥ ، ١}

مثال 🕜

(E×~) ∪ (~~~~) , (E ∪~~)×~ 1

(E×~)∩(~~×~), (E∩~)×~ [

(~~×~)-(e×~) , (~-e)×~~r

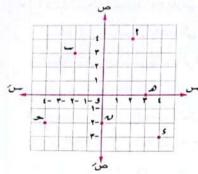
وفيما يلى التمثيل البياني لكل من : ط × ط ، ص × ص ، ع × ع :

أُولُد تَمثيل داصل الضرب الديكارتي ط × ط (ط[†])

- * نمثل الأعداد الطبيعية على مستقيمين متعامدين أحدهما أفقى سرس والآخر رأسى صص حص حيث سرس ، صص يتقاطعان في النقطة التي تمثل العدد صفر على كل منهما أي أن : و (٠٠٠) سرس مثل جزءًا صغيرًا من الشبكة التربيعية والشكل المقابل يمثل جزءًا صغيرًا من الشبكة التربيعية
 - المتعامدة للحاصل الديكارتي ط × ط والتي تتكون من تقاطع المستقيمات الرأسية والأفقية المارة بالنقط التي تمثل الأعداد الطبيعية على كل من سرس ، صص
- * وكل نقطة من نقط هذه الشبكة تمثل أحد الأزواج المرتبة في الحاصل الديكارتي ط \times ط فمثلًا: النقطة \uparrow تمثل الزوج المرتب (7,7) النقطة تمثل الزوج المرتب (6,7,7) النقطة تمثل الزوج المرتب (6,7,7) النقطة تمثل الزوج المرتب (6,7,7)

ثانيًا للمثيل حاصل الضرب الديكارتي مي× مي (صٍّ)

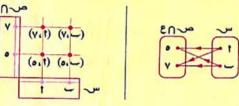
- * نمثل الأعداد الصحيحة على كل من ص ص ، م ص ص المتقاطعين في نقطة و (٠٠٠)
- * والشكل المقابل يمثل جزءًا صغيرًا من الشبكة التربيعية المتعامدة للحاصل الديكارتي ص × ص
- * وكل نقطة من نقاطها تمثل أحد الأزواج المرتبة في الحاصل الديكارتي ص- × ص



فمثلًا: • النقطة † تمثل الزوج المرتب (٢ ، ٤) • النقطة - تمثل الزوج المرتب (-٢ ، ٣) • النقطة حد تمثل الزوج المرتب (-٤ ، -٢) • النقطة و تمثل الزوج المرتب (٤ ، -٣) • النقطة مد تمثل الزوج المرتب (٢ ، ٠) • النقطة مد تمثل الزوج المرتب (٢ ، ٠)

رر ملاحظة

في المثال السابق يمكن تمثيل س- × (ص- ∩ ع) بمخطط سهمي وآخر بياني كالتالي :



ح و ا بنفست ۲

 $\{Y\} = \{Y, Y\}$ ، $\{Y, Y\}$. $\{Y$

حاصل الضرب الديكارتى لمجموعتين غير منتهيتين

- * نعلم أنه إذا كانت سم مجموعة منتهية عدد عناصرها له فإن حاصل الضرب الديكارتى سم × سم هو أيضًا مجموعة منتهية عدد عناصرها للأ
 - فمثلًا : إذا كان : v (س= فإن : v (س× س<math> = فمثلًا : إذا كان : v

تمثيل حاصل الضرب الديكارتي لمجموعتين غير منتهيتين

- * نعلم أنه إذا كانت سم مجموعة منتهية فإن حاصل الضرب الديكارتي س × سم يمثل بمخطط بياني يتكون من عدد منته من النقط.
- * أما إذا كانت سم مجموعة غير منتهية فإن حاصل الضرب الديكارتي س × س يمثل بمخطط بياني يتكون من عدد غير منته من النقط.

مثال 🕜

اذكر الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تقع عليه كل من النقط الآتية ثم عين موضعها على (``` (` $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \sim \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right) \sim \left(\frac{1}{2},$

الحل

- أ (٢ ، -١) تقع في الربع الرابع.
- - (-٤ ، ١) تقع في الربع الثاني.
- ح (١ ، ٣) تقع في الربع الأول.

ح و ا بنفسك خ

النقطة

الربع أو المحور

- ٥٠ (-٢ ، ٢-) تقع في الربع الثالث.
- ه (٢٠٠٠) تقع على محور السينات.
- $\sqrt{(\cdot \cdot \cdot \frac{1}{7})}$ تقع على محور الصادات.

أكمل الجدول التالي بكتابة الربع أو المحور الذي تقع عليه كل نقطة:

$(^{\mathsf{L}}\mathcal{L})$ تمثیل حاصل الضرب الدیکارتی $\mathcal{L} \times \mathcal{L}$

- * الشبكة التربيعية المتعامدة للحاصل الديكارتي ع × ع هي عبارة عن سطح منطقة ممتدة بلا حدود من جميع الاتجاهات والشكل المقابل يوضح جزءًا صغيرًا من هذه المنطقة.
- * كل نقطة من نقاط هذه المنطقة تمثل أحد الأزواج المرتبة للحاصل الديكارتي ع × ع فمثلًا: • النقطة أ تمثل الزوج المرتب (٣ ، -٢) · النقطة - تمثل الزوج المرتب (-٤ ، ٣)

11 ملاحظات

- يُسمى المستقيم الأفقى -س-سُ محور السينات أو المحور الأفقى.
- و يُسمى المستقيم الرأسي صص محور الصادات أو المحور الرأسي.
 - نقطة تقاطع المحورين سرس ، صرص تسمى يد «نقطة الأصل»
- إذا كانت النقطة † تمثل الزوج المرتب (س ، ص) في الحاصل الديكارتي ع × ع فإن :
 - المسقط الأول- يسمى بالإحداثي السيني للنقطة أ
 - المسقط الثاني ص يسمى بالإحداثي الصادي للنقطة ؟
 - والمحوران س س ، صص يقسمان المستوى إلى أربعة أقسام (أرباع) كما بالشكل المقابل ويمكن التعرف على الربع الذي تقع فيه أي نقطة من إشارتي إحداثييها.
- الربع الثانى الربع الأول -س>منر س حمل ص > صار ص > صفر للريع الثالث الربع الرابع س > صفر **س > صا**ر
- حاصل الضرب الديكارتي لفترتين

سبق أن درسنا أن الفترة هي مجموعة جزئية من مجموعة الأعداد الحقيقية ح ، ويكون حاصل الضرب الديكارتي لفترتين مجموعة جزئية من حاصل الضرب الديكارتي ع × ع ويمكن تمثيله كما بالمثال التالى:

 $\left(\begin{array}{c|c} \cdot \cdot \cdot \frac{1}{0} - \end{array}\right) \left(\begin{array}{c|c} \cdot \cdot \cdot \end{array}\right) \left(\begin{array}{c|c} \uparrow \cdot \cdot \end{array}\right) \left(\begin{array}{c|c} \uparrow \cdot \cdot \end{array}\right) \left(\begin{array}{c|c} \cdot \cdot \cdot \end{array}\right) \left(\begin{array}{c|c} \cdot \cdot \cdot \end{array}\right) \left(\begin{array}{c|c} \cdot \cdot \cdot \end{array}\right)$

• إذا كان الإحداثي السيني للنقطة = صفر فإن النقطة تقع على محور الصادات. • إذا كان الإحداثي الصادي للنقطة = صفر فإن النقطة تقع على محور السينات.

مثال 🗿

[T, 1] = 0 , [T, 1] = 0 إذا كانت : T

فمثل بيانيًا باستخدام الشبكة البيانية المتعامدة للحاصل الديكارتي ع × ع المنطقة التي تمثل كلاً من :

ثم بين في كل حالة أيًا من النقط الآتية ينتمي إلى كل من حواصل الضرب الديكارتية السابقة وأبها لا ينتمى : (٢ ، ٢) ، (١ ، ،) ، (٠ ، ٢)

الصل

- ۱ لتمثیل س- × ص-بیانیًا نتبع ما یلی :
- نمثل الفترة س- على محور السينات.
- ، نمثل الفترة ص- على محور الصادات.
- تمثل منطقة تقاطع اللونين الحاصل الدیکارتی س× م
- (۲ ، ۲) ∈ س× م لأنها تنتمي للمنطقة التي تمثل س× × ص
- ، (١ ، ،) € س× م لانها تقع خارج المنطقة التي تمثل س× ص

wxw

- ~×~∋(٢··);
- آ لتمثيل س- × س-بيانياً نتبع ما يلى :
- نمثل الفترة س-مرة على محور السينات ومرة أخرى على محور الصادات.
- منطقة تقاطع اللونين تمثل س× س
 - ~×~∋(٢,٢).
- ~×~∋(٢··)·~×~∋(··)·

۳ بالمثل بمكن تمثيل ص- × ص كما بالشكل المقابل:

- . (۲،۲) ∈ ص×ص
- ، (۱ ، ،) ∉ مب× ص
- ، (۰،۲) ∉ مح×ص

حال النفسك

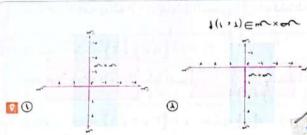
إذا كانت : س= [-، ،] ، ص= [، ، ،] إذا كانت : س= [-، ، ،]

أوجد المنطقة التي تعبر عن كل مما يأتي باستخدام الشبكة البيانية المتعامدة للحاصل الديكارق 2×2 :

~ × ~ 1 7 mx a

وبين أيًا من النقط الآتية ينتمي إلى س × ص-:

(Y- , Y-) s , (1- , T) > , (Y- , .) - , (Y , 1) ?



في نهاية كل درس ستجد الإجابات النهائية لأسئلة

حاول بنفسك بنفس هذا الشكل

- 🚺 الثاني ، الرابع ، الأول ، الثالث ، محور الصلاات ، محور السينات.
- [(0,1),(1,1),(1,1),(1,1)] ((1,1),(1,1))
 - 3; (A)
- (1, 1), (1, 1)
- المستنب لكه د ((ه د ۲) د (د د ۲) د (د د ۵) د (د د ۵) د (د د ۵) د (د د ۵) د (۲ د ۲) (۲ د ۵) (۲ د ۵)
- (1) -C=1,00= +1 (A)-(=1,00=0
 - A-0= 71100=1

كاسفن بالمك حالوا

TE

تمارین

على حاصل الضرب الديكارتي



تفاعل

🛄 أسئلة كتاب الوزارة

أولأ ﴿ حاصل الضرب الديكارتي لمجموعتين منتهيتين

ن كل مها يأتي أوجد قيم ٢ ، ب إذا كان:

$$(\neg \cdot \neg) = (\lor \cdot \uparrow) \land (\neg \lor) = (\lor \neg \lor) \lor$$

$$(f : (1-f \circ) = (-, T))$$

$$(f : 1+-T) = (V : f T)$$

أوجد س × ص ح ومثله: 1 بالمخطط السهمى. 1 بالمخطط البياني.

أوجد سي ومثله: ١ بالمخطط السهمى.

$$\{\xi\} =$$
 ، $\{\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon\} =$ اذا کانت : $=$

أوجد: **١**] س- × ص-س × س

م ٢

("~") N (E

(3E)N(3)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$(-1) = (\lambda + 2)$$
 افان $(-1) = (\lambda + 3)$ افان $(-1) = (\lambda + 3)$ افان $(-1) = (\lambda + 3)$

$$(1 الشرقية ١٠)$$
 فإن : $- 0^{\circ}$ ص + ١ =

$$\{--\}$$
 لأى مجموعتين $\{--\}$ تعبر المجموعة $\{--\}$ من $\{--\}$ ، ص

$$\{(\cdot, \lambda), (\cdot, \lambda)\} (\gamma) \qquad \qquad \{\cdot\} (\dot{\Rightarrow})$$

الجيزة ١١٧ من =
$$\{ T \}$$
 ، من $= \{ T \}$ فإن $= \infty \times \infty$

$$\left\{ \left(\begin{array}{ccc} \tau & \tau \end{array} \right) \right\} \left(\begin{array}{ccc} \tau & \tau \end{array} \right) \left$$

$$\{(7,7)\} (3) \qquad \qquad \{9\} (4) \qquad \qquad (7,7) (4)$$

$$(r \cdot i)$$
 فإن $(w^{\prime}) =$ فإن $(w^{\prime}) =$ فإن $(w^{\prime}) =$

$$\{\mathfrak{t},\mathfrak{T}\}=$$
، ص $\mathfrak{t}=\{\mathfrak{T},\mathfrak{T}\}$ ان اکانت : س

```
رس) = ۲ ، ص= {۲،۱}
إذا كان: له(س) = ۲ ، ص=
 (الجيزة ١٥)
                                  فإن : ىہ(س× م√) = .....
          7(1)
                          (ب) ۳ (ج) ه
                                                       ٤(١)
                     ۱۱ (س× مرس) = ۲ ، مرس× ص) = ۱۲ (س× مرس)
 فإن: به (ص) = ..... (بوسعيد ٢٠ ، المنيا ١٩ ، القاهرة ١٨ ، بوسعيد ١٧ ، دمياط ١٥ إ
         T7 (2)
                        (ج) ۱٥
                                      (پ) ۹
                      ( - )^{Y}  إذا كان :  ( - )^{Y}   =  فإن :  ( - )^{Y} 
         (د) ۱۸
                        (ب) ۲ (ج)
                        ۱۳ إذا كان: يه (س٢) = ٤ ، يه (س× ص) = ٦
 (1 Heiro - 7)
                                     فإن : له (ص٢٤) = .....
         £ (i)
        الله الله على : له (س) = له (س × ص) فإن : له (ص) = .....
 [cauld 1]
         (ب) ۲ (ج) ۲
           10 إذا كان: ١ ∈ س حيث س= {س: ٥ < س < ٧ ، س ∈ ط}
(الشرقية ١٠)
                                           فإن : ٢ = .....
               (ب) ۲۲} (۲ ، ۲)
                                                     T7 (i)
   [٧,0](١)
                      ۱٦ الذا كان: (۲، ٥) ∈ {۲، ۲} × {س، ٨}
 (الإسكندية ٢٠، بوسعيد ١٩، تقرالشيخ ١٨، قنا ١٥
                      (۱) ۸ (ب) ۸ (ج) ه
        (د) ٣
                 \{(\Upsilon, \Upsilon), (\Sigma, \Upsilon)\} = \{(\Upsilon, \Upsilon), (\Sigma, \Upsilon)\} إذا كان : \{\Upsilon\} \times \{\Upsilon\}
                                     فإن : س – ص = .....
القرالشيخ ٢٠ ، الشرقية ٥ 🥊
                               (ب) –۱
                                                      1(i)
                       (ج) ± ۱
      (د) صفر
 (٥، ٥)} أوجد: س، ص
```

الدرس الأول

[(۱،۱)، (۲،۱)، (۱،۳) مد مد= [(۱،۱)، (۱،۳)، (۱،۵) اُوجد: ۱ س ، ص ۲ س× س ۲ ص۲ ا

(القليوبية ٢٠، سوهاع ١٩، الجيزة ١١)

اِذَا كَانَ: سَ^٢ = {(١ ، ١) ، (١ ، ٢) ، (٢ ، ١)} أوجد: س

اِذَا كَانَ: ص × س = {(۲ ، ۳) ، (۳ ، ۲) ، (۳ ، ۳)} أوجد: س

 $\{0, \xi, \tau\} = -\infty, \{\xi, \tau, \tau, \tau\} = -\infty$

مثل سي ، صي بشكل ڤن ثم أوجد :

 $\sim \times (\sim - \sim) \times \sim \times (\sim - \sim) \times \sim \times (\sim - \sim)$

 $\{\mathfrak{o},\mathfrak{d}\}=\mathfrak{o}$ ، $\{\mathfrak{o},\mathfrak{d}\}=\mathfrak{o}$ ، $\{\mathfrak{d},\mathfrak{d}\}=\mathfrak{d}$ ، $\{\mathfrak{d},\mathfrak{d}\}=\mathfrak{d}$

أوجد: (س – ص) ٢ (ص ∩ ع) الم

(e---) × (----) (المنيا ١٩ ، المنوفية ١٨ ، الاقعلية ١٣)

> $\{7,0,7\} = \emptyset$ ، $\{7,7\} = \emptyset$ ، $\{7,0,7\}$ مثل المجموعات س ، ص ، ع بشكل ڤن ثم أوجد:

ثانيًا: (س× ص) U (ص× ع) ثانيًا: س× (ص ∩ ع) رابعًا: (س× ص) ∩ (س× ع) خامسًا: (ع – ص) × (س U ص)

ثانيا 🕻 حاصل الضرب الديكارتب لمجموعتين غير منتهيتين

وا الآتية : على شبكة بيانية متعامدة للحاصل الديكارق ع × ع عين النقط الآتية :

(0-12-) , (7,1-) , c(-1,7) , c(-1,7) (٠،٩) ، اله (٩،٠) ٥

ثم اذكر الربع الذي تقع فيه أو المحور الذي تنتمي إليه كل من هذه النقاط.

10

'(

	: ŏ	ن بين الإجابات المعطا	اختر الإجابة الصحيحة ه
			۱ النقطة
(4- , 4) (7)	(+- , r-) (÷)	(ب) (۲۰،۳)	(۲, ۲)(1)
الجيزة ١٨]	محور الصادات فإن	۹ – ب ، ه) تقع على	 إذا كانت النقطة (
0 = 1 (1)		(ب) ۲+ ب= صف	
			🍸 🗓 إذا كانت النق
ن. سيناء ١٦ ، الإسكندرية ١١	ة ۲۰ ، القاهرة ۱۸ ، قنا ۱۷ ، ش		
14(7)	(ج) ۷	(ب) ه	۲(۱)
	عور الصادات	س ، ۷) تقع علی مح	إذا كانت النقطة (
(البخيرة ١١)		=	فإن : ٥ -س + ١
(د) ۲	(ج) ه	(ب) ۱	(1) صفر
ں ، ص) تقع فی	، ص) فإن النقطة (ر	1-) = (TYV . 1 +	و إذا كانت : (س -
1. 1/2011)		1	الربع
(د) الرابع.	(ج) الثالث.	(ب) الثاني.	(أ) الأول.
القاهرة ال	- ٣) تقع في الربع	فإن النقطة (٥، ،	🚺 إذا كانت: 🖚 < ٣
	(ح) الثالث	(ب) التاني.	.0927(1)
(ت) الرابع.	رب) القائد. ، ∛س) تقع في الربع .	ع_ فإن النقطة (-س	﴿ إِذَا كَانَتَ: ﴿ ﴿
	× 11:11 (~)	(ب) النائي.	55 (/
(د) الرابع.	رب) المالك. الرابع فإن : ٢ س	(٢ ، س) تقع في الربع	🔥 إذا كانت النقطة (
		< (2)	-(1)
≤(2)	(ج) < 	J = (- T , P T)	1 إذا كانت النقطة
(حیث ۲ ≠ ۰)	رج) ۲ (ج)	(ب)	(1) صفر
w / . \	\ (-)		

الدرس الأول

Y () Y

الثاني (اس ا ، ٤) = (٣ ، ص) والنقطة (س ، ص) تقع في الربع الثاني الثاني الثاني فإن : س + ص = (الشرقية ١٤) V(i)(ج) -۱ V-(1) ١١] إذا كانت: ٢ < صفر ، ٠٠> صفر ، فإن النقطة التي تقع في الربع الثاني هي (Illeway) (i) (1) (-1, -) (-1, -) (-1, -) حيث س ∈ ص (۱) صفر (ب) ۲ ٣ (١) ٤ (١) ١٢ ﴿ إِذَا كَانْتُ النَّقَطَةُ (س - ٤ ، ٢ - س) حيث س ∈ ص تقع في الربع الثَّالث فإن: - = (البحيرة ٢٠، بوسعيا ١٩، المنوفية ١٧، تقرالشيخ ١١، الإستندية ١٥) (ب) ۲ (ج) ٤ 7(2) النقطة (ك ١٤ - ٤ ، ٤) تقع على الجزء السالب من محور الصادات الداكانت : النقطة (ك ٢ - ٤ ، ك) فإن : ك = (الشرقية ١٨)

إذا كانت: (-7, 7) ، (-7, 7) ، ح(7, 7) فعين على الشبكة التربيعية (7, 7) النقط (7, 7) ، حثم أوجد مساحة (7, 7)

(ب) ٤ (ج) ٢-

🕎 🛄 اِذا کانت : س= [۲، ۲]

7 ± (i)

أوجد المنطقة التي تمثل س \times س \times شم بين أي من النقاط التالية تنتمى إلى الحاصل الديكارق س \times س \times :

(· · ٢-) 5 · (E · 1-) ~ · (1- · ٢) ~ · (Y · 1) 1

ا إذا كانت : س= [-7, 7] ، ص= [1, 1] فأوجد المنطقة التي تمثل كلًا من : [1, 1] س> 2 س> 3 ص> 4

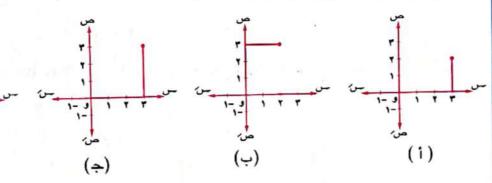
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

فإن: س =

$$\{v\} = -\infty$$
 ، $\{v\} = -\infty$ ، $\{v\}$) ، $\{v\}$ ، $\{v\}$ ، $\{v\}$ ، $\{v\}$

فإن : (س× ص) ∩ (ص× س) =

٣ ع [۲،۰] يمثلها بيانيًا الشكل



للمتفوقين 🕙

[ن] إذا كانت : س- ⊂ ص

 $\{(7,7), (7,7), (7,7), (7,7), (7,7), (7,7)\}$ فأوجد قيم : $\{(7,7), (7,7), (7,7)\}$

(4)



أولًا العلاقــة

العلاقة من مجموعة سرالى مجموعة صرفى ارتباط يربط بعض أو كل عناصر سرببعض أو كل عناصر سرببعض أو كل عناصر صروسنرمز لها عادة بالرمز «ع»

• بيان العلاقة ع من سر إلى صده و مجموعة من الأزواج المرتبة التي مسقطها الأول ينتمى إلى سر، ومسقطها الثاني ينتمى إلى صرويرتبط المسقط الأول في كل منها بالمسقط الثاني بهذه العلاقة.

فإذا كان : (۱ ، ب) ∈ بيان عديث ۱ ∈ س ، ب ∈ ص فإننا نعبر عن ذلك فنكتب «۱ عد»

• بيان العلاقة من المجموعة سر إلى المجموعة صريكون مجموعة جزئية من الحاصل الديكارتي سر × صر

أى أن : بيان كح رس× م

• يمكن تمثيل العلاقة بمخطط سهمي أو مخطط ديكارتي (بياني).

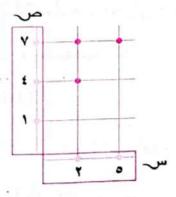
مثال 🕦

إذا كانت: س= {٢، ٥} ، ص= {١، ٤، ١} وكانت عَ علاقة من سرالى ص حيث «١عب» تعنى «١حب» لكل ١∈س، ب ∈ ص

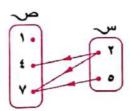
فاكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى وأخر ديكارتى (بياني).

الحــل

• الشكلان الآتيان يمثلان المخطط السهمى والمخطط الديكارتي لهذه العلاقة :



المخطط الديكارتي



المخطط السهمى

كال بنفسك

11 ملاحظة

إذا كانت العلاقة على من سر إلى سر فإننا نقول إن على علاقة على سرويكون بيان عرس × سر

مثال 🕜

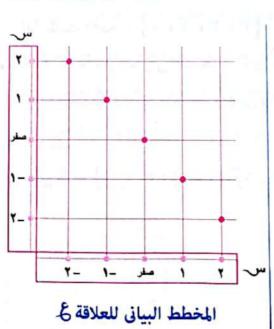
إذا كانت : س = { - ٢ ، ١ ، ١ ، ٢ } وكانت ع علاقة على س حيث « ١ ع ك ب»

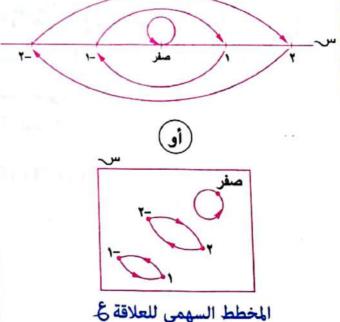
تعنى «أ معكوس جمعى للعدد -» لكل أ \in س ، - \in س

فاكتب بيان ع ومثلها بمخططين أحدهما سهمي والآخر بياني.

البل

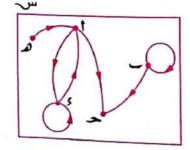
الشكلان الآتيان يمثلان المخطط السهمي والمخطط البياني للعلاقة «ك»:





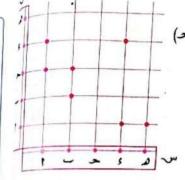
مثال 🕜

إذا كان المخطط السهمى المقابل يمثل علاقة على سراكتب بيان على ومثله بمخطط ديكارتى.



الحك

{(t, s), (t, s), (s, s),



ح بالنفسك ٢

إذا كانت : س= { ٢ ، ٢ ، ٤} وكانت كم علاقة على س حيث « ١ كم ب تعنى اذا كانت : س= { ١ منه ب حيث «١ كم ب تعنى ١٠ ضعف ب لكل ١ € س ، ب ∈ س اكتب بيان كم ومثله بمخطط ديكارتي.

ثَانيًا الدالة (التطبيق)

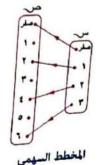
مثال تمهيدى

إذا كانت: س= {٦،٥،٤،٣،٢،١٠،} ، ص= {٦،٥،٤،٣،٢،١٠،}

. ، عُ علاقة من سر إلى صحيث «اعنى «اعنى «اعنى «اعنى الكاا ∈س، بر صحب الكتاب بيان عُ ومثلها بمخطط سهمي وأخر بياني.

الحا

بيان گ= {(۲،۲)، (۲،۲)، (۲،۲)} = {



سهمى المخطط البياني

- نلاظ في العلاقة السابقة أن:

كل عنصر من عناصر س قد ارتبط بعنصر والتد فقط من عناصر ص

مثل هذه العلاقة تُسمى «دالة» أو «تطبيق» ، كما تسمى :

- المجموعة س- = { ، ، ، ، ، ؟ بـ «مجال الدالة»
- المجموعة ص= (، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، ، .) بـ «المجال المقابل للدالة».
 - المجموعة (٠، ٢، ٤، ٢) بـ «مدى الدالة» وهو مجموعة جزئية من المجال المقابل للدالة.

ويصفة عامة :-

يُقال لعلاقة من سم إلى صم إنها دالة إذا تحققت إحدى الحالات الأتية :

الأزواج المرتبة التى تنتمى إلى بيان العلاقة (لاحظ بيان العلاقة السابقة).

منره

المجال المقابل

- أ في المخطط السهمي الممثل للعلاقة: كل عنصر من عناصر سي يخرج منه سهم واحد فقط إلى أحد عناصر ص (لاحظ المخطط السهمي للعلاقة السابقة).
- أنى المخطط البياني الممثل للعلاقة: كل خط رأسي تقع عليه نقطة واحدة فقط من النقط التي تمثل العلاقة (لاحظ المخطط البياني للعلاقة السابقة).

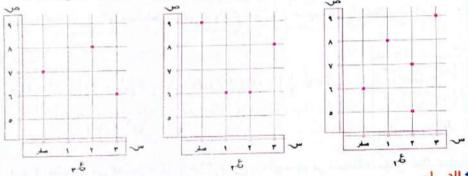
مثال 🕜

 $\left\{ \mathsf{V} : \mathsf{o} : \mathsf{T} : \mathsf{I} \right\} = \mathsf{o} \quad : \left\{ \mathsf{E} : \mathsf{T} : \mathsf{T} : \mathsf{I} \right\} = \mathsf{o} = \left\{ \mathsf{I} : \mathsf{T} : \mathsf{I} \right\}$

فبيِّن أي العلاقات الآتية مِّثل دالة من س إلى ص ، وإذا كانت دالة اذكر مداها :

مثال 🕥

فبيُّن أى المخططات البيانية الآتية عِثل دالة من سر إلى صر وإذا كانت دالة اذكر مداها:



- كل ليست دالة لوجود نقطتين على الخط الرأسى المار بالعنصر ٢ ∈ س
- كم دالة لأن كل خط رأسى تقع عليه نقطة واحدة فقط ، مدى الدالة كم هو (٦ ، ٨ ، ٩)
 - 6 م ليست دالة لعدم وجود أى نقطة على الخط الرأسى المار بالعنصر ١ ∈ س

 $\{ \mathsf{T}, \mathsf{O}, \mathsf{E}, \mathsf{T}, \mathsf{T} \} = \mathsf{O}$, $\{ \mathsf{T}, \mathsf{T}, \mathsf{T}, \mathsf{I}, \mathsf{O}, \mathsf{E}, \mathsf{T} \}$

وكانت ع علاقة من سر إلى صرحيث « أ ع ب» تعنى « أ + ب = ٥ » لكل أ ∈ سر

، → 3 ص- فاكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي.

اذكر مع بيان السبب هل ع تمثل دالة من س إلى ص أم لا ، وإذا كانت دالة فأوجد مداها.

- بیان کے = {(٠، ۰)، (۲، ۲)، (۲، ۲)، (۲، ۲)}
- كم تمثل دالة من س إلى ص لأن كل عنصر من عناصر س

ارتبط بعنصر واحد فقط من عناصر ص

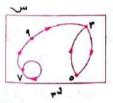
مدى الدالة = {٥،٤،٢،٢}

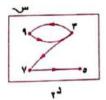
- ت، ليست دالة لأن العنصر ٣ ∈ س ظهر كمسقط أول مرتين في بيان العلاقة وذلك في الزوجين المرتبين (٢ ، ٥) ، (٣ ، ٧)
- تم ليست دالة لأن العنصر ٢ ∈ س لم يظهر كمسقط أول في أي من الأزواج المرتبة الم تمثل العلاقة.
- تم دالة لأن كل عنصر من عناصر سح ظهر مرة واحدة فقط كمسقط أول في أحد الأزواج المرتنا التي تمثل العلاقة ، مدى الدالة ت، هو ٢ ، ٥ ، ٧ }

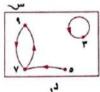
مثال 👩

إذا كانت : س= {٩ ، ٧ ، ٥ ، ٢}

فبن أي المخططات السهمية الآتية عثل دالة من س- إلى س- ، وفي حالة الدالة اذكر المدى :

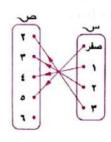






الحك

- د، دالة لأن كل عنصر من عناصر سي يخرج منه سهم واحد فقط إلى أحد عناصر سي
 - ، مدى الدالة در هو ٢٦ ، ٧ ، ٩}
 - دى ليست دالة لأن العنصر ه ∈سلم يخرج منه أي سهم
 - ، أو لأن العنصر ٣ ∈ س- يخرج منه سهمان.
 - دم ليست دالة لأن العنصر ٧ ∈ سريخرج منه سهمان.



اختىار تفاعلم [] أسللة كتاب الوزارة

تمارین 🖊

مثال 🚺 إذا كانت: س= (٢ ، ٢ ، ١ ، ، ، ، ، ، ، وكانت ع علاقة على سحيث « ا ع ر على العلاقة - الدالة (التطبيق)

تعني و1 معكوس ضربي للعدد ب، لكل 1 ∈ س ، ب ∈ س

فاكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى ، واذكر مع بيان السبب هل ع تمثل دالة أم لا.

$$\cdot \left(\begin{array}{c} \gamma \cdot \frac{1}{7} \end{array} \right) \cdot \left(\begin{array}{c} \gamma \cdot \gamma \end{array} \right) \cdot \left(\begin{array}{c} \gamma \cdot \gamma \end{array} \right) \cdot \left(\begin{array}{c} \gamma \cdot \gamma \end{array} \right) = \mathcal{E}$$
 نیان ع

• ع لا تمثل دالة لأن العنصر صفر ∈ سلم يخرج منه أي سهم في المخطط السهمي الممثل العلاة

ح و ابنفسك ٢

إذا كانت: س= {٢،٢،١} ، ص= {١،٤،١، ٩ وكانت ع علاقة من سر إلى صحيد «اعب تعنى «ا= اب لكلا ∈س، ب ∈ص فاكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي. اذكر مع بيان السبب عل ع تمثل دالة من سر إلى صرام لا ، وإذا كانت دالة فاذكر مداها.

، نعم كل دالة من سر إلى صرد لأن كل عضر من عناصر سراه صورة وحيدة في صر ، ومداها = { ١ ، ١ ، ١/}

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- ١ إذا كانت: د دالة من المجموعة سرالي المجموعة ص فإن: سرتسمي
 - (1) مدى الدالة د . (ب) محال الدالة د
 - (ج) المجال المقابل للدالة د (د) قاعدة الدالة د
- 🕜 إذا كانت : د دالة من المجموعة س إلى المجموعة ص فإن : ص تسم
 - (1) مجال الدالة. (ب) المحال المقابل للدالة.
 - (د) قاعدة الدالة. (ج) مدى الدالة.
 - إذا كان بيان العلاقة ع. هو {(١، ٢) ، (٢، ٥) ، (٤، ٣)}
- (I Vaygulall) فإن ع تمثل دالة مداها
 - {0,7,1,8,7}(4) {E, Y, 1}(i)
 - (د)ط
 - {o, r} (=)
 - الشكل المقابل يمثل دالة على س- مداها (الفاهم ١١)

 - (ب) {۱، س، ح} {t} (i)
 - {2, -} (s) {-· f} (=)
 - ه الشكل المقابل يمثل دالة
 - على س- مداهاعلى سام
 - (ب) {۱-،،،۱} {٢-, ١-, , , }(i)
 - {r- , r- , r} (a) {r- , r- , r}
- [إذا كانت : ع دالة من س إلى صحيث س= {٢ ، ٤ ، ٥ } ، ص= {١ ، ٢}
 - وكانت كي = {(٢ ، ٦) ، (١ ، ٢) ، (٥ ، ١)} فان: ١ =
 - 7(1) (ج) ۱۲
- (ب) ه
- ٤(1)
- حاول بنفسي

علمنني له ، ((، ،) ، (؛ ، ۲) ، (، ، ۲) } على الله الله على الله على الله على الله على الله على الله على ا



تمارین 🖊

على العلاقة - الدالة (التطبيق)

🛄 أسئلة كتاب الوزارة

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- ١ إذا كانت : د دالة من المجموعة سم إلى المجموعة صم فإن : سم تسمى
 - (أ) مدى الدالة د
 - . (ب) مجال الدالة د
- (ج) المجال المقابل للدالة د
- (د) قاعدة الدالة د
- ا إذا كانت : د دالة من المجموعة سم إلى المجموعة صم فإن : صم تسمى
 - (1) مجال الدالة.

(ب) المجال المقابل للدالة.

(ح) مدى الدالة.

- (د) قاعدة الدالة.
- إذا كان بيان العلاقة ع هو {(۱، ۳) ، (۲، ٥) ، (٤، ٣)}
- فإن ع تمثل دالة مداها (Ilaliqua VI)

{o, T, 1, E, T}(w)

- (د)ط
- (ج) {۲، ه}

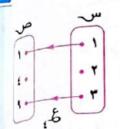
{2, -} (s)

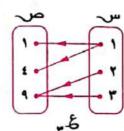
- القاهرة ١١) الشكل المقابل يمثل دالة على س- مداها (القاهرة ١١)
- (ب) [۱، س، ح} (i) {1}
 - {-, p} (=)

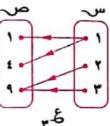
- الشكل المقابل يمثل دالة
- على س- مداهاعلى سامداها
- (۱) {۱-،،،۱} (ب)
- {r-, 1-, 1}(s)
- (ج) {۲۰،۱۰،۰}
- [١] إذا كانت : ع دالة من سم إلى صحيث س= (٢ ، ٤ ، ٥) ، ص= (٦ ، ٧) وكانت كح = {(٢ ، ٦) ، (٩ ، ٦) ، (ه ، ٦)} فإن : ٩ =
 - 7(1) 17 (2)
- (ب) ه
- £ (i)

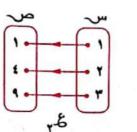
🔟 🗓 أى من العلاقات التالية تمثل دالة من سر إلى صر؟

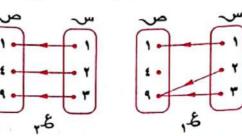
وإذا كانت العلاقة ممثل دالة ، فأوجد مدى الدالة :

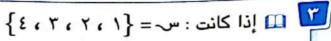




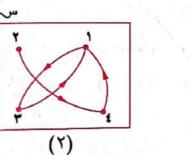


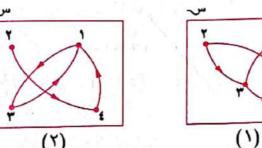


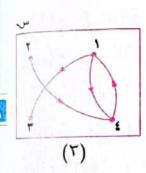




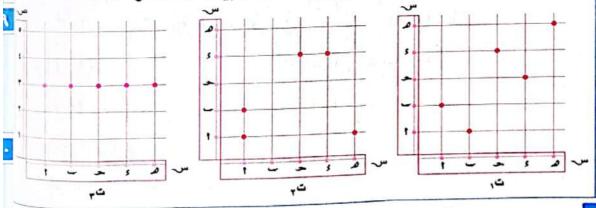
فأى من المخططات السهمية الآتية تعبر عن دالة على المجموعة س- ؟







يِّن أَى المخططات البيانية الآتية يعبر عن دالة واذكر بيان كل دالة ومداها:



إذا كانت: س= {٢، ، ، ح} ، ص= {٢، ، ، ، ١ } فأى العلاقات الله دالة من س- إلى ص- وأيها ليست دالة مع ذكر السبب ، وإذا كانت العلاقة دالة اذكر مداها

المخطط السهمى المقابل عِثل علاقة ع من س _ ص حيث:

$$\{\Lambda, \xi, \Upsilon, \Lambda\} = - - \{\xi, \Lambda, \Upsilon - \} = - -$$

- ۱ اکتب بیان ع
- الله أم لا ؟ ولماذا ؟
- ٣ ما قيمة س إذا كان: (س ، ٢) € بيان ك ؟

اذا کانت :
$$w = \{1, 3, 7\}$$
 ، $w = \{1, 7, 8, 7\}$ ، $w = \{1, 7, 8, 7\}$ وکانت علاقة من $w = \{1, 8, 7, 8\}$ بان علی می میلها بمخطط سهمی. هل عدالة ؟ ولماذا ؟ (الإسلندریة ۱۸)

- اذا كانت: س= {-۲،۲،٥} ، ص= {۳،۷، ل} وكانت ع دالة منس صحیث «ا ع ب، تعنی «ب= ۲۰ – ۱» لکل ۱ ∈ س، ب ∈ ص ا مثل الدالة ع بمخطط سهمي. 🚺 أوجد قيمة ل
 - $\{\xi, \chi, \gamma\} =$ ، $\{\chi, \chi, \chi, \gamma\} =$ یا ازا کانت : =فبيِّن أي العلاقات الآتية ممثل دالة من س إلى ص:
 - 1 ع. حيث «ا ع. ب» تعنى «ا = با» لكل ا ∈ س، ب ∈ ص
 - آ عب حيث «اعب » تعنى «ا = اب » لكلا و س ، ب ∈ ص
 - ٣ عب حيث «١ عب » تعنى « ٢ ع = ب» لكل ١ ∈ س ، ب ∈ ص
- اذا كانت: ع علاقة على مجموعة الأعداد الطبيعية (ط) حيث «أع ب تعنى «أ ×ب: الأعداد الطبيعية (ط) حيث الله على الم لكل ا ∈ ط، ب ∈ ط
 - فأوجد قيمة : -س ١ اذا كان: س ع ع
 - إذا كان: ص ع ٣ ص فأوجد قيمة: ص
- ما إذا كانت : ع علاقة على مجموعة الأعداد الحقيقية الموجبة (ع.) حيث « س ع ص الله المارة تعنى «ص ٢ = ٢ س» لكل س ∈ ع، ص ∈ ع، وكان كل من الأزواج المرتبة التالب ينتمى لبيان ك : (٢ ، ٢) ، (٢ ، ٢) ، (ح ، ٣) ، (ح ، ٢) أوجد قيمة كل من: ١ ، ب ، ح ، و
 - [1] إذا كانت : س- = [۱ ، ، ، ۱

وكانت كل علاقة المعكوس الجمعي على س ، على علاقة المعكوس الضربي على س أوجد: ٤ = ٤ ، ٨ ٤ ، وهل عد تمثل دالة على سر؟

- إذا كانت: س= {۲،۲،۱} ، ص= {۱۳،۲،۱ وكانت ع علاقة س إلى صحيث «ا عس» تعنى «ا رقم من أرقام العدد ب» لكل ا ∈ س، ب ∈ ص اکتب بیان کے ومثله بمخطط سهمی.
 - آ بيِّن أيًّا مما يلي صواب مع ذكر السبب: ٢ ٤ ٥٥ ، ١١ ٤ ٣٠ ، ١٣ ١٣ ، ١٣ ١٣ ١٣ اكتب بطريقة السرد: م = {(ص ، ٢٣): (ص ، ٣٣) ∈ ٤]

- الم إذا كانت: ٢ = {-١ ، ١ ، ١ } ، ب = {٥: ٥ ∈ ط} وكانت عَ علاقة من ١ إلى ب حيث «س عَ ص» تعنى «ص = ٢ س + ٣» لكل س ∈ ١ ، ص ∈ ب أوجد بيان عَ ومثله بمخطط سهمى.
 - - [L = {(' , 3) , (7 , 7) , (7 , 7)} [4 = {(7 , 3) , (' , 7) , (7 , 7) }
- القيمة العددية للمقدار : ٢ + ب (أسوان ٢٠ ، القليوبية ٢٠)

للمتفوقين 🕙

- إذا كانت ع دالة من س إلى صحيث «اع ب» تعنى «ا مضاعف ب» لكل ا \in س $\mapsto \in$ ص ، وإذا كان : v (س) = v ، v (ص) = v ، v v ،

تذكران

إذا كانت : د دالة من المجموعة سر إلى المجموعة صرأى د : س - ص فإن :

- √ س- تُسمى «مجال الدالة د»
- آ ص- تُسمى «المجال المقابل للدالة د»
- مجموعة صور عناصر مجموعة المجال س- بالدالة د تُسمى «مدى الدالة د»

وهي مجموعة جزئية من المجال المقابل ص

الدرس

التعبير الرمزى عن الدالة - دوال كثيرات الحدور

التعبير الرمزى عن الدالة

- * يُرمز عادةً للدالة من المجموعة سرالي المجموعة صرباحد الحروف مثل: د أو من أو ... وتكتب رياضيًا :
 - د : س- م ص وتُقرأ د دالة من س إلى ص
 - أ، س : س م وتُقرأ م دالة من س إلى ص وهكذا ...
 - * إذا كانت د : س ص وكان الزوج المرتب (س ، ص) ينتمى إلى بيان الدالة د فإن العنصر ص يسمى صورة العنصر س بواسطة الدالة د

ونكتب ذلك بإحدى الصورتين:

- د : س المه ص وتُقرأ د ترسم س إلى ص
- أ، د : د (س) = ص وتُقرأ د دالة حيث د (س) = ص
- فمثلًا: إذا كانت د: س ص بحيث: د: س الم س فإن: د: ۲ → ۹

ويمكن أن نكتب ذلك على الصورة : د (س) = س ومنها د (7) = 9

رو ملاحظة

الصورة الرياضية د (س) = س تُسمى بقاعدة الدالة د ، وتستخدم لإيجاد صورة كل

مثال 🕦

فأوجد بيان الدالة د ومثلها بمخطط سهمي واكتب مداها.

د
$$(\cdot) = (\cdot) = (\cdot)$$
 الدالة د $(\cdot) = (\cdot)$ بيان الدالة د

11 ملاحظة

23

ای ان

الدالة كثيرة الحدود هي دالة قاعدتها حد أو مقدار جبري ويتوفر فيها الشرطان الآتيان:

- كل من المجال والمجال المقابل للدالة هو مجموعة الأعداد الحقيقية ح
- 🕥 قوة (أس) المتغير س في أي حد من حدود قاعدتها هو عدد طبيعي.

وفيها يلى أمثلة لدوال كثيرات الحدود:

$$1 + \omega - Y - Y \omega = (\omega -) \omega : \omega$$

$$T_{\omega} = (\omega -) \omega : \omega$$

$$T_{\omega} = (\omega -) \omega : \omega$$

٥٠: ٥٠ (١٠٠٠) 11 ملاحظة

إذا كان أي من المجال أو المجال المقابل الدالة ليس مجموعة الأعداد الحقيقية فإن الدالة ليست كثيرة حدود.

فمثلًا: • د : د (س) = الست دالة كثيرة حدود

لأن د (س) غير موجودة في ع إذا كانت س تساوى عددًا سالبًا.

فمثلا: د (-۱) ≢ع لأن: ٧-١ ∉ع

وبالتالي فإن مجال الدالة د ليس مجموعة الأعداد الحقيقية.

· الست دالة كثيرة حدود - الست دالة كثيرة حدود

 (\cdot) غير موجودة في β إذا كانت $-\omega = 0$ أي أن (\cdot) \emptyset

وبالتالى فإن مجال الدالة م ليس مجموعة الأعداد الحقيقية.

11 ملاحظة

عند بحث ما إذا كانت دالة تمثل دالة كثيرة حدود أم لا فإننا لا نقوم بتبسيط قاعدتها.

فمثلًا : الدالة د، : د، (س) = س (س + $\frac{1}{2}$ لا تمثل دالة كثيرة حدود لأن : د، (٠) $\notin \mathcal{S}$ بينما الدالة د $_{7}: c_{7}$ (س) = س $_{7}$ + ۱ تمثل دالة كثيرة حدود.

ولافظ أن: - س (س + -) = س ما الجميع الأعداد الحقيقية ما عدا الصفر.

مثال 🕦

إذا كانت د : ط → طحيث ط هي مجموعة الأعداد الطبيعية ، وكانت : د (س) = س ١٠ فأوجد: د (٠) ، د (١) ، د (٢) ، د (٢) ، د (٤) ثم ارسم جزءًا من الشبكة التربين للحاصل الديكارتي ط × ط ومثل عليها خمسة عناصر من هذه الدالة. ما هو مدى د ؟

د (س) = س + ١ لكل س ∈ ط (تعنى أن: صورة أي عدد طبيعي بالدالة د هو العدد +١١

$$Y = (1) \cup (1) = 1 + 1 = (1) \cup (1) = 1$$

 الأزواج المرتبة (٠٠١) ، (١،١) ، (٢،٢) ، (٣،٤) ، (٤،٥) هى خمسة عناصر من عناصر الدالة د

ه مدى د هو جميع الأعداد الطبيعية عدا الصفر

(لأنه لا يوجد عدد طبيعي إذا أُضيف إلى ١ يكون الناتج صفرًا) أى أن : مدى د = ط - { . }



 $\left\{ \text{? (1) 2 it : $w = \{1,3,7,4,4\} } \right. \text{ $w = \{1,3,4,4,4\}$}$ وكانت الدالة د : س محم حيث د (س) = ٢٠٠٠ س فاكتب بيان د ومثلها بمخطط بياني وأوجد مداها.

دوال كثيرات الحدود

تعريف

الدالة د : ٤ - ٤ ، د (س) = ١. + ١٠ - ٠ + ١٠ - ١٠ + ١٠ - ١٠ الم حيث أ ، ١٠ ، ١٠ ، ١٠ ، ١٠ م € ع ، ١٥ ط تسمى دالة كثيرة حدود.

درجة الدالة كثيرة الحدود

درجة الدالة كثيرة الحدود هي أكبر قوة للمتغير في قاعدة الدالة.

فمثلًا: • الدالة د، : د، (س) = ٢ س -
$$\frac{1}{7}$$
 من الدرجة الأولى (دالة خطية)

• الدالة دې : دې (س) =
$$\sqrt[4]{0}$$
 س - $\sqrt[7]{-7}$ من الدرجة الثانية (دالة تربيعية)

١١ ملاحظة

الدالة د : د (س) = 1 حيث 1 ∈ 2 - { · } دالة كثيرة حدود من الدرجة صفر (دالة ثابتة) مثل د : د (س) = ۲

١ د (س) = ٣ -س - س٢

👣 د دالة من الدرجة الثانية.

لاحظانه

عند بحث درجة الدالة يجب تبسيط قاعدتها

إلى أبسط صورة قبل تعيين درجتها.

وفي حالة أ = ، أي عندما د (س) = ، فإن الدالة د ليس لها درجة.

مثال 🕜

إذا كانت د : ع - ع فاذكر درجة د :

٢ د (س) = ٥ س - ٢ س٢ + س٢

الحسل

- 1 د دالة من الدرجة الأولى.
- ٣ د دالة من الدرجة الثالثة.
- (Yun+ un 8 + 8) Yun = (un) 2 : E ٤ - ٤ - ٢ - ٤ - ٢ - ٤ =
 - ٠٠ د دالة من الدرجة الرابعة.

Tu-T= Tu-T+ (--) + (--) 1:0

.: د دالة من الدرجة الثالثة.

ح و ا بنفسك ٢

أى من الدوال المعرفة بالقواعد الآتية تمثل دالة كثيرة حدود وعين درجتها إذا كانت كثيرة حدود :

$$\left(0+\frac{1}{\sqrt{2}}\right)\omega=\left(0-\right)_{1}\omega\left(1-\frac{1}{2}\right)\omega=\left(0-\right)_{1}\omega\left(1-\frac{1}{2}\right)\omega=\left(0-\frac{1}{2}\right)_{1}\omega\left(1-\frac{1}{2}\right)\omega$$

مثال 🚯

إذا كانت د : د (س) = س ٢ - ٢ س + ه

(
$$\sqrt{1}$$
) , $(\sqrt{1})$, (-7) , $(\sqrt{1})$, $(\sqrt{10})$

$$(\overline{Y} - 1)$$
 د $(\overline{Y} + \overline{Y} + 1)$ اثبت أن: د $(\overline{Y} + \overline{Y} + 1)$

$$\xi = 0 + Y - 1 = 0 + (1) \times Y - (1) = (1)$$

وبالمثل: د
$$(\cdot)$$
 = \circ ، د (-7) = 7 ، د $(\frac{7}{7})$ = $\frac{7}{3}$ 3

$$(1) \qquad = \lambda + 1 + 3\sqrt{7} - 7 + 0 = 71$$

$$(1) \qquad = \lambda + 1 + 3\sqrt{7} - 7 + 0 = 71$$

$$(Y)$$
 (Y) (Y) (Y) (Y) (Y) (Y) (Y) (Y)

مثال 🙆

الحسل

$$\lambda \cdot = (\xi -) \wedge + (\chi) \gamma \therefore$$

$$o = \frac{1}{Y} = \smile :$$

$$A = 0 + {}^{4}Y = (Y)$$
 , $Y = (Y-) \times Y = (Y-)$...

حابا بنفسك ٢

إذا كانت : د (س) = ٢ س + ٥ ، ٧ (س) = س - ٦

. طىسفنى تېژا 🚺

🚺 الدوال كثيرات الصود : د/ وهم من الدرجة الثالثة.

ران
$$L = \{(Y, Y), (3, Y), (Y, Y), (X, 3)\}$$
 ناسفن رائم، $L = \{(Y, Y), (Y, Y), (X, 3)\}$ نامان تعمد $L = \{(Y, Y, Y, Y, 3)\}$

عسفنا باول كالوا

تمارین 3





على التعبير الرمزي عن الدالة - دوال كثيرات الحدود

🛄 أسئلة كتاب الوزارة

	اة :	من بين الإجابات المعط	اختر الإجابة الصحيحة
(adap571,caild01)		اصر مجال الدالة تسم	
(د) المجال المقابل.	(ج) المدى.	(ب) المجال.	
(القاهرة ١٧)	، مدى الدالة د ر	: ســـه ما فإن	🚺 إذا كانت الدالة د
	(ج) ص×س	(ب) س~	س×س(۱)
	V + 1	س ۲ – س ۲ – ۲ س	🏲 الدالة د حيث د (
(5. mils P1. Hureims 01)		لدرجة	كثيرة حدود من ا
(د) الرابعة.	(ج) الثالثة.	(ب) الثانية.	
ه من الدرجة) هى دالة كثيرة حدوا	= س (س - ۲ س	<u>٤</u> الدالة د : د (—)
(د) الرابعة.	(ج) الثالثة.	(ب) الثانية.	(1) الأولى.
	س) كثيرة حدود مر	= - س ^۲ - (س ^۲ - ۳	الدالة د : د (س)
(17 library 17)		ميد د (سر) = سر ۱۰۰۰	الدرجة
	(ج) الثالثة.	(ب) الثانية.	(1) الأولى.
			1 الدالة د : د (س)
(أسوان ۱۳)	(3)42	ود من الدرجة	هى دالة كثيرة حد
(د) الرابعة.	(ج) الثالثة.	(ب) الثانية.	(1) الأولى.
ة (قنا١١)	كثيرة حدود من الدرج	= (س – ه) ^۲ هى دالة	🔻 الدالة د : د (—ر) :
(د) الرابعة.	(ج) الثالثة.	(ب) الثانية.	(1) الأولى.
	فإن : د (٦-) = ٠٠	7+ (🔥 إذا كانت : د (س
(د) ۹	(ج) ه		
(١/ وهلية ١١)	فإن : د (۲۲) =	- TV - V-= 1	1 إذا كانت : د (س
(د) صفر	(ج) ۲	(ب) ۲	٤ (١)

```
ا إذا كانت الدالة د : صهم صحيت د (س) = س
                            فإن : د (۲) + د (۲–۲) = ....
     ٧-(٦)
                                (۱) صفر (ب) ٤
                   (ج) ۸
                ا إذا كانت : د (س) = ك س + ٨ ، د (٢) = صفر
(الدقعلية ٢٠ ، الشرقية ١٥
                                   فإن : ك = ....
     (L)-3
                   (ح) ٤
                                7(-)
  ^{11} إذا كانت : د (-0) = -0 ه وكان : \frac{1}{2} د (7) = 7 فإن : 7 = -0
     17 (2)
              (ب) ۸
                                             Y(1)
   (11m,e10.7
     (ب) ۲ (ج) ۲ (ب)
١٤ إذا كان : (-١ ، ٠) € بيان الدالة د حيث د (س) = م س + ٢ فإن : م = .....
     (۱) صفر (ب) ۱- (ج) ۲
١٥ إذا كان : (٣ ، ص) € بيان الدالة د حيث د (س) = س + ٢ فإن : ص = ......
       (۱) ه (ج) ۲ (ج) ۱ (۵)
١٦ إذا كان: (٢ ، ١) € بيان الدالة د حيث د (س) = ٢ س + ٣ فإن: ١ = .....
     (خ) -۲
                             (ب) ۳
                                             Y(1)
۱۷ إذا كانت : د (س + ۳) = س - ۳ فإن : د (۷) = ..... (الاقعلية ۱۹
                            (پ) ۱
              (ج) ۷
      1. (2)
 ١٨ إذا كانت: س= {٢ ، ٤ ، ٦} وكان ١٨ (ص) = ٤ وكانت الدالة د: س ـــ ص
             ، د (س) = س ۲ - ۱ فإن : ص يمكن أن تكون ....
                                    {17, V, T}(1)
      (ب) {٤٥، ٢٥، ٢٥، ٣}
                                (ج) {۲، ۱۰، ۲}
       { 40 , 40 , 10 , 4} (7)
```

الدرس الثالث -

تجعل د دالة من الدرجة الثانية هي (الدقعلبة ١٦)

أى من الدوال الآتية تمثل كثيرة حدود:

الأفصر ۱۱ الأفصر ۱۱ الأفصر ۱۱ (س) = ۲ س Y = 0 م س Y = 0 الأفصر ۱۱ ال

ا أوجد: د $(\sqrt{Y}) + 7 \sqrt{(\sqrt{Y})}$ أثبت أن: د $(7) = \sqrt{(7)} = \cot$ $(\sqrt{Y}) + 7 \sqrt{(\sqrt{Y})}$ الأسلندية ١٨ ، الأسلندي

$$\cdot = (7V - 1) = (7V + 1) = (1 + 7V) = (1 + 7V) = (1 - 7V) = \cdot$$

- لا يساوي الصفر
- 1 أوجد: درجة الدالة د
- 🚺 إذا كانت د (٣) = ١١ فأوجد قيمة :ب

(1dis) (1)

o An

اذا کانت : د (س) = ه س - ب ، س (س) = س - ۲ ب وکان د (۱) + √ (۳) = −۷ فأوجد : د (۳) + √ (۱)

اذا کانت د : ص ب طحیث د (س) = (س - ۳) ، س : ص ب ط حیث س (س) = س - ۳ فأوجد: قیمة س التی تجعل د (س) = س (س)

إذا كانت د دالة على سحيث س= {٢،٥،٤،٣}

وکانت د (7) = 7 ، د (3) = 0 ، د (6) = 0 ، د (7) = 0

الإسماعبلية ١٥ الجسماعبلية ١٥ المتب بيان د واذكر مداها.

إذا كانت: س-= {۲،۱،٠} ، ص-= {۷،٥،٤،٣،٢،١} ا

وکانت د : س حس حیث د (س) = ٥ - س 1 أوجد: مدى الدالة د

ارسم مخططًا بيانيًا للدالة د (الوادى الجديد١٧)

اذا كانت الدالة ت: ط - طحيث ط مجموعة الأعداد الطبيعية ، ت: س ا -- ۲ س: ت،

(۱) ت (۲) ، ت (۲) ، ت (۲) ، ت (۲) ، ت (۵) ، ت (۵) ، ت (۵)

آ مثل خمسة عناصر من عناصرت على جزء من الشبكة التربيعية للحاصل الديكارتي ط× م

إذا كانت د : ص- حس ، ص مجموعة الأعداد الصحيحة

آ مثل سبعة عناصر من عناصر د على الشبكة التربيعية للحاصل الديكارتي ص- × ص-

اذا كان: د (س) = ١ س + ب وكان: د (١) = ب

فأوجد قيمة المقدار: ١ - ١ + ٥

(الشرقية ١٩) «٥»

إذا كان بيان الدالة د = {(١، ٣، ١) ، (٢، ٥) ، (٣، ٧) ، (٤، ٩، ٤) ، (٥، ١١)}

- ١ اكتب مجال الدالة د
- آ اكتب مدى الدالة د

٣ اكتب قاعدة للدالة د

(الأقصرو ١، شي سيناء ١٧ ، دعياط ١١)



اِذا كانت : د (س) = ٢ س + ب س + ح

فأوجد قيمة كل من: - ، ح

« • • 1 -»

الآن بالمكتبــات



GUIDE

ف اللغة الإنجليزية للمرحلة الإعدادية



* عند تمثيل الدالة الخطية يُكتفى بإيجاد زوجين مرتبين ينتميان إلى بيان الدالة. ويمكنك إيجاد زوج مرتب ثالث للتحقق أن النقط الثلاث الممثلة للأزواج المرتبة تقع على خط مستقيم واحد.

مثال 🕦

A

مثل بيانيًا:

دراسة بعض دوال كثيرات الحدود

الحال

١ لتمثيل هذه الدالة بيانيًا :

• نعين ثلاثة أزواج مرتبة تنتمي إلى بيان د : د (س) = ٢ ص - ٣

• يمكن ترتيب هذه الأزواج المرتبة في جدول كالتالي :

1	~	1	1-	<u></u>
-	,		4 1-11	70-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-0-
	١	1-	0-	ص = د (س)

- - نعين فى المستوى الديكارتى النقط الثلاث التى تمثل هذه الأزواج المرتبة ونرسم المستقيم ل المار بأى نقطتين منها ونتحقق من أن النقطة الثالثة تقع على نفس المستقيم فيكون هذا المستقيم
 - هو الشكل البياني للدالة د

لانظ أنه: يمكن إيجاد نقطتى التقاطع مع المحورين واستخدامهما في التمثيل:

- $(\cdot \cdot) = (\cdot) =$
- $\left(\cdot,\frac{r}{r}\right) = \left(\cdot,\frac{r}{r}\right) = \left(\cdot,\frac{r}{r}\right) = \left(\cdot,\frac{r}{r}\right)$ نقطة التقاطع مع محور السينات

أولًا الدالة الخطية

تعريف

الدرس

الدالة د: ع مع حيث د (س) = أس + س ، أ ∈ ع - {.} ، ب ∈ ع تسمى دالة خطية (وهي كثيرة حدود من الدرجة الأولى)

ا لاحظ أنه

لذلك فإن كلًا منها دالة من الدرجة الأولى.

فى كل من الدوال المجاورة أس المتغير س يساوى ١

- * أمثلة لدوال خطية :
- 1-0=(0-) 1 . 2-2:10
- 1+0-1=(0-) 1 : 2-2:10
 - U- T = (U-) s · € €:30

التمثيل البيانى للدالة الخطية

- * الدالة الخطية د : ع حديث د (س) = إس ب ، الحال الخطية د : ع حديث د (س) = إس ب ، الحال الخطية د : ع حديث د (س)
 - محور الصادات في النقطة (٠٠٠)
 - محود السينات في النقطة (" ، .)

1.

0- ½-=(0-) √ ·· 下

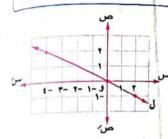
٤-	۲	U -
۲	1-	ص= س (س)

من الشكل المقابل لاحظ أن:

المستقيم ل يمر بنقطة الأصل و (٠٠٠)

لاحظ أنه

اذا كان معامل - م كسرًا يفضل أن نختار أعدارًا تقبل القسمة على مقام هذا الكسر لسهولة التمثيل



ويمر بالنقطة (٠،٠) ويكون هذا الخط:

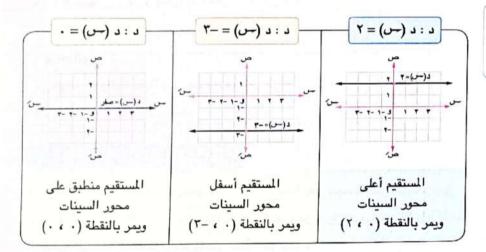
التمثيل البياني للدالة الثابتة

- أعلى محور السينات

- أسفل محور السينات

- منطبق على محور السينات إذا كان: -= ٠

والأمثلة التالية توضح ذلك :



الدالة الثابتة د : د (-0) = -(حيث -0 عمثلها بيانيًا خط مستقيم يوازى محور السينات

إذا كان: -> ٠

إذا كان: - > (

وبصفة عامة

الدالة د : ع مع حيث د (س) = ١ س ، ١ ∈ ع يمثلها بيانيًا مستقيم يمر بنقطة الأصل (٠٠٠)

ا بنفسك ١

مثل بيانيًا كلًا من الدالتين الخطيتين الآتيتين :

١ : د (س) = ٣ س - ٢

ا د د (س) = ۲ س

ثانيا الدالة الثابتة

تعريف

الدالة د : ع مع حيث د (س) = ب ، ب 3 تسمى دالة ثابتة.

فمثلًا:

د : د (س) = ه دالة ثابتة حيث :

د (۱) = ٥ ، د (-) = ٥ ، د (-۲) = ٥ ، ٠٠٠ وهكذا

ے ا بنفست ۲

مثل بيانيًا د : د (س) = -١ ثم أوجد ما يأتي :

١ درجة الدالة د

(1-) + (7) +

(--) 2 E

♦ الحسل

د (س)

١ د (س) = س٢

ثالثًا الدالة التربيعية

تعريف

الدالة د: ع مع حيث د (س) = اس + ب س + ح ، ا ، ب ، ح أعداد حقيقا ، † ≠ · تُسمى دالة تربيعية (وهي كثيرة حدود من الدرجة الثانية).

أمثلة لدوال تربيعية:

الاحظانه

في كل من الدوال السابقة أكبر قوة للمتغير س هي ٢ لذلك فإن كلُّا منها دالة من الدرجة الثانية.

التمثيل البياني للدالة التربيعية

نعلم أن مجال الدالة التربيعية هو مجموعة الأعداد الحقيقية وهي مجموعة غير منتهية ، ولذلك لتمثيل هذه الدالة بيانيًا فإننا نمثلها على فترة معينة عن طريق تعيين بعض الأزواج المرابا التي تنتمي إلى بيان الدالة ثم نرسم منحني ممهدًا يمر بالنقط التي تمثلها. والأمثلة التالية توضع ذلك.

مثال 🕜

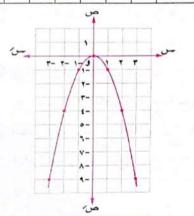
مثل بيانيًا كلًا من الدالتين التربيعيتين الآتيتين :

١ د : د (س) = س متخذا س ∈ [۲، ۲-]

ا د : د (س) = -س متخذًا س [[۲،۲-]

「 L (一) = - ー 「

٣	۲	١	١-	۲_	٣-	U
۹_	٤-	١-	١-	٤-	۹_	د (؎)



- لانظ أن: معامل س ٢ < ٠
- النقطة (٠،٠) هي نقطة رأس المنحني وهى نقطة قيمة عظمى لأن المنحنى يقع يتمامه أسفلها.
- القيمة العظمى للدالة هي صفر وهي الإحداثي الصادي لنقطة رأس المنحني.
- المنحنى متماثل بالنسبة لمحور الصادات أي أن محور الصادات هو محور تماثل المنحنى ومعادلته هي س = ٠

لاظ أن: معامل س ٢ > ٠

- النقطة (٠،٠) هي نقطة رأس المنحني وهى نقطة قيمة صغرى لأن المنحنى يقع بتمامه فوقها.
- القيمة الصغرى للدالة هي صفر وهي الإحداثي الصادي لنقطة رأس المنحني.
- المنحنى متماثل بالنسبة لمحور الصادات أي أن محور الصادات هو محور تماثل المنحني ومعادلته هي س = .

11 ملاحظة

يمكن تكوين الجدول المستخدم في رسم الدالة السابقة باستخدام الآلة الحاسبة العلمية التي تدعم نظام (Table) على النحو التالي :

- 🚺 تهيئة الحاسبة على نظام (Table) ، وذلك بالضغط على مفتاح MODE ثم اختيار نظام (Table)
 - [1] إدخال البيانات: نكتب قاعدة الدالة السابقة ، وذلك بالضغط على المفاتيح التالية:

- 😙 نضغط على المفتاح 💿 ثم في بداية الفترة START نكتب 🕝 😰 ثم نضغط 😭
 - الرقم الله نهاية الفترة ٢٥٥٥ الرقم الله ثم نضغط الله نضغط الله المتحدد المتح
 - نحدد بعد ذلك طول الفترة م STEP و نختار الرقم الله ثم نضغط وبذلك يتم إنشاء الجدول في الحاسبة ، ويمكن التنقل باستخدام المفتاح مسك إلى أعلى وإلى أسفل.
 - وللخروج من البرنامج: نضغط المستوقع ثم الم

- F(x)

مثال 🚯

 $[٤ , 1-] \ni سخذًا س <math>= (--)^{7} + 7 - m + 7$ متخذًا س = (-1, 3)ثم أوجد:

القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

٢ معادلة محور التماثل.

▶ الحـــل

٠٠ د (س) = -س٢ + ٣ س + ٢ س٠

	1					
	1-	•	١	۲	٢	٤
د (س)	۲-	۲	٤	٤	۲	-

وبصفة عامة

الدالة التربيعية د : د (-س) = ١ -س + - - حيث ١ ، ب ، ح أعداد حقيقية ١ + صفر يكون لها الخصائص الآتية :

- انقطة رأس المنحنى = $\left(\frac{--}{1}\right)$ ، د $\left(\frac{--}{1}\right)$
- [1] إذا كان أ (معامل ص) موجبًا فإن منحنى الدالة يكون مفتوحًا الأعلى وفي هذه الحالة يكون للدالة قيمة صغرى تساوى د $\left(\frac{-\omega}{2}\right)$
- وفي هذه الحالة يكون للدالة قيمة عظمي تساوى د $\left(\frac{-v}{r} \right)$
- أمنحنى الدالة يكون متماثلًا حول الخط الرأسى المار بنقطة رأس المنحنى وتكون معادلة هذا الخط : $- = - \frac{- v}{Y}$ ويُسمى محور تماثل منحنى الدالة.

مثال 🕜

ارسم الشكل البياني للدالة د: د (س) = س ٢ - ٢ س - ٢ متخذًا س ∈ [-٢ ، ٤] ومن الرسم أوجد: 1 نقطة رأس المنحني. 🖍 معادلة محور التماثل.

القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

الحل

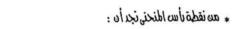
7- - - - - - - (--) 3 :

	T+	T *	T	Γ.	1-	۲-	J-
1	+-	-	5_	r-		0	د (س)
0	•	1 ,-					

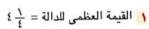
مه السمنجدان:

- ١ نقطة رأس المنحنى: (١ ، -٤)
- ٢ معادلة محور التماثل: س = ١
- «وهو مستقيم يوازي محور الصادات ويمر بنقطة رأس المنحني».
 - 🏲 القيمة الصغرى للدالة = -ع

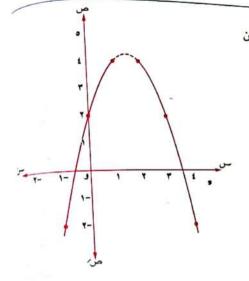




 $[Y , E_{-}]$ الاسم منحنى الدالة د : د (س) = س 7 + 7 س $^{-}$ على الفترة



معادلة محور التماثل هي :
$$-0 = \frac{1}{2}$$



وعند تعشيل الأزواج المرتبة نلاحظ أن نقطة رأس المنحنى ليست ضمن هذه النقط مما يجعل رسم الجزء المنقط بالشكل المقابل غير دقيق ، وبالتالي يصعب دراسة المنحني ، ولذا يجب إيجاد نقطة رأس المنحنى جبريًا كما يلى:

إيجاد نقطة رأس المنحنى

عند رأس منحنى الدالة التربيعية يكون : -

- الإحداثي السيني = -<u>-</u>
- * $|Y_{\text{ce}}|^{-}$

حيث معامل س ، أ معامل س

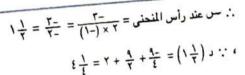
مثال 🗿

في الشكل المقابل:

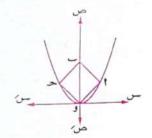
حاوا بنفسك ٢

ومن الرسم أوجد :

اسحومربع



رأس المنحنى عند النقطة $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$



٢] معادلة محور التماثل.

، المنحنى يمثل الدالة د : د (س) = س

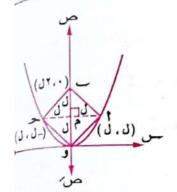
القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

أوجد إحداثيات النقط: ٢ ، ب ، ح

الحسل

نرسم قطر المربع أحد ليتقاطع مع القطر صو في نقطة م

. • قطرا المربع متساويان في الطول وينصف كل منهما الآخر



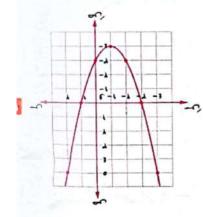
Y
 نتمى لبيان الدالة د : د (س) = س Y ، نتمى لبيان الدالة د : د (س)

، وبالتعويض في قاعدة الدالة:

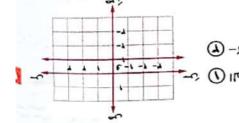
$$\cdot = J - ^{Y}J :$$

$$\therefore U = U'$$

$$1 - 1 = .$$
 ومنها ل

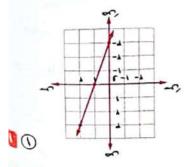


() القيمة المنازي الدالة = −3
 () - 1



3 -1





अणकंग प्रविद्ध





على بعض دوال كثيرات الحدود

🛄 أسئلة كتاب الوزارة

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

الجيزة ١٧ = (س) = ٧ فإن : د (٣٠) =ا ۲۱– (ع) ۲۱ (ج) ۲۱ (ب) ۷– (۲) ۲۱ (۱) آ إذا كانت : د (س) = ۲ فإن : ۳ د (۲۷) = (۱) د (۲√۲) (ب) ۲ (ج) ۳ (د) ۲ الدقعلية ١٠ - د (١) = ٢ فإن : د (٣) - د (١) = $=\frac{(0)}{(10)}$ اذا کانت : د (-0) = 0 فإن : د (0) $(i) \circ (i)$ ٥ إذا كانت د دالة حيث د : ع → ع وكانت د (س) = ٣ $\frac{c(7)}{c(abc)} = \dots$ فإن: (الدقعلاة ١٧) (۱) ۲ (ب) (ج) ۳ (د) غير معرفة. T = (--) = 7 فإن T = (--) = 7(1Kmtisuo 0) $\frac{\gamma\gamma}{\gamma\gamma}$ (1) $\frac{\gamma}{\gamma}$ (2) $\frac{\gamma}{\gamma}$ (1) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲) الدالة د : د (س) = ٣ س يمثلها بيانيًا خط مستقيم يمر بالنقطة (بني سويف١٧)

 $(r, \cdot)(r)$ $(r, \cdot)(r)$ $(r, \cdot)(r)$ $(r, \cdot)(r)$

أكمل ما يأتي :

الدالة د : ع → ع حيث د (→) = ه يمثلها خط مستقيم يوازى
 ويقطع محور الصادات في النقطة

البحبة على الخط المستقيم المثل للدالة د : ع ـــ على الخط المستقيم المثل للدالة د : ع ـــ على الخط المستقيم المثل للدالة د : ع ـــ على البحبة ١١) حيث د (س) = ٤ س − ه فإن : ١ =

(سوهاخ ۹ - سوهاخ ۹ - س هی سیماثل لمنحنی الدالة د : د $(-0) = -0^{7}$ هی سیماثل لمنحنی الدالة د : د (-0)

ا إذا كانت : (-7 ، ص) تنتمى لمنحنى الدالة د : د (-0) = -0^7 + المناء ٩٠) فإن : ص =

◘ ◘ مثل بيانيًا كلًا من الدوال الآتية حيث ۖ → 5 ع :

١ : د (س) = ٥ = (س) ع د : د (س) = -٤

 $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}$

(cald 11)

عثل بيانيًا كلًا من الدوال الخطية الآتية ، وأوجد نقطتى تقاطع المستقيم الممثل لكل منها مع

محوري الإحداثيات حيث → 0 € 2:

(الفيوم ١٦، بني سويف ١٤)

مثل بيانيًا كلًا من الدوال الآتية ، ومن الرسم استنتج إحداثيى رأس المنحنى ، ومعادلة محور التماثل ، والقيمة العظمى أو الصغرى للدالة حيث $-u \in \mathcal{S}$:

$$[T: c (-w) = -w^{2} + 1]$$
 متخذًا $-w \in [-T: T]$

(الاقعلية ۱۱۷)
$$= -\omega$$
 ($-\omega - \gamma$) $-\gamma$ متخذًا $-\omega \in [-\gamma, 3]$

$$[Y, E-] \ni U - U - U - Y - V = (-3)$$
 د: د (-0) = ۲ - ۲ - ۲ - ۲ متخذًا

إذا كانت الدالة د : د (-0) = 7 - 0 - 7 يمثلها خط مستقيم يمر بالنقطة (7,7,7) أوجد قيمة : 7 ثم أوجد نقطة تقاطع الخط المستقيم مع محور الصادات.

(الغيية ١٠) «٢٠ (٠٠ -١)»

- إذا كان المستقيم الممثل للدالة د : ع ع حيث د (س) = ٢ س + يقطع جزءًا موجبًا من محور الصادات طوله يساوى ٣ وحدات ويمر بالنقطة (١ ، ٥) أوجد قيمتى : ٢ ، س
- إذا كان المستقيم الممثل للدالة د : ع ع ، د (س) = ٢ س + ب يقطع محور السينات في النقطة (٠، -٣) ويقطع محور الصادات في النقطة (٠، -٣) أوجد قيمة كل من الثابتين : ٢، ثم أوجد قيمة : د (١) (الشرقية ١٧٥) «١، ٢، ٢»
- إذا كان منحنى الدالة د : $2 \longrightarrow 2$ حيث د $(-0) = 4 -0^7$ يقطع محور السينات في النقطة $(-7 \cdot -0)$ أوجد قيمة : $4 \longrightarrow 7 \rightarrow 7$ م
 - اِذا کانت : س= {۲، ۳، ۲} ، ص= {۳، ۵، ۵، ۲، ۷، ۸} وکانت س : س حیث س (س) = ۹ س
- أوجد مجموعة صور عناصر المجموعة س- بالدالة ى
 الافعلية ١٤) هل م دالة خطية ؟ اذكر السيب.

إذا كانت: د (س) = $\mathbf{7} + \mathbf{-0}^{7}$ ، ل (س) = $\mathbf{-0}$ حيث د ، ل كثيرتا حدود ، $\mathbf{7}$ ، ح ثابتان وكان: $\mathbf{7}$ د ($\mathbf{7}$) + $\mathbf{7}$ ل ($\mathbf{0}$) = $\mathbf{7}$ أوجد القيمة العددية للمقدار: $\mathbf{7}$ د ($\mathbf{7}$) + $\mathbf{7}$ ل ($\mathbf{7}$) + $\mathbf{7}$ ل ($\mathbf{7}$) + $\mathbf{7}$ ل ($\mathbf{0}$) + $\mathbf{0}$ ($\mathbf{0}$

40

الشكل المقابل يمثل الدالة د حيث د (-0) = ٤ – ٢ س أوجد:

- 1 إحداثيي كل من النقطتين ٢ ، ب
 - آ مساحة سطح △ ٩ و ب



(الأقصر ١٥) الإسماعيلية ١١

الشكل المقابل:

الدالة الثابتة د تمثل بيانيًا بالمستقيم كم

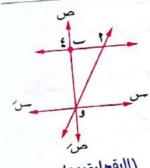
والدالة الخطية م تمثل بيانيًا بالمستقيم و أحيث : ١ (٢ ، ٣)

- 1 اكتب قاعدة الدالة د وقاعدة الدالة س
 - آ أوجد قيمة : د (-١٠) + √ (٦)

(الشرقية ٤١) "١٢"

الشكل المقابل يوضح المستقيم أب الذي يمثل الدالة د حيث: د (س) = ٤ ، فإذا كان أو يمثل الدالة الخطية ي حيث: ١٠ (١٠٠٠) = ١٨ - ١٠ وكانت مساحة سطح المثلث ٢ س و تساوى ٤ وحدات مربعة ،

فأوجد قيمة: كل من له، ك حيث و نقطة الأصل.

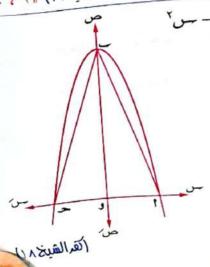


(الاقعلية ١٧) ٢٠،

۱ الشکل المقابل یمثل منحنی الدالة د حیث د (س) = ۹ – س^۲

أوجد: ١ إحداثيي ١ ، ح

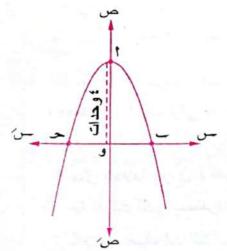
🚺 مساحة المثلث ؟ ب ح



الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة د حيث:

أوجد: 🚺 قيمة م

🚩 مساحة المثلث الذي رؤوسه ٢ ، ب ، ح



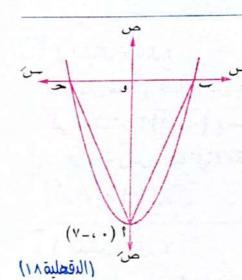
(الجيزة ٢٠ . الأقصر ١٨ . شه. سيناء ١٦)

∨ - ۲ الشكل المقابل يمثل الدالة د : د (→) = ل → √ - ∨

✓

، مساحة المتلث المح = ٢١ وحدة مربعة

، ١ (٠ ، -٧) أوجد إحداثيي نقطة - ثم أوجد قيمة ل



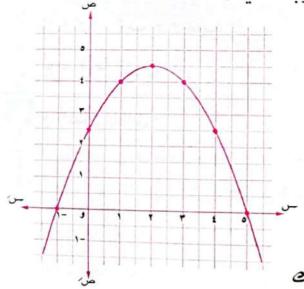
الشكل المقابل يوضح المخطط البياني لدالة الدرجة الثانية د:



ثم استنتج من الشكل:

- آ مدى الدالة د
- ٣] معادلة محور تماثل منحنى الدالة د
 - القيمة العظمى للدالة د
 - 0 قيمة د (١)

اذا کانت : د (س) = $(-1)^{7} + U$ افاوجد قیمة : $(-1)^{7} + U$



(التقعلية ١١)

◘ يقال لعلاقة من س إلى ص إنها دالة إذا تحققت إحدى الحالات الآتية :

- كل عنصر من عناصر سريظهر مرة واحدة فقط كمسقط أول في أحد الأزواج المرز التي تنتمي إلى بيان العلاقة.
 - ﴿ كُلُ عَنْصُرُ مِنْ عَنَاصُرُ سَ يَخْرِجُ مِنْهُ سَهُمْ وَاحَدُ فَقَطَ إِلَى أَحَدُ عَنَاصُرُ صَ وَذَلَكُ فَي المخطط السهمى الممثل للعلاقة.
 - ٣ كل خط رأسى تقع عليه نقطة واحدة فقط من النقط التي تمثل العلاقة وذلك في المخطط البياني الممثل للعلاقة.

إذا كانت د دالة من سرالي ص فإنها تكتب د: س محويكون:

- ١) سهى مجال الدالة د
- على المجال المقابل للدالة د
- (٣) مجموعة صور عناصر س- بالدالة د هي مدى الدالة ويكون مدى الدالة ⊂ المجال المقابل للدالة.

دوال كثيرات الحدود

🗘 الدالة كثيرة الحدود هي دالة قاعدتها حد أو مقدار جبري ويتوافر فيها الشرطان الآتيان معًا:

- (١) كل من المجال والمجال المقابل للدالة هو مجموعة الأعداد الحقيقية ح
 - (٢) قوة (أس) المتغير في أي حد من حدود قاعدتها هو عدد طبيعي.

لاحظ أن: درجة الدالة كثيرة الحدود هي أكبر قوة للمتغير في قاعدة الدالة.

الدالة الثابتة:

الدالة د: ع _ ح حيث د (س) = ب ، ب ∈ ع تسمى دالة ثابتة ويمثلها بيانيًا خط مستقيم يوازى محور السينات ويقطع محور الصادات في النقطة (٠،٠)

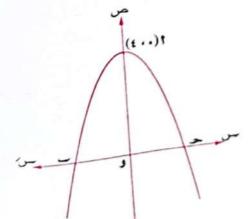
ن الدالة الخطية:

الدالة د: ع حج حيث د (س) = اس ب ، الحال د الله د: ع حيث د (س) = اس ب ب ، الحالة د: ع حج عيث د (س) علما د المال المالة الم دالة خطية (دالة من الدرجة الأولى) يمثلها بيانيًا خط مستقيم يقطع محور الصادات (\cdot, \cdot) ويقطع محور السينات في ($\cdot, \cdot)$ في

🗘 الدالة التربيعية :

الدالة التربيعية . الدالة $c: 3 \longrightarrow 3$ حيث $c: 4 \longrightarrow 3$ + $-10^7 + -10^7$ الدالة د: ع - عصل على على الله كثيرة حدود من الدرجة الثانية ويمثلها بيانيًا منحنى (- عداد حقيقية منحنى (- عداد حقيقية منحنى (- عداد حقيقية عندى (- عداد)) $(\frac{-\zeta}{t \times})$ د ($\frac{-\zeta}{t \times}$) د ($\frac{-\zeta}{t \times}$))

- ا كتب مجال الدالة د اكتب مدى الدالة د اكتب قاعدة للدالة ر
- (ب) مثل بيانيًا الدالة د : د (س) = ٢- س + ٣ وأوجد نقطتي تقاطع المستقيم المثل للدالة د مع محورى الإحداثيات حيث س ∈ ع
 - ن (1) إذا كانت : س = { ۱ ، ۱ ، ۱ ، ۲ ، ۵ علاقة معرفة على س حيث « ا كانت ا س حيث « ا كانت ا س حيث « ا كانت ا تعنی أن «ب= ۲°» لكل (۱، س) ∈ س
 - 1 اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي.
 - 1 هل العلاقة ع دالة ؟ ولماذا ؟
 - [(+)] مثل بیانیًا الدالة د حیث د (-0) = (-0) + (-1) متخذًا -0 = (-1)ومن الرسم استنتج:
 - 🚺 إحداثيي رأس المنحني.
 - أ معادلة محور التماثل.
- 🍸 القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.
- أوجد: درجة الدالة د (·) ر + (·) احسب قيمة : د (·) + ر (·)
 - (ب) الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة التربيعية
 - د: د (س) = ٤ ك س٢ ، ك ثابت ≠ .
 - ، أ (٠ ، ٤) هي رأس المنحني
 - ، «و» هي نقطة الأصل
 - ، س ، حر ∈ محور السينات
 - ، مساحة المثلث الذي رؤوسه 🕈 ، ب ، ح تساوی ۸ وحدات مربعة.



- أوجد: (١) معادلة محور التماثل ، القيمة العظمى للدالة د
 - 🚺 إحداثيي نقطة ب ٢ قيمة ك

$[Y : \xi -] \Rightarrow 0$ مثل بیانیًا الدالة د حیث د $(-0) = -0^{Y} + Y - 0 - 3$ متخذًا $-0 \in [-3, Y]$ ومن الرسم استنتج :

🚺 معادلة محور التماثل.

إحداثيى رأس المنحنى.
 القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

(ب) إذا كان المستقيم الممثل للدالة دحيث د : ع → ع حيث د (س) = ٢ س - ٣ ك يقطع محور السينات في النقطة (٦ ، م - ٢) فأوجد قيمة كل من : م ، ك

(1) إذا كان: (س - ۲، ۹) = (ه، س + ص) أوجد قيمة: ٧٣ س + ٢ ص

 $\{ (\cdot,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,) \} : (-,))$ فأوجد : (1 (س - ص) × ع

(i) إذا كانت: س= {٤، ٥، ٧} وكانت عدالة على سه وكان بيان عدالة على سه وكان بيان عدالة على الله على الل

أوجد: ١ القيمة العددية للمقدار: ٣٩ + ٣ س مدى الدالة ع



أهداف المشروع

- تمثيل الدالة التربيعية بيانيًا.
- الربط بين الرياضيات وتكنولوچيا الحاسب.

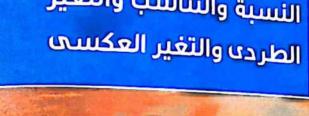
المطلوب

« أصبح الكمبيوتر الآن أحد الأدوات الهامة فى دراسة العلوم المختلفة ومنها الرياضيات »

فى ضوء ذلك قُم بإعداد مشروع بحثى يتضمن ما يلى :

- اكتب نبذة مختصرة عن لغة البرمجة فيجوال بيزك (Visual Basic).
- باستخدام أحد برامج الكمبيوتر التى تستخدم فى مجال الرياضيات مثل Geogebra ، www.geogebra.org ، www.geogebra.org والذى يمكنك الوصول إليه من الموقع الإلكتروني
 -) مثل بيانيًا الدالة د : د (س) = س
 - $(1-0-1)^{-1}$ مثل بیانیًا علی نفس الشکل الدالة $(1-0-1)^{-1}$
 - $(-1)^{*}$ ثم مثل بیانیًا علی نفس الشکل الدالة ن : ن $(-1)^{*}$
 - (ع) قارن منحى الدالة م مع منحى الدالة د ، وقارن منحى الدالة ن مع منحى الدالة د ثم اكتب ماذا تلاحظ ؟

الوحدة





• يتعرف خواص النسبة.

• يتعرف مفهوم النسية.

♦ أهداف الوحدة :

- يتعرف مفهوم التناسب.
- يتعرف خواص التناسب.
- يتعرف مفهوم التناسب المتسلسل.
- يستخدم خواص النسبة والتناسب في حل العديد من المشكلات.

بعد دراسة هذه الوحدة يجب أن يكون التلميذ قادرًا على أن :

- يتعرف مفهوم التغير الطردي.
- يتعرف مفهوم التغير العكسي.
- يميز بين التغير الطردي والتغير العكسي.
- يحل مسائل حياتية على التغير الطردي والتغير العكسي.
- يقدِّر دور الرياضيات في حل الكثير من المشكلات الحياتية.



الامتحانات التفاعلية على الدروس من خلال QR code ama الخاص بكل امتحاه

دروس الوحدة :

الدرس 1 النسبة والتناسب.

💠 الدرس 💈 تابع خواص التناسب.

الدرس 3 التناسب المتسلسل.

الدرس 4 التغير الطردى والتغير العكسى.

مشروع بحثى 💣 على الوحدة الثانية

خواص النسبـة

🚺 قيمة النسبة لا تتغير إذا ضُرب حداها في أو قُسما على عدد حقيقي لا يساوي الصفر.

: (1) (5)

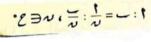
1:-=16:46:46:

فملًا: ١:٦=١ × ٤ :٦ × ٤

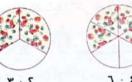








 $\operatorname{datk}: 3: 7 = \frac{3}{7}: \frac{7}{7}$ الى أن: ٤: ٦ = ٦: ٣



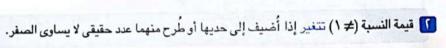
1:-+1-6:0-1=1

فمثلا: 0: ٨ ≠ 0 - (٣) : ٨ - (٣)

رى رن: 0: ٨ ≠ 7: 0

حيث الحب

41



: (1) (5)

*230:0+-:0+1≠-:1 حيث الحب

فمثلا: ٣ : ٤ ≠ ٣ + (١) : ٤ + (١) ر ان: ۲: ۲ غ خ ۱: ۵













الدرس

يرسنا في المرحلة الابتدائية أن النسبة هي إحدى طرق المقارنة بين كميتين.

النسبة والتناسب

فمثلًا:

إذا قُسمت فطيرة إلى ٤ أجزاء متساوية

وأكل هاني جزءًا واحدًا منها فقط فإن :

وقد تُكتب لِ نسبة ما أكله هاني إلى الفطيرة بالكامل هي ١ : ٤

• نسبة ما تبقى إلى الفطيرة بالكامل هي ٣ : ٤ وقد تُكتب ٢

• نسبة ما أكله هاني إلى ما تبقى من الفطيرة هي ٢ : ٢ وقد تُكتب ٣ - وعمومًا فإنه : -

إذا كان ١ ، - عددين حقيقيين فإن النسبة بين ١ و - تُكتب ١ : - ١ ، وتُقرأ أ إلى سحيث:

يُسمى أ مقدم النسبة ، يُسمى - تالى النسبة ، يُسمى أ ، - معًا حدى النسبة.

خواص التناسب

خاصية 🚺

إذا كان : $\frac{1}{2} = \frac{2}{5}$ فإن : $1 \times 5 = - \times 2$ (حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين)

 $\frac{2}{5}$ السبب: إذا ضربنا كل نسبة فى $\frac{2}{5}$ فإننا نجد أن: $\frac{1}{5}$ × $\frac{2}{5}$ × $\frac{2}{5}$

أي أن: 1 × و = ب × ح

مثال 🕦

- ١ أوجد الثالث المتناسب للكميات: ٣ ، ٤ ، ٠٠٠ ، ٢٠
- آ أوجد الرابع المتناسب للكميات: ١٨ ١٢ س، ١٢ ١٢ م ٢١ ، ٢١ م ٠٠ ، ١٠ م ٠٠ ، ١٠

الحسل

- - 1 نفرض أن س هو الرابع المتناسب
 - الكميات: ١٨ ١٢ م ، ١٢ ١ م ، ١٢ ١ م ، ١٢ ١ م ، ص متناسبة
 - $\frac{-t \, t}{-t \, t} = \frac{-t}{t} \, \therefore \qquad \frac{-t \, t}{-t} = \frac{-t \, t \, t}{-t \, t \, t} \, \therefore$
 - .. 71×-0=171= ...
 - - .. س (الرابع المتناسب) = ١٤ ٢

ا بنفسد ۱

إذا كانت الكميات : س ، ٢٢ ، ١٥ ، ٦٩ كميات متناسبة فأوجد : قيمة - س

ثانيًا التناسب

الجدول التالي يوضع مجموعتين من الأعداد:

٦	۲	٧	٤	۲	المجموعة ا
4 2	١٢	44	17	٨	الجموعة

وإذا تأملنا هاتين المجموعتين يمكننا أن نلاحظ أن :

$$\frac{7}{\lambda} = \frac{3}{77} = \frac{7}{17} = \frac{7}{17} = \frac{7}{27}$$
 وکل منها یساوی $\frac{1}{3}$

في هذه الحالة نقول إن أعداد المجموعة † تتناسب مع الأعداد المناظرة لها في المجموعة ب وتسمى الصورة السابقة التي تعبر عن تساوى نسبتين أو أكثر بـ «التناسب».

تعريف التناسب

هو تساوی نسبتین أو أكثر.

ی انه:

إذا كان: $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ فإن الكميات: ١ ، ب ، ح ، و تكون متناسبة.

ويُسمى: 1 بالأول المتناسب ، الله المتناسب

، ح بالثالث المتناسب، ك بالرابع المتناسب.

كما يسمى: (٢٠١ بطرفي التناسب ، (- ، ح) بوسطى التناسب.

 $\frac{V}{VX} = \frac{1}{2}$ نمثلًا: الأعداد ، ٤ ، ٧ أعداد متناسبة لأن : $\frac{1}{2}$

ويكون : [] الأول المتناسب ، [] الثاني المتناسب ، [٧] الثالث المتناسب

، (۲۸ الرابع المتناسب ، (۱، ۲۸ طرفی التناسب ، (۱، ۷ وسطی التناسب

خاصية آ

$$\frac{3}{5} = \frac{1}{1} : \text{id}$$

$$\Rightarrow \times = \frac{1}{5} = \frac{1}{5} : \text{id}$$

$$\Rightarrow \times = \frac{1}{5} = \frac{1}{5} : \text{id}$$

$$\frac{-\infty}{5} = \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$$
 السبب: إذا قسمنا كل نسبة على على عام فإننا نجد أن: $\frac{1}{5} = \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$

ويمكن أيضًا أن نستنتج أنه :

مثال 🗿

فى كل مما يأتى أوجد ص إذا كان:

۱ ۱۲ × س = ۳ × ص

م ٢ -س = ٢ ص

 $\frac{1}{5} = \frac{7}{17} = \frac{5}{12}$:

 $\frac{7}{7} = \frac{7}{1} \times \frac{7}{2} = \frac{1}{2} \div \frac{7}{2} = \frac{5}{2} \therefore$

۱۲ : ۱۲ × س = ۳ × ص

 $m = \frac{r}{r} = m = \frac{1}{r} : r$

مثال 🕡

أوجد العدد الذي إذا أضيف لكل من الأعداد ١ ، ١٣ ، ٧ ، ٣١ حصلنا على أعداد متناسية.

البل

نفرض أن العدد = -س

: ۱ + س ، ۱۲ + س ، ۷ + س ، ۳۱ + س متناسبة

 $(17+\cdots)(V+\cdots)=(T1+\cdots)(1+\cdots): \frac{\omega+V}{\omega+T1}=\frac{\omega+1}{\omega+1T}:$

العدد المطلوب = ه .: ۱۲ س = ۲۰ ∴ س = ه

مثال 🕜

إذا كان: (٢ - س + ٥): (٢ - س - ٢) = ٥: ٤ فأوجد قيمة: - س

 $\frac{a}{\xi} = \frac{a + \omega - r}{r - \omega - r} :$ (r - w + o) = (0 + w - Y) 2 :: ۱۵ - س - ۱۵ = ۲۰ + س ۸ .: - Λ - υ- 10 = 10 + Y. ∴ .: ۷ = ۲٥ ·· $o = \frac{ro}{V} = \omega$..

مثال 🔞

أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٢٧: ٢٢ فإننا نحصل على النسبة ٧: ٦

نفرض أن العدد المطلوب = س $\frac{1}{V} = \frac{\omega + 1V}{\omega + YY} :$ (-+ TT) 7 = (-+ 1V) V :: .: ۱۱۹ + ۲ س = ۱۳۲ + ۲ س ۱۱۹ - ۱۳۲ = س - ۲ س × ۱۱۹ - ۱۱۹ ن س (العدد المطلوب) = ١٢

حاواً بنفسك ٢

أوجد العدد الحقيقى الذي إذا طُرح من حدى النسبة 🎂 لأصبحت 🍸

(وهو المطلوب)

90

خاصية ٢

الله النسبة الأولى $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ فإن : $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ في

 $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{2$

فمثلاً: إذا كان:
$$\frac{1}{3} = \frac{1}{7}$$
 فإن: $\frac{1}{3} = \frac{3}{7}$ و $\frac{7}{1} = \frac{3}{3}$

مثال 🕔

في الشكل المقابل:

٢ - ح مثلث قائم الزاوية في - فيه :

و ∈ احد ، هر ∈ بحد بحيث وه لم ب

، و ه = ٣ سم ، ه ح = ٤ سم

أوجد: ٢٠ : ب

الحل

ني ۵۵ اب د ، و د د :

 υ (د -) = υ (د و - -) - ° ، د ح مشترکة فی المثلثین

ن و (د ۱) = ق (د ه و ح) ..

: 11-c- 12:

وينتج أن: $\frac{1}{20} = \frac{-2}{0.2}$

 $\frac{r}{t} = \frac{-1}{2}$: $\frac{2}{4} = \frac{-1}{r}$

مثال 🕜

إذا كان: ٤ - س - ٣ ص: ٢ - س + ص = ٤ : ٧ فأوجد في أبسط صورة : النسبة - س : ص

$$\frac{0}{5} = \frac{0}{\sqrt{2}}$$
 \therefore $\frac{70}{7} = \frac{0}{\sqrt{2}}$ \therefore

مثال 🕜

إذا كان: ٢ س ٢ - ٦ ص = س ص فاوجد: س: ص

الحسل

$$\frac{7}{7} = \frac{3}{\infty}$$
 (1) $\frac{7}{7} = \frac{3}{\infty}$ (2) (2)

4 Simplific

dept.:
$$\frac{1}{3}$$
 $\frac{1}{3}$ $\frac{1}{3}$

خاصية

فمثلًا: إذا كان:
$$\frac{1}{2} = \frac{7}{3}$$
 فإن: $1 = 7$ م، -2 م (حيث م ثابت \neq صفر)

مثال 🔾

(
$$\frac{r}{r} = \frac{1}{r}$$
 : $\frac{r}{r} = \frac{1}{r}$: $\frac{r}{r} = \frac{1}{r}$:

$$\frac{V}{v}$$
 بقسعة حدى النسبة $\frac{V-V-V-v}{v}$ على $\frac{V}{v}$ التعويض عن قيمة $\frac{V}{v} = \frac{V}{v}$

$$\frac{1}{\sqrt{r}} = \frac{1}{\sqrt{r}} = \frac{1}{\sqrt{r+1}} = \frac{1}{\sqrt{r$$

مثال 🕦

$$\frac{r}{c} = \frac{c}{c} \quad , \quad \frac{r}{r} = \frac{1}{c} : \frac{1}{c}$$

فاثبت آن : (۷ ۴ س + ٤ ص ص) ، (۱۱ ۴ ص + ص ص) ، ۱۲ ، ۱۲ کمیات متناسبة.

$$(\text{cut} \ \gamma = \frac{1}{r} : \gamma =$$

.: س= ۳ ك ، ص= ٥ ك (حيث ك ≠ صفر) [لاحظ أننا استخدمنا ثابتين مختلفين م ، ك ولا يجوز استخدام نفس الثابت]

17

وبالتعويض عن ١ ، ب ، س ، ص

$$\frac{\sqrt{1-v+3-\infty}}{\sqrt{1-1-v+3-\infty}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{1-1-v+3-2}} = \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{1-1-v+3-2}}$$

$$\therefore \frac{\gamma_{\ell}}{3\ell} = \frac{r}{\sqrt{\gamma}}$$

: (۷۱ - س + ٤ - ص) ، (۱۱ ا ص + - س) ، ۱۲ ، ۱۶ كميات متناسبة.

ح و ا پنفسات ع

اذا کان: $\frac{-0}{2} = \frac{7}{6}$ فأثبت أن: (۲ - 0 + 0) ، (-0 + ۲ مر) ، ۱۲ ، ۱۲ کمیات متناسبة.

عددان حقيقيان النسبة بينهما ٤: ٧ وإذا طرح من كل منهما ١٦ أصبحت النسبة بين العددين الناتجين ٢: ٥ أوجد العددين.

الحسل

نفرض أن العددين هما ٢ ،
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{3}{\sqrt{2}}$$
 .: $1 = 3$ م ، $- = \sqrt{2}$ م (حيث م \neq صفر) .: $\frac{3}{\sqrt{2}} = \frac{7}{\sqrt{2}} = \frac{7}{\sqrt{2}}$

$$\therefore \ \, \lambda 3 = \Gamma \, \gamma \qquad \qquad \therefore \ \, \gamma = \frac{\lambda 3}{\Gamma} = \lambda$$

کا اِینفسات (

عددان صحيحان النسبة بينهما ٢: ٥ وإذا طرح من العدد الأول ٢ وأضيف للثاني ١ صارت النسبة بينهما ١ : ٤ أوجد العددين.

ماسقان عبثا 🔃 D 7 , 01 1 (1) ½ السفن تبنا (٣) (1) 7 1 Zph items

المحاصر (رياضيات - شرع) عع / ١٥/١٥٧ ١٩

تمارین 5

على النسبة والتناسب



اختب تفاعد المارة

🛄 أسئلة كتاب الوزارة

	526			
	- 1			
•	. 111	10	أكمل	v
•	يوي	w	رىمى	

- ٨ قسم مبلغ بين شخصين بنسبة ٢ : ٣ فإذا كان نصيب أولهما ٣٠ جنيهًا
 اخر = جنيهًا.

 $\frac{1}{1}$ إذا كان: $\frac{9}{7} = \frac{7}{7}$ فإن: $\frac{7}{7} = \frac{9}{7}$

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- - ١:٤(١) ١:٤ (ج) ٤:١ (ج) ٢:١(١)
- البحرالأحمرا العان: $\frac{9}{1} = \frac{1}{2}$ فإن: $\frac{9}{1} = \frac{1}{2}$ فإن: $\frac{9}{1} = \frac{1}{2}$ إذا كان: $\frac{1}{2} = \frac{1}{2}$
 - $\frac{7}{7}(1) \frac{7}{9}(2) \qquad \frac{7}{7}(2)$

94

الدرس الأول

(۱) ۲۰ س ص^۲ (ب) ۳۰ س ص (ج) ۳۰ س ص^۲ (د) ۱۵ س ص

الفليوبية ٩٠] اذا كان : ٤ س + ٩ ص
$$= 1٢ - 0$$
 فإن : $\frac{-0}{0} = \dots$

$$\frac{7}{7}-(1) \qquad \frac{7}{7}-(2) \qquad \frac{7}{7}(1)$$

🔽 أوجد كلًا مما يأتي :

...
$$(--1)$$
 ، $(--1)$ ، $(--1)$ ، $(--1)$ ، $(--1)$ ، ...

🚺 أوجد قيمة س في كل مما يأتي إذا كان:

اذا کان:
$$\frac{-u-Y}{-} = \frac{1}{Y} = \frac{1}{1000}$$
 اذا کان: $\frac{-u-Y}{-} = \frac{1}{Y}$ أوجد: $\frac{-u}{v}$

$$\frac{\pi}{0} = \frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma$$

فأوجد النسبة س: ص

#3 ± m

ان ا کان: $\frac{\sigma}{\sigma} = \frac{\gamma}{\pi}$ أوجد قيمة النسبة: $\frac{\gamma - \sigma + \gamma}{\sigma} = \frac{\gamma}{\sigma}$

(اطنیا ۲۰ سوهای ۱۹ » ، سوهای « ۲۰ »

اذا كانت: ١٤ = ٣ - فأوجد قيمة:

 $\frac{5-4-5}{\sqrt{2}}$ إذا كان: $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ ، $\frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ فأوجد النسبة: $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

🚻 اذا کان : ۷ س - ۳ ص : س + ص = ۳ : ۱

فأوجد النسبة: ١٢ -س + ٩ ص: ١١ -س - ٣ ص

 $\frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1+\frac{1}{2}}}$

فأوجد قيمة : $\frac{9+7-4}{5}$

« = " (1 " auluslam)))

🕮 🕮 أوجد العدد الذي إذا أُضيف إلى كل من الأعداد ٣ ، ٥ ، ٨ ، ١٢ فإنها تكون متناسية. (1 migd 11.5. mils 11) "T"

العدد الذي إذا طُرح من كلّ من الأعداد ١٦ ، ٢١ ، ١٨ ، ١٨ ، ١٨

حصلنا على أعداد متناسبة.

🕎 أثبت أن: ٢ ، ب ، ح ، و كميات متناسبة إذا كان:

5+2=-+1 11

= 1 1 1

5-3 = -- 1 F

 $\frac{7}{2} \frac{7}{1-7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7}{1} = \frac{7}$

(· 9 posil)

(اسوان ۲۰ ، الشرقية ۱٥ ، الفيوم ١٥)

1.1

س إذا كان ؟ : ب : ح = ٥ : ٧ : ٣ وكان : ١ + ب = ٢,٧٢

فأوجد قيمة كل من: ٢ ، ب ، ح

196 17, 16 11,00

المقدار: $\frac{9^7 + 2^7 + 2^7}{1}$ اذا کان 9: -2: -2: 3: 0 أوجد القيمة العددية للمقدار: $\frac{9^7 + 2^7 + 2^7}{1}$

اِذَا كَانَ: ٢١ = ٣ - = ٤ ح فأوجد ٢ : ب : ح

🚺 أجب عما يأتي :

١١ : ٧ أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ١١ : ١١ (الجيزة ١٩، الفيوم ١٨، القاهرة ١٧، الإسكنديية ١٤)، ١ فإنها تصبح ٢ : ٣

آ الله العدد الذي إذا طُرح ثلاثة أمثاله من حدى النسبة الم (البحيرة ٢٠ ، الجيزة ١٢) ١٠ فإنها تصبح 😤

۱۱: ۷ أوجد العدد الذي إذا أُضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ٧: ١١ (المنوفية ٢٠ ، السويس ١٧ / ، ٣ أ ، - ١٠ فإنها تصبح ٤ : ٥

1) العدد الموجب الذي إذا أُضيف مربعه إلى حدى النسبة ٥ : ١١ (بني سويف ٢٠ ، الجيزة ١٩ ، تقرالشيخ ١١) ، ١٠ فإنها تصبح ٣ : ٥

٥ ما العدد الذي إذا طُرح من مقدم النسبة ١٥ : ١٣ وأضيف إلى تاليها (1Kězan. 7) 🗥 فإنها تصبح ٣ : ٤ ؟

- 🚺 🖽 عددان صحيحان النسبة بينهما ٣: ٧ ، إذا طُرح من كل منهما ٥ أصبحت النسبة بينهما ١: ٣ ، أوجد العددين. الإسماعيلية ٢٠ ، الإسكندية ١٥ ، ٥٠٠
- ٧ الثاني عددان صحيحان النسبة بينهما ٢ : ٣ ، وإذا أضيف للأول ٧ وطُرح من الثاني ۱۲ صارت النسبة بينهما ٥: ٣ أوجد العددين. (هطموح١٨٠، بني سوبف١٧) «١٨، ١٢٠
- ▲ عددان حقيقيان موجبان النسبة بينهما ٤: ٧ ومربع أصغرهما يزيد عن خمسة أمثال (1) (17) أكبرهما بمقدار ٣٩ أوجد العددين.

نطبيقات هندسية

مستطيل النسبة بين بُعديه ٤ : ٧ ومحيطه ٨٨ سم أوجد مساحته.

« ٨٤٤ سم" »

مثلث النسبة بين طول قاعدته وارتفاعه ٣: ٢ ومساحته ٤٨ سم٢

أوجد طول قاعدته وارتفاعه.

"A" May 17"

ن الشكل المقابل: 🔞

قامت آلاء بتظليل مساحة الدائرة ، ٢٠ مساحة المثلث

أوجد النسبة بين:

مساحة الدائرة : مساحة المثلث.

(الجيزة ۸٠) ٣٠: ١،

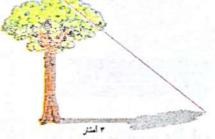
تطبيقات حياتية

يبلغ طول ظل شجرة ٣ أمتار في الوقت

الذى يكون فيه طول ظل إسلام ١٢٠ سم فإذا كان طول إسلام ١٨٠ سم

أوجد ارتفاع الشجرة.





17 E 1 1



رصدت الدولة مبلغ ١٠٠ × ١٠٠ جنيه لإحدى القرى لبناء مدرسة ، ووحدة صحية ، ومركز شباب ، فإذا كانت تكاليف المدرسة ⁷ من تكاليف المدرسة ⁷ من تكاليف الوحدة الصحية ، وتكاليف الوحدة الصحية ، وتكاليف الموحدة الصحية ⁶ من تكاليف تكاليف مركز الشباب ، فما هى تكاليف كل منها ؟

"1. × 7 . "1. × 0 . "1. × V, 0 "



إذا كانت نسبة النجاح في إحدى المحافظات للشهادة الإعدادية هي ٨٣٪ وكانت نسبة النجاح للبنين ٧٩٪ ، ونسبة النجاح للبنات ٨٩٪ فأوجد النسبة بين عدد البنين إلى

عدد البنات في هذه المحافظة.



27: T»



ما قطعة من السلك طولها ١٥٢ سم قُسمت إلى جزءين

النسبة بينهما كنسبة ١١ : ٨ ، وصنع من الجزء الأكبر

دائرة ومن الجزء الأصغر مربع.

أوجد النسبة بين مساحة المربع ومساحة الدائرة. $\left(\frac{77}{V} = \pi\right)$



VV: TY"



للمتفوقين

البعة أعداد متناسبة ، الرابع المتناسب يساوى مربع الثاني المتناسب ، الأول المتناسب ينقص عن الثاني المتناسب بمقدار ٢ ، والثالث المتناسب يساوى ٨ أوجد الأعداد الأربعة.

18 : A : Y - : E - : 17 : A : E : Y"



اذا كانت: - ، ص ، ع ، ل أربعة أعداد متناسبة ،

وكان: س + ص = ٨ ، ص + ع = ١٤ ، ع + ل = ٢٤

فأوجد قيمة كل من: - س، ص، ع، ل

10 . 9 . 0 . 7 .

أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف معكوسه الضربي إلى تالى النسبة ٢٠ أصبحت



في هذا الدرس سوف نتناول خاصية (٥) من خواص التناسب ، وقبل دراسة هذه الخاصية سوف نتناول ملاحظة هامة في التناسب تساعد في حل المسائل.

ال ملاحظة هامة

$$\frac{1}{4}$$
 إذا كانت $\frac{9}{3}$ ، ر م و كميات متناسبة وفرضنا أن : $\frac{9}{5} = \frac{2}{5} = 4$

$$\frac{7}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$$
 فالذ: إذا كان: $\frac{7}{5} = \frac{2}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$ فالله: إذا كان: $\frac{7}{5} = \frac{2}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$

* وبصفة عامة إذا كانت ؟ ، ب ، ح ، و ، ه ، و ، ... كميات متناسبة

وفرضنا أن:
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{6}{\sqrt{2}} = \cdots = 7$$

مثال 🔘

إذا كانت: ١ ، ٠ ، ح ، ٤ كميات متناسبة

$$\frac{r_{2}+r_{1}}{s_{2}-r_{1}} = \frac{r_{1}+r_{2}}{s_{1}-r_{2}} = \frac{r_{1}+r_{2}}{s_{2}-r_{1}} = \frac{r_{1}+r_{2}}{s_{2}-r_{2}} = \frac{r_$$

*

1.4

فاصية و

$$\frac{\rho}{\sqrt{\rho}} = \frac{1}{\rho} = \frac{1}{\rho} = \frac{1}{\rho}$$
 نعلم أن :

 $\frac{10}{100} = \frac{7+9}{1100} = \frac{100}{100}$ elicitius is and also limited and l , $\frac{7}{6}$, $\frac{7}{6}$ | $\frac{7}{6}$ | $\frac{7}{6}$

، كذلك إذا جمعنا مقدمات وتوالى النسبتين الثانية والثالثة نحصل على النسبة $\frac{r+1}{r+1} = \frac{4}{10} = \frac{r+1}{100}$

ماذا حمعنا مقدمات وتوالى النسبتين الأولى والثالثة نحصل على النسبة $\frac{7+9}{7+2} = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} = \frac{7+9}{7+2} = \frac{7+9}{7+2}$

، اذا حمعنا مقدمات وتوالى النسب الثلاث نحصل على النسبة $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}$

* ولما كانت النسبة لا تتغير إذا ضرب حداها في أي عدد حقيقي خلاف الصفر ، فإذا ضرينا حدى النسبة الأولى في أي عدد مثل ٢ وضربنا حدى النسبة الثانية في أي عدد آخر مثل (-٤) فإن التناسب السابق يظل صحيحًا أي يكون $\frac{1}{7} = \frac{78}{1} = \frac{7}{1}$ فإذا جمعنا مقدمات وتوالى النسبتين الأولى والثانية نحصل على النسبة $\frac{71-17}{1-17} = \frac{7}{1-17} = \frac{7}{1-17} = \frac{7}{1-17} = \frac{7}{1-17} = \frac{1}{1-17} = \frac{1}{17} = \frac{1}{1-17} = \frac{1}{17} = \frac{1}{17$

، وإذا جمعنا مقدمات وتوالى النسب الثلاث نحصل على النسبة

 $\frac{7}{2} = \frac{7}{2} = \frac{7}{2} = \frac{7}{2} = \frac{7}{2} = \frac{7}{2} = \frac{13}{2} = \frac{13$

من النقاط السابقة يمكن أن نقول إنه: إذا كانت لدينا مجموعة من النسب المتساوية فإنه يمكننا الحصول على العديد من النسب الأخرى التي كل منها يساوى أي نسبة من النسب الأصلية وذلك عن طريق جمع مقدمات وتوالى كل النسب أو بعضها سواء مباشرة أو بعد ضرب حدى كل نسبة في أي عدد حقيقي لا يساوي الصفر.

: Idde I ligar = $\frac{7-4+724}{9-624} = \frac{4(7-47)}{4(9-62)} = \frac{7-47}{9-62} = 1$

$$rac{4}{3}$$
 it is $\frac{1}{2} = \frac{2}{3} = 4$ it is in $\frac{1}{3} = \frac{2}{3} = 4$

$$(1) \qquad \qquad \gamma = \frac{(s+-)\gamma}{s+-} = \frac{\gamma}{s+-} = \frac{1}{s+-} \cdot \cdot \cdot$$

$$(7) \quad \rho = \frac{(7s + 7)^{7}}{(7s + 7)^{3}} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} = \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} + \frac{7}{7} = \frac{$$

من (۱) ، (۲) ینتج أن :
$$\frac{1+c}{1+c} = \frac{1^7+c^7}{1-+c}$$

اذا کانت : ۱ ، س ، ح ، ۶ ، ه ، و کمیات متناسبة موجبة فأثبت أن :
$$\sqrt{\frac{1'+c'+a'}{1'+c'}} = \frac{1}{1'}$$

الحطل

$$i\dot{a}(\dot{c}) \ i\dot{c} : \frac{1}{-1} = \frac{c}{2} = \frac$$

انا کان:
$$\frac{1}{5} = \frac{2+1}{5}$$
 فاثبت أن: $\frac{0+7-7}{5} = \frac{3+7-2}{3-7}$

إذا كان: $\frac{1}{2} = \frac{c}{c} = ...$ وكانت: $\frac{1}{2}$ \frac فإن: م ع م ع م ع م م ع م م ع م م ع م م ع م م ع م م م ع م م م ع م م م ع م م م ع م م م ع م م م ع م م م ع م م م ع

ملائظة: يمكن حل المسألة الأولى في مثال (١) باستخدام الخاصية السابقة كالتالى:

$$\frac{3}{5} = \frac{1}{2} :$$
 if $\frac{3}{5} = \frac{1}{2} :$

بضرب حدى النسبة الأولى في ٢ والنسبة الثانية في ٣

فإن مجموع المقدمات : مجموع التوالي = إحدى النسب

$$\frac{71+7c}{7+7} = |cc| |cc|$$

ويضرب حدى النسبة الأولى في ٧ والنسبة الثانية في -٥

فإن مجموع المقدمات: مجموع التوالي = إحدى النسب

$$\frac{v}{v} = \frac{v}{v} = \frac{v}{v} = \frac{v}{v}$$

من (١) ، (٢):

$$\frac{\varsigma + - \gamma}{\varsigma \circ - \gamma} = \frac{-\gamma + \gamma}{-\gamma - \gamma} \therefore \qquad \frac{-\gamma - \gamma}{\varsigma \circ - \gamma} = \frac{-\gamma + \gamma}{\varsigma + \gamma} \therefore$$

مثال 🕜

إذا كان:
$$\frac{1}{3} = \frac{-1}{0} = \frac{-1}{7} = \frac{-1}{0}$$
 فاثبت أن: $\frac{1 - - + -1}{1 + - - -1} = \frac{1}{7}$

بضرب حدى النسبة الثانية في (١-) وجمع مقدمات وتوالى النسب الثلاث :

$$\frac{1-v+c}{1-v+c} = \frac{1-v+c}{r} = \frac{1-v+c}{r} = \frac{1-v+c}{r+c}$$

بضرب حدى النسبة الثالثة في (١-) وجمع مقدمات وتوالى النسب الثلاث:

$$\frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1$$

 $\frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{2+2}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}} = \frac$

السل

بجمع مقدمات وتوالى النسب الثلاث:

فإن مجموع المقدمات : مجموع التوالي = إحدى النسب

$$\frac{1}{1+\frac{1}{1+}} = \frac{1}{1+\frac{1}{1+}} = \frac{1}{1+\frac{1}} = \frac{1+\frac{1}} = \frac{1}{1+\frac{1}} = \frac{1}{1+\frac{1}} = \frac{1}{1+\frac{1}} = \frac{1}{1+\frac{1$$

ويضرب حدى النسبة الأولى في (٣) والثالثة في (٢) وجمع المقدمات والتوالي للنسب الثلاث:

فإن مجموع المقدمات : مجموع التوالي = إحدى النسب

(Y)
$$\frac{01+3-+7-}{0} = \frac{7+3-+7-}{0} = \frac{1}{100}$$

$$\frac{7}{70} = \frac{17}{0.} = \frac{3+2+1}{37+2+10} : \tag{1}$$

مثال 👩

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1$$

الحيل

بضرب حدى النسبة الثانية في (١-) وجمع مقدمات وتوالى النسب الثلاث:

$$\frac{9+3-3-3-4+4-4+9}{-0+7-0-3+0-3+0-3+0} = \frac{97}{7-0} = \frac{97}{1-0} = \frac{1}{1-0} = \frac{1}{1-0}$$

وبضرب حدى النسبة الثالثة في (١-) وجمع مقدمات وتوالى النسب الثلاث:

$$\frac{1+3-+3-+4--4--1}{-0+7-0+03-03-03} = \frac{1-2}{3-0} = \frac{1-$$

من (١) ، (٢) :

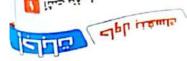
$$\frac{\sigma}{\sigma} = \frac{1}{\sigma}$$
 :

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} :$$

حاباً بنفسك ٢

إذا كان:
$$\frac{4}{1-7-1} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{1-7-1}{2}} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{1+7-3}{2}} = \frac{\frac{3}{2}}{\frac{1+7-3$$

* أمَّ بضرب حدى النسبة الثالثة في ٢ وبجمع مقدمات وتوال النسبتين الثانية والثالثة.)



iL





🛄 أسئلة كتاب الوزارة

أكمل ما يأتي :

(الفيوم ١٠) فإن:
$$\frac{9}{5} = \frac{2}{5} = \frac{9}{5}$$
 فإن: $\frac{9+2}{5} = \frac{1}{5}$

آ إذا كان:
$$\frac{9}{2} = \frac{2}{5} = \frac{6}{6} = \frac{7}{6}$$
 فإن: $\frac{9-7-4}{2-9} = \frac{1}{5}$

$$\frac{2}{7} = \frac{2}{6} = \frac{3}{2} = \frac{3}{11} = \frac{700 - 3}{11} = \frac{700 - 3}{7} = \frac{700 - 3}{7} = \frac{3}{7}$$

$$\frac{\omega - \omega}{\delta} = \frac{\omega + \omega}{\gamma} = \frac{\omega + \omega}{\gamma} = \frac{\omega - \omega}{\gamma}$$
 فإن: $\frac{\omega - \omega}{\gamma} = \frac{\omega - \omega}{\gamma}$

$$(-\sqrt{\frac{1}{2}} + \sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{2}} = \sqrt{\frac{1}{2}}$$

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

آ إذا كانت :
$$\frac{9}{0} = \frac{\sqrt{100}}{100}$$
 فإن : $\sqrt{9} = 0 - 0 + 7 = \dots$ (بورسعبر ۱۹۰۹) (۱) ۲ (۱) ۲ (۱۹۰۷)

الغيبة ١٧ الغيبة ١٧ عن
$$\frac{-\omega}{0} = \frac{-\omega + \gamma}{0} = \frac{-\omega + \gamma}{0}$$
 فإن $\frac{\omega}{0} = \frac{-\omega + \gamma}{0} = \frac{\omega}{0}$

$$\frac{1}{2}$$
 إذا كانت: $\frac{9}{2} = \frac{2}{5} = \frac{6}{6}$ فإن: $\frac{9+7-2+7}{2+7} = \frac{6}{6}$

1.

الغريبة
$$\frac{1}{7}$$
 إذا كان: $\frac{1}{7} = \frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{8} = \frac{1}{9}$ فإن $\frac{1}{7}$ فإن $\frac{1}{7}$

إذا كانت : ٢ ، ٠ ، ح ، ٤ كميات متناسبة فأثبت أن :

(إستوط ١٧

$$\frac{s+-r}{sY--o} = \frac{s+r}{sY-ro}$$

اكفرالشيخ ١٨، السويس،

$$\frac{sY--T}{sY+-0} = \frac{-Y-PT}{-Y-PO} \square \Gamma$$

(المنوفية ١١

$$\frac{1}{c} = \frac{\frac{7}{3} + \frac{7}{1}}{\frac{7}{3} + \frac{7}{1}}$$

(الغربية ١٨ ، القليوبية ١٧ ، المنوفية ١١

$$\frac{3}{5} = \frac{7 + 7}{7 + 7}$$

(11megus 11.14minis)

$$\left(\frac{3-1}{5-1}\right) = \frac{3}{5} \square \bigcirc$$

$$\frac{r-r-r}{r_5r-r-r} = r\left(\frac{r-r}{s+r}\right) \square \rceil$$

$$\frac{7}{7}\sqrt{\frac{7}{7}-6} = \frac{1}{2} = \frac$$

(القلىوبية ١١

$$\frac{2+1}{s+-} = \frac{\overline{r_2 r_- r_0}}{\overline{r_s r_- r_0}}$$

(Newaleshie)

إذا كان: $\frac{1}{\sqrt{1-\frac{1}{2}}} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ فأثبت أن:

$$\frac{3+0-2}{9+0-5} = \frac{2-0+1}{50+0}$$

 $\frac{2 \wedge - 1}{2 - 2 \cdot 2} = \frac{1 - \lambda \cdot 2}{2 - 2 \cdot 2} = \frac{1 - \lambda \cdot 2}{2 - 2 \cdot 2}$

$$\frac{3}{3}\sqrt{\frac{9^{7}-\sqrt{20}}{9\sqrt{2}-\sqrt{20}}} = \frac{79+2}{7-4}$$

الدرس الثاني

ان :
$$\frac{-u}{\pi} = \frac{\frac{3}{4}}{\frac{3}{4}} = \frac{3}{6}$$
 فأثبت أن :

$$\frac{1}{7} = \frac{7 - 3}{7 - 3 - 3} = \frac{1}{7}$$

(بني سويف ۲۰ ، بوسعير ۱۹ ، شه. سيناء ۱۸ ، الجيزة ۱۵)

(دمیاط ۱۹، سوهای ۱۱، المنیا۱۲)

السبوط۱۱)
$$\frac{\pi}{\Lambda} = \frac{2}{\pi} = \frac{3}{\pi}$$
 أثبت أن: $\frac{-\omega + \omega - 7}{\omega - 7} = \frac{3}{\pi}$ (أسبوط١١)

اند کان:
$$\frac{9}{7} = \frac{2}{7} = \frac{2}{7}$$
 فأثبت أن: $19 - 0 - 47 = \frac{1}{7}$ النسب.

$$\frac{2}{\sqrt{2}}$$
 إذا كان: $\frac{9}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{2}{\sqrt{2}} = \frac{79 - 2 + 0}{\sqrt{2}}$

(القليوبية ٢٠، أسوان ١٩، الأقصر ١٨، قنا١٧، الغربية ١٦) «٧»

فأوجد: قيمة س

(الاقتمالية ١٩ ، دمياط ١١)

$$\frac{1-r}{6-r} = \frac{r+r}{r-r} = \frac{r+r}{r-r}$$

$$\frac{\omega + \omega}{\gamma} = \frac{\omega + 3}{\sqrt{\gamma}} = \frac{\omega + 3}{\sqrt{\gamma}} = \frac{\omega + \gamma}{\gamma} = \frac{\omega + \gamma}{\gamma} = \frac{\omega - 3}{\gamma}$$
 إذا كان:

$$\frac{\Box}{\Box}$$
 إذا كانت: $\frac{\Box}{\Box} = \frac{\Box}{\Box} = \frac{\Box}{\Box} = \frac{\Box}{\Box}$

فأثبت أن: كلاً من هذه النسب يساوى ٢ (ما لم تكن - س + ص = ٠)

(البحيرة ١٨) «٤: ٢: ٢»

(tomain 6 .)

$$\frac{61}{100}$$
 = $\frac{-0 + 3}{100}$ = $\frac{-0 + 3}{100}$

$$\frac{\varepsilon}{1} = \frac{\omega}{1} = \frac{\omega}$$

(مطبوع ١٠، القليوبية ١٨، البحيرة ١٠)

$$\frac{81 + 3 + 3 + 3}{1 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3 + 3} = \frac{7 - 0 + 7}{1 + 1 + 3} = \frac{7 - 0 + 3}{1 + 1 + 3}$$

المحاصل (دياضيات - شرح) عع / ت ١١٨ ١١٣

[it]
$$2 \text{ it } : \frac{1}{\gamma - \gamma - \omega} = \frac{1}{\gamma - \gamma - \omega} = \frac{1}{\gamma + \gamma - \gamma - \omega} = \frac{1}{\gamma + \gamma - \omega} = \frac{1}{\gamma - \gamma - \omega} = \frac{1}{\gamma$$

الدرس الثاني

 $\frac{1}{|i|} |2ii| = \frac{1}{\sqrt{2}}$

ان : (۲ - ۱۰ - ۳ ص) ، (س + ۲ ص) ، ۱۰ ، ۲۱ ، ۲۱ متناسبة.

 $\frac{7}{V} = \frac{1}{2} \quad , \quad \frac{7}{2} = \frac{1}{2} : \frac{7}{2}$

فاوجد قيمة المقدار: ٢ + - + حبد لالة ٢

" C 2"

(الأقصرو)

 $V \circ = 2 + 2 + 1$, $\frac{7}{6} = \frac{1}{6}$, $\frac{7}{7} = \frac{1}{6}$: $\frac{1}{6}$

فاوجد قيمة كل من : ٢ ، ٢ ، ح

(البحرالأحمر ١٦) «١٨ ، ٧٧ ، ٠٠»

تطبيق هندسي

أ في الشكل المقابل:

إذا كان: 1 1 سح ~ 2 وه و

بعيد و و : ٢ ح = ٢ : ٢ وكان محيط ◊ و ه و = ٢٢ سم

فاوجد: محيط ٨ ٢ - ح

«۳۳ سم»

المتفوقين (

 $\frac{2}{||i|| 2|i|} = \frac{2}{-\omega + 3} = \frac{2}{-\omega + 3 - \omega}$

 $\frac{1}{6}$ $\frac{1}$

 $\frac{1}{|i|} \frac{1+1}{|i|} = \frac{2-2}{7} = \frac{2-$

0 = 1--4 2+-7

0 بالله

أوجد الوسط المتناسب بين كل كميتين :

العل

$$1. \pm = 1..$$
 الوسط المتناسب $\pm \pm \sqrt{0 \times ..}$

الوسط المتناسب =
$$\pm \sqrt{{\mathsf U}^{\mathsf Y} {\mathsf A}^{\mathsf Y}}$$
 = $\pm \mathsf U$ م

$$7 \pm = \overline{777} \pm \overline{777} = \pm \sqrt{777} = \pm 777 = \pm 777$$
 الوسط المتناسب

مثال 🛈

أوجد الثالث المتناسب لكل كميتين:

14:171

انفرض أن الثالث المتناسب هو حـ

$$YV = \frac{YV \times VV}{VV} = VV$$

$$\frac{1}{2} = \frac{1}{1}$$
 :

1 نفرض أن الثالث المتناسب هو ح

ا پنفسان ۱

[] أوجد الوسط المتناسب بين ٣٢ ، ١٨ [] أوجد الأول المتناسب للعددين ٨ ، ١٦

يقال إن الكميات ٢ ، ب ، ح في تناسب متسلسل إذا كان :

في هذا التناسب يسمى : † بالأول المتناسب ، حسبالثالث المتناسب. أما - فتسمى بالوسط المتناسب بين ١ ، ح

فمثلًا: الأعداد ٤ ، ٦ ، ٩ تكون تناسبًا متسلسلاً

$$\dot{Y}_{ij}: \frac{3}{7} = \frac{7}{p} \text{ fo } \dot{Y}_{ij}: (7)^7 = 3 \times p$$

حيث ٦ عو الوسط المتناسب ، ٤ الأول المتناسب ، ٩ الثالث المتناسب.

ا لاحظانه

- إذا كان: ١ ، ، ح في تناسب متسلسل فإن: ا = ا ح أي = + ١٠٠ والكميتان ٢ ، حـ إما أن تكونا موجبتين معًا أو سالبتين معًا.

 - لأى عددين س ، ص موجبين معًا أو سالبين معًا يوجد وسطان متناسبان هما :



مثال 🚯

اذا كانت ب وسطًا متناسبًا بين ٢ ، حد فأثبت أن :

$$(2+c+1)(2-c) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2}$$

.. ب وسط متناسب بين ٢ ، ح . . ، ١ ، - ، ح في تناسب متسلسل.

(1)
$$\frac{1-c}{c} = \frac{c+c+c}{c} = \frac{c+c+c}{c}$$

(Y)
$$\frac{1-c}{1+c} = \frac{cq^{7}-c}{cq^{7}+cq} = \frac{c(q^{7}-1)}{cq(q+1)} = \frac{c(q-1)(q+1)}{cq(q+1)} = \frac{q-1}{q}$$

ن من (۱) ، (۲) ینتج أن :
$$\frac{9-2}{1} = \frac{1-2}{1+2}$$

$$= \sim (q-1) \times \sim (q'+q+1)$$

$$= \sim^{7} (4-1) (4^{7}+4+1) = \sim^{7} (4^{7}-1)$$
 (7)

حاباً ينفسك ٢

$$\frac{1}{|\vec{k}|} = \frac{1}{|\vec{k}|} = \frac{1$$

رر ملاحظة

ان کان: ۱، ب، حافی تناسب متسلسل وفرضنا أن:
$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 1$$

$$h = \frac{1}{L} :: \epsilon$$

$$|\vec{x}| \ge \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 4$$

$$|\vec{x}| \ge \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 4$$

$$|\vec{x}| \ge \frac{1}{2} = 4$$

إذا كانت: † ، - ، ح في تناسب متسلسل فأثبت أن:
$$\frac{1}{3}$$
 $\frac{7}{7}$ $\frac{7}{7}$ $\frac{7}{8}$ $\frac{7}{8}$

$$\frac{37^{7}-72^{7}}{32^{7}-72^{7}} = \frac{3(44^{7})^{7}-7(44)^{7}}{3(44)^{7}-72^{7}} = \frac{32^{7}4^{9}-72^{7}4^{7}}{32^{7}4^{7}-72^{7}}$$

$$=\frac{\sim^{7} q^{7} (3 q^{7} - 7)}{\sim^{7} (3 q^{7} - 7)} = q^{7}$$

$$\frac{1}{2} = \frac{-a^2}{a} = a^2$$

من (۱) ، (۲) ینتج آن:
$$\frac{11'-7J}{3J} = \frac{1}{2}$$

عل آفر:

$$\frac{11}{11} \frac{11}{11} \frac{1}{11} = \frac{1}{11} \frac{1}{11} = \frac{1}{11} \frac{1}{11} = \frac{1}$$

$\frac{(1)}{1+r} = \frac{(1+r-r)(1+r)}{1+r-r} = \frac{(1+r)s}{(1+r-r)s} = \frac{s+r}{s+s-r} =$

(Y)
$$1 + \rho = \frac{(1+\rho)(1-\rho)}{(1-\rho)} = \frac{(1-\frac{1}{\rho})\rho s}{(1-\rho)\rho s} = \frac{\rho s - \frac{1}{\rho s}}{\rho s - \frac{1}{\rho s}} = \frac{s - \rho}{s - \frac{1}{\rho s}}$$

$$\frac{s - \rho}{s - \frac{1}{\rho s}} = \frac{s + \rho}{s - \frac{1}{\rho s}} : \text{if } \text{giving it } (Y) \cdot (Y)$$

ح ا بنفسك ٢

 $\frac{t+2}{|x|} = \frac{x+1}{x+1} = \frac{x+1}{x+1}$ إذا كانت: $\frac{t+1}{x+1} = \frac{x+1}{x+1}$

مثال 🕜

إذا كانت الكميات † ، ٢ ب ، ٣ ح ، ٤ و في تناسب متسلسل

فاثبت أن : (٢ - - ٣ حـ) وسط متناسب بين (١ - ٢ -) ، (٢ حـ - ٢٥)

العسل

$$ik(\dot{\phi}) i : \frac{1}{7 - 1} = \frac{7 - 1}{7 - 2} = \frac{7}{3} = 4$$

وإثبات أن : (٢ - - ٣ ح) وسط متناسب بين (٩ - ٢ -) ، (٣ ح - ٤٤)

(1)
$${}^{r}(1-r){}^{r} + {}^{r}(1-r){}^{r} +$$

تعميم تعريف التناسب المتسلسل

فمثلًا: الأعداد ١٦ ، ٢٤ ، ٢٦ ، ٤٥ في تناسب متسلسل.

$$\frac{7}{37} = \frac{37}{77} = \frac{77}{30}$$
 (کل نسبة = $\frac{7}{7}$

11 ملاحظة

إذا كانت : ١ ، ٠ ، ح ، 5 في تناسب متسلسل وفرضنا أن : $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

$$a_{ij} : \frac{2}{s} = 4$$

$$\uparrow = \frac{1}{2}$$

أي أنه:

مثال 🗿

إذا كانت:
$$\uparrow$$
 ، ι ، ι ، ι ، ι في تناسب متسلسل فأثبت أن: $\frac{1+2}{1+2} = \frac{1-2}{1+2}$

$$b = \overline{s} = \overline{s}$$

$$b = \overline{g} : b = \overline{g} : b$$

15-

من (۱) ، (۲) ینتج أن : (۲ – ۳ ح)
$$(7 - 7 - 7) = (7 - 7 - 7)$$
 من (۱) ، (۲) ینتج أن : (۲ – ۳ ح) وسط متناسب بین (۲ – ۲ ب) ، (۳ ح – ۶۶)

على آفر: ٢٠٩٠٠ ، ٢ ح ، ٤ و في تناسب متسلسل

$$\frac{2}{5} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} :$$

وبطرح مقدم وتالى النسبة الثانية من مقدم وتالى النسبة الأولى:

$$\frac{1-1-\frac{1}{2}}{1-\frac{1}{2}} = |\text{Less llimin}|$$

وبطرح مقدم وتالى النسبة الثالثة من مقدم وتالى النسبة الثانية:

$$\frac{7-7-2}{72-32} = |\sec 2| \text{ limin}$$

- الم المناه المناه (فكرة الحل : ١ = ٢ م ٢ ، ساء ٢ ، ٢ = ٢ م) . ساء ٢ ، ح = ٢ م)
- 🤝 المين بنفسك. (فكرة الميل به عبداً 🔽

تمارین 🖊

ولي التناسب المتسلسل





🛄 أسئلة كتاب الوزارة

أوجد الوسط المتناسب بين:

(الجنزة P.)

🚺 أوجد الثالث المتناسب لكل مما بأتى :

(1 Vālla lau) $\frac{r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{r}{r}$ (1 (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6) | (1 × 6)

(1) $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} =$

(المنوفية ١١)

$$\frac{7}{2} = \frac{2}{9} = \frac{2}{9} = \frac{2}{9} = \frac{2}{9} = \frac{2}{9}$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{-7+1}{-1-1} = \frac{-1}{2-1}$$

$$\frac{r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{r}{r}$$

$$\frac{r}{r} = \frac{r}{r} \cdot \frac{\xi - r}{r}$$

$$\frac{9^{2}+9-4}{2^{2}+2^{2}+2^{2}} = \frac{9^{2}-2^{2}}{2^{2}-2^{2}}$$

$$\frac{p \cdot r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{rp}{r}$$

(Iluealiop1, luplor1, pomenv1)

(الغريبة ١٧)

$$\frac{2\xi-1}{5\xi-2} = \frac{20+17}{50+27}$$

$$\frac{3+-7-9}{--9} = \frac{5-9}{3+-+9} = \frac{50--7}{5+--} = \frac{30-97}{3+--9} = \frac{50-97}{3+--9} = \frac{50-97}{3+--9$$

$$\frac{2\xi-1}{5\xi-1} = \frac{20+17}{50+17}$$

$$\frac{2\xi+17}{5\xi+27} = \frac{1}{27-1}$$

$$\frac{s-1}{p} = \frac{r_s - r_s}{s-1} \square \bigcirc$$

$$\frac{2}{5} = \frac{\sqrt{2} - \sqrt{6}}{\sqrt{5} - \sqrt{6}} \square \boxed{1}$$

$$\frac{1+c}{c} = \frac{5-c}{1-c}$$

$$\frac{r}{r_{c+c}r_{a}} = \frac{r}{s+c} \square \bigwedge$$

(ع. سيناء ٢٠ ، البحيرة ١٨ ، عطروح ١١١

(بني سويف ١٨ ، الإسكندرية ١٧ ، البحدة ١١٥

(المنوفية ٠٠ ، المنوفية ١٧ ، فنارر)

(الفيوم · 7 ، الاستندية ١٩

$$\frac{r + r + r + r}{r + r} = \frac{sr + rr}{ss + r} = \frac{sr + rr}{ss + r}$$
 (11 aliania 11)
$$\frac{r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{r}{r} + \frac{r}{r} + \frac{r}{r} = \frac{r}{r} + \frac{r}{r} +$$

(1) in initially 1)
$$\frac{z+p}{s+c} = \frac{\sqrt{z-r-p}}{\sqrt{z-r-p}} \sqrt{r}$$
 11

$$1 - \frac{5}{5} + \frac{2}{5} = \frac{75 + 79}{(2+9)} = \frac{15}{5} = \frac{7}{5} + \frac{79}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{20 + 1}{20 + 2}$$

$$\frac{1}{\zeta} = \left(\frac{\omega + 1}{\omega + \omega}\right)$$

و اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

 الثالث المتناسب للعددين ٩ ، -١٢ هو (البحيرة ١١

1.1(2) الوسط المتناسب بين س ، ص هو (S. mils VI)

$$(e) \frac{\dot{\gamma}}{\xi} (a) \qquad (e) \frac{\dot{\gamma}}{\xi} (a) \qquad (e) \frac{\dot{\gamma}}{\xi} (a)$$

] إذا كان العدد ٦ هو الوسط المتناسب الموجب للعددين م ، ٢

(Implo 11)

(۱) ۸ (ب) ۱۸ (ج) ۸۱ (۱) ۲۳

(Itaigeibl)

 $(1) \circ \times Y^{\gamma}$ $(2) \circ \times Y^{\gamma}$ $(3) \circ \times Y^{\gamma}$

(الشرقية ۲ = $\frac{1}{2}$ = $\frac{1}{2}$

(ب) ٤ Y(i) (1) 11

 $\frac{7}{7}(2)$ $\frac{7}{7}(2)$ -77(1)

A إذا كان : ۴ ، ۲ ، ۲ ، ع ، ب في تناسب متسلسل

(1 intestis . 7)

(ب) ٤ (-) ٢ ۲(۱)

 $\overline{\xi - v - v} = 3 \qquad (4) \quad \overline{\xi - v - v} = 3 \qquad (5) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (6) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (7) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (8) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (1) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (1) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (2) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (3) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (4) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (5) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (6) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (7) \quad \overline{\chi - v} = 3 \qquad (8) \quad$

١٠ العدد الذي إذا أُضيف لكل من الأعداد ١ ، ٢ ، ٦ تصبح في تناسب متسلسل

(cald, 41)

(د) ٤ (ج) ٣ (ب) ۲ ١(١)

إذا كان : ۲ ، ۲ ، ۹ ، ۰ في تناسب متسلسل أوجد قيمة كل من : ۲ ، ٠

(Near1) "1 , VY"

إذا كان: ٣، ل، ١٢، م في تناسب متسلسل أوجد قيمة كل من: ل، م " ٢٤ ، ± ٢٤"

150

الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner

١ ، مطبوح ١١]

١ ، البحيرة ١٥)

ارالنة، ١٧مَ

، الإسكندرية ١١

(الإسكندية ١١

(البحيية ال

١.

الادلنيس. ك

🚺 أكمل ما يأتي :

الثالث المتناسب للكميتين : ٩ (
$$\sqrt{1 + 1})$$
 ، ٦ ($\sqrt{1 - 1}$) هو

الوسط المتناسب للكميتين: ٩ -
7
 - 7 ص ، $\frac{7-\omega+6}{7-\omega-6}$ هو

$$\frac{2}{2}$$
 إذا كان: $\frac{\omega}{100} = \frac{\omega}{100} = \frac{\omega}{100} = \frac{\omega}{100}$ فإن: $\omega = \frac{\omega}{100}$

$$\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{7}{4}}} = \frac{\frac{7}{4} + \frac{7}{4}}{\frac{7}{4} + \frac{7}{4}} = \frac{1}{4}$$
 إذا كانت : $\frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} \cdot \frac{7}{4} = \frac{7}{4}$

(1/eau/1) "1"

(1/ (1/ (1/ Paidl)

فاثبت أن:
$$\frac{7}{5} + \frac{7}{5} + \frac{7}{5} = \frac{7}{5} + \frac{7}{5} + \frac{7}{5} + \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$$

$$\frac{\sqrt{00}}{10} = \frac{(00 - 00)}{(00 - 3)} = \frac{00}{3}$$
 فأثبت أن : $\frac{00}{100} = \frac{00}{3}$

اذا کان: ص = سع

$$\frac{\frac{7+7}{5+7}}{\frac{5+7}{5+7}} = \frac{57+77}{55-77} : \text{if the size of } \frac{5}{5} = \frac{5}{5}$$

الله المان: ١٠٠٠ = ٢٠٠٠ = ٢٠٠٠ على إذا كان:

أثبت أن: - وسط متناسب بين ٢ ، حديث ٢ حكمية موجبة. (الإسكندية ١٥، بني سويف ١٥)

اذا كان : ۲ ، - ، ح ، ۶ في تناسب متسلسل

أثبت أن: (- + ح) وسط متناسب بين: (۱ + -) ، (ح + ع)

🔟 🕮 إذا كانت: ٥٩،٦٠، ٧٠ ، ٥٥ كميات موجبة في تناسب متسلسل

 $\frac{-7+90}{6}$ فأثبت أن : $\sqrt{\frac{9}{1+2}}$

تطبيقات هندسية

🛄 🖽 س ، ص ، ع أطوال أضلاع متناسبة في مثلث ، س + ص = ١٥ سم ، ص + ع = ه , ۲۲ سم فأوجد - س : ص

ا مح مثلث فیه : عن (دح) = ٦٠° فإذا كانت قیاسات زوایاه د ٢ ، د ب ، د ح على الترتيب في تناسب متسلسل فأوجد: ق (١٩) ، ق (١-)

للمتفوقين 💮

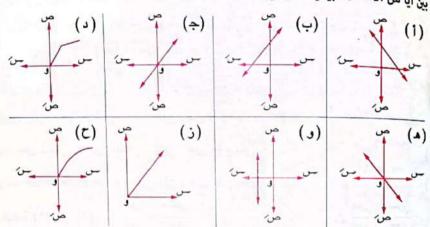
 $Y = \frac{2}{5} = \frac{2}{5} = \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$ إذا كان:

 $u\left\{\frac{1}{Y}\right\}_n$ \bullet فأوجد مجموعة الحل للمعادلة : \uparrow س $\check{}$ – $\check{}$ ب $\check{}$ ب $\check{}$ – $\check{}$

إذا كانت ه وسطًا متناسبًا بين س ، ص 110, Y +1 $\left(\frac{1}{\omega} + \omega\right)$ ، $\left(\frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}\right)$ ، $\left(\frac{1}{\omega} + \frac{1}{\omega}\right)$

مثال 🛈

بين أيًا من الأشكال البيانية الآتية عِثل تغيرًا طرديًا بين - س ، ص :



الأشكال البيانية التي تمثل تغيرًا طرديًا بين س ، ص مي (ج) ، (ه) ، (ز) لأن كلُّا منها عبارة عن مستقيم يمر بنقطة الأصل.

إذا كان: ٢٠ + ٤ - ٢ = ١ النب أن: ١ مر

لإثبات أن : ١ عرب نثبت أن : ١ = م بحيث م ثابت ≠ ٠

$$\cdot = {}^{7}(-7-7) \therefore \quad \cdot = {}^{7} = {}^{4} + {}^{3} = {}^{7} = {}$$

·=- ٢-1: - Y = P ...

ح ول بنفسك

إذا كان: $\frac{7-v-o}{7-v-e} = \frac{1}{2}$ لجميع قيم $-v \in 3_+$ ، $-v \in 3_+$ أثبت أن: $-v \propto -v$



أولًا التغير الطردي

يقال إن ص تتغير طرديًا مع س وتكتب ص 22 س

إذا كان: ص=مس (أى: ص=م) حيث مثابت ل صفر

والعلاقة ص = م س يمثلها بيانيًا خط مستقيم يمر بنقطة الأصل (٠٠٠)

فمثلًا : محيط المربع (ح) يتغير طرديًا مع طول ضلعه (J) وتكتب ح مد ل

 $\xi = \frac{7}{1}$ (1) $\xi = 7$

والجدول التالي يوضح بعض قيم ل وقيم ح المناظرة لها

1	٤	٢	١	طول الضلع (ل)
1	17	11	٤	المحيط (٦)

والشكل المقابل يمثل بيانيًا العلاقة بين ح ، ل

.: ص مر س^۲

خاصية

إذا كان: ص مدس

وأخذ المتغير س القيمتين س، ، س، وأخذ المتغير ص القيمتين ص، ، ص،

$$\frac{100}{400} = \frac{100}{400}$$
 : على الترتيب فإن

السبب: ٠٠٠ ص مد س فإن: ص=م س حيث م ثابت ≠ .

$$\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} : \frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1-\rho}} = \frac{1}{\sqrt{\rho}} \therefore \qquad \frac{1}{\sqrt{1-\rho}} = \frac{1}{\sqrt{\rho}} \therefore : (x)$$

مثال 🕜

اذا کانت : ص ∞ س وکانت : ص ∞ عند ∞ عند عندما ∞ فأوجد : ص عندما ∞ اذا کانت : ص

الحسل

∵ ص در س $\frac{100}{100} = \frac{100}{100}$

حيث: ص : ۲۰ = من ، ص = ١٤ = ، س = ١٤

$$\frac{V}{V} = \frac{V}{V} = \frac{V}{V} :$$

$$\frac{V}{V} = \frac{V}{V} :$$

$$\frac{V}{V} = \frac{V}{V} :$$

عل آفر: ٠٠٠ ص ٥٠ س

٠٠ ص = م س حيث م ثابت ل صفر ، ن ص = ۲۰ عندما س = ۷ ۰. ۲۰ = م × ۷

$$\frac{7}{\sqrt{2}} = \frac{7}{2}$$

 $\sim \times \frac{Y}{V} = \infty$

وعندما س = ١٤ ٠٠ ص = ۲٠ من

.: ص = ٠٤

ان حن ، ص متغیرین حیث ص مد المعکوس الضربی للمقدار الم (ع بالله وأخذت ص القيمة ١٨ عندما أخذت ص القيمة ٢ فاوجد العلاقة بين: -س، ص ثم أوجد قيم: ص عندما - ∪ ∈ { ١،١، ٤}

ن من مد المعكوس الضربي للمقدار _ -

.: ص = م - س حيث م ثابت ع صفر

، .. ص = ۱۸ عندما س = ۲

ن م = $\frac{N}{\lambda} = \frac{1}{3}$ می العلاقة بین - س ، ص : $\frac{9}{3} = \frac{1}{3}$

 $1 = \omega - 1$ size, $\omega = 0$ 0 = 0 0 = 0 0 = 0 size, $\omega = 0$ size,

 $\therefore \omega = \frac{1}{3} \times I = \frac{1}{3} = \frac{1}{3} \times I = \frac{3}{3} \times 3I = 33I$

مثال 🗿

إذا كان (ع) يرمز لحجم مخروط دائرى قائم ارتفاعه ثابت وكان (ع) يتغير بتغير مربع طول نصف قطر قاعدة المخروط (نق) وكان حجم المخروط ٤٧٧ سم عندما كان طول نصف قطر قاعدته ١٥ سم فأوجد حجم المخروط عندما يكون طول نصف قطر قاعدته ١٠ سم

 $\frac{\zeta}{\zeta} = \frac{\zeta}{\zeta} : \frac{\zeta$ ∵ مح α نق^۲

حیث: $2_1 = 10$ سم ، نق = 10 سم ، نق = 10 سم حیث: = 10 سم ، نق = 10 سم

 $\therefore \frac{7}{2} = \frac{7}{4} = \frac{3}{4} = \frac{7}{4} = \frac{$

ح و ا بنفسك ٢

T = 0 عندما ص T = 0 فأوجد قيمة : T = 0 عندما ص T = 0 فأوجد قيمة : T = 0 عندما ص

فيصك

إذا كان: ص مد ين

. وأخذ المتغير من القيمتين من من وتبعًا لذلك أخذ المتغير ص القيمتين ص ، ص

$$\frac{1}{\sqrt{1 - \frac{1}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{1}{2}}}$$
 الترتيب فإن:

$$\frac{1}{\sqrt{2}}$$
 فإن: $\omega = \frac{1}{\sqrt{2}}$ حيث م ثابت $\neq 0$

(1)
$$\frac{\dot{\tau}}{\omega} = \omega_1 = \omega_2 = \omega_2 = \omega_1 = \omega_2 = \omega_2 = \omega_1 = \omega_2 = \omega_2 = \omega_2 = \omega_2 = \omega_2 = \omega_1 = \omega_2 =$$

(Y)
$$\frac{\partial}{\partial x} = \nabla x = \frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial$$

بقسمة (۱) على (۲) : ن من
$$\frac{\rho}{\rho} = \frac{\rho}{\rho} \div \frac{\rho}{\rho} = \frac{\rho}{\rho} \times \frac{\rho}{\rho} = \frac{\rho}{\rho}$$

مثال 🕜

إذا كان طول مستطيل (ل) يتغير عكسيًا بتغير عرضه (ع) بفرض ثبوت مساحة المستطيل ، وكانت ل = ١٢ سم عندما ع = ٨ سم فأوجد قيمة : ل عندما ع = ٢ سم

العسل

∵ L ∞ 1/3

 $\frac{1}{\sqrt{1 + \frac{3}{2}}} = \frac{3}{\sqrt{1 + \frac{3}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{3}{2}}}$

$$\therefore \frac{\gamma_1}{U_{\gamma}} = \frac{\gamma}{\Lambda} \qquad \therefore U_{\gamma} = \frac{\gamma_1 \times \Lambda}{\gamma} = \gamma_7 \longrightarrow \gamma$$

ثانيا التغير العكسى

تعريف

يقال إن ص تتغير عكسيًا مع س وتكتب ص مد لل

فمثلًا: السرعة المنتظمة (ع) تتغير عكسيًا مع الزمن (١٠) بفرض ثبوت المسافة المقطوعة لأن: ع مه = ف أ، ع مه = ف

وفى هذه الحالة نقول أن السرعة تتغير طرديًا بتغير المعكوس الضربي للزمن (u) فنكتب $\frac{1}{u}$ ع $\propto \frac{1}{u}$

مثال 🔞

إذا كان: أنَّ أَنَّ اللَّهِ عَلَيْهُ مَا أَنَّ عَالَمُ اللَّهِ الْمَانِ ؛ أَ تَتَنَاسَبُ عَكْسَيًا مع مَنَّ ا

لإثبات أن: ٢ تتناسب عكسيًا مع لل نثبت أن: ٢ ل = م حيث م ثابت ≠ صفر

T DIMENT

$$\frac{1}{7} = 0$$
 Lasie $10 = 0$.

$$\therefore color = \frac{1 + \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}}}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}} color = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}}$$

$$\therefore volor = 1 + \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}} color = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}}$$

$$\therefore volor = 1 + \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}} color = \frac{1}{\sqrt{1 + \frac{1}{2}}}$$

$$\frac{1}{1} + 1 = 0$$

$$\therefore \qquad \qquad \vdots$$

$$Y = \frac{3}{2} + 1 = \frac{3}{2} = 1 + \frac{3}{2} = 1$$

ح و ا ينفسك ع

11

إذا كانت ص تتناسب عكسيًا مع س وكانت ص = ٢ عندما س = ٦ احسب قيمة : ص عندما س = ١

٧ = ١٠ : نأ نلسفنې تبيأ 🔽

مثال 🔕

العسل

$$r = \frac{10}{0} = \infty$$
 .:

مثال 🔾

م : بن المسنن عبدًا ١٠٠٠

1.

تمارين

على التغير الطردي والتغير العكسي

🛄 أسئلة كتاب الوزارة

🚺 أكمل ما يأتي :

- ا إذا كانت : س مد ص فإن : س = ············· آ إذا كانت : ع = مم حيث م ثابت ≠ · فإن : ع ∞ $\frac{1}{2}$ إذا كانت : ص ∞ س فإن : وأن (الوادى الجييدا) $\frac{1}{2}$ إذا كانت : -0 تتغير عكسيًا مع -0 فإن : $\frac{1}{2}$ (11 (0) ه إذا كانت : $ص = \frac{\pi}{2} - 0$ فإن : $ص \propto$ (Implox) را القائد : ص عد الله على الله القائم القائ (Musicalamy) إذا كانت: → - ٢ ص = ٠ فإن: → ∞ (الدقعلية P) إذا كان: ٢ - س ص = ٥ فإن: - س م (الشرقية ١٠) $\Lambda = \infty$ عندما $\Lambda = \infty$ وکانت $\Lambda = 0$ عندما $\Lambda = 0$ فإن : ص =عندما س = ١٢ (الشرقية ١١) $7. = \infty$ عندما $\frac{1}{1}$ وکانت $\frac{1}{1}$ وکانت $\frac{1}{1}$ فإنه عندما س = ١٢ فإن : ص = (البديرة ١١ ال إذا كانت : ص ∞ س وكانت ص = ٢ عندما س = ٤ فإن : ص = $\xi = \infty$ عندما = 3 عندما عن فإن : ص = (في أبسط صورة) · خ تبات م شيع عبد عن عن المناب عبد م ثابت عبد م ثابت عبد المناب المناب عبد المناب ال فإن : ث تتغيرمع ك عند ثبوت ح ، ث تتغيرمع ح عند ثبوت ال
 - إذا كانت: ص تتغير طرديًا مع س ، وكانت ص = ٢٠ عندما س = ٧

 $\Upsilon = \infty$ عندما $\Rightarrow \gamma = \gamma$ إذا كانت : $\Rightarrow \gamma = \gamma$ عندما $\Rightarrow \gamma = \gamma$

فأوجد العلاقة بين: - ، ص

(adr626.) " == } (-0.5)

 $\frac{6-0-7-0}{2}$ إذا كان: $\frac{6-0-7-0}{7-0+6-0}=1$ الجميع قيم $\frac{6}{2}$ ، $\frac{6}{2}$ ، $\frac{6}{2}$ فأثبت أن: $\frac{6}{2}$

ان : $\frac{9+7-}{7} = \frac{-+7-}{7}$ فأثبت أن : $9 \propto -$ (الفيومرر

القامون المالي المال

اِذا کانت: س^۲ ص^۲ – ۲ س ص + ۹ = ۰

(5. mils 31, could')

فأثبت أن: ص تتغير عكسيًا مع -

ا إذا كان: ٤ ٢٠ + ٩ - ٢ = ١٢ ع. أثبت أن: ٩ تتغير طرديًا بتغير ا (ad. 05 VI)

الإسكتسفا $\frac{1}{\sqrt{2}}$ من \frac

 $\mathcal{E} \ni \infty + V \Rightarrow \infty$ إذا كان : (٤ $\rightarrow V + \infty \Rightarrow \infty$ ($\rightarrow V + \infty \Rightarrow \infty \in \mathcal{E}$) والم فأثبت أن: ص عدس

 $\cdot \neq \infty \neq -\frac{1}{m}$ إذا كان : $\left(\frac{1}{m} - \frac{1}{m}\right) \propto -\infty - \infty$ إذا كان : $\left(\frac{1}{m} - \frac{1}{m}\right)$ فأثبت أن: س تتغير عكسيًا مع ص

🔟 🗓 بيِّن أيًّا من الجداول الآتية يمثل تغيرًا طرديًا ، وأيها يمثل تغيرًا عكسيًا ، وأيها لا يمثل تغبًّا طرديًا أو عكسيًا مع ذكر السبب في كل حالة :

می	J-
1	٣
1	\ _
4-	٩

ص	س	
٩	٥	
١٨	١.	
44	10	
٤٥	Y0	

ص	٠
٩	۲
١٨	٤
٥٤	١٢
٧٢	17

ص	U -
۲.	٣
17	٥
10	٤
١.	٦

الدرس الرابع

٦	٤	۲	0-
۲	٣	٦	ص

🔟 👝 من بيانات الجدول المقابل

أجب عن الأسئلة الآتية :

وجد قیمة ص عندما
$$= 7$$
 اوجد قیمة $= 7$ عندما ص = $\frac{7}{6}$ ۱۲، ۱۲، ۱۲، ۱۳

٦	٤	<u>_</u>	۲	١	س
٧٢	٤٨	77	٩	١٢	ص

🜃 في الجدول المقابل:

١ بين نوع التغير بين : ص ، س

🔽 أوجد قيمتي : ٢ ، س

إذا كانت:
$$ص = 3 + 0$$
، وكانت ع تتغير عكسيًا مع $- 0$ ، وكانت $0 = 7$ عندما $- 0 = 7$ فأوجد العلاقة بين: $- 0$ ، $- 0$ ثم أوجد: $- 0$ عندما $- 0 = 7$

(المنوفية ١٧) «ص = ٢ + ء ، ٧»

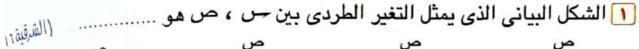
$$V = - 1$$
 أوجد العلاقة بين : س ، ص $- 1$ أوجد : قيمة ص عندما $- 1$ أوجد العلاقة بين : س ، $- 1$ ، $- 1$ أوجد العلاقة بين : س ، $-$

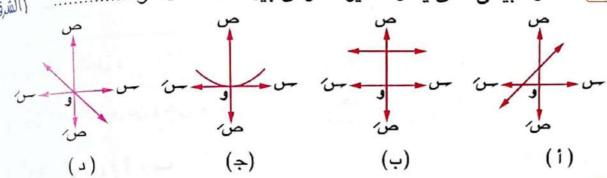
$$\frac{7}{4} = 0$$
 وکانت $\alpha = \frac{1}{7}$ وکانت $\alpha = \frac{1}{7}$ وکانت $\alpha = \frac{7}{7}$ وکانت $\alpha = \frac{7}{7}$

فأوجد العلاقة بين: ص، س ثم استنتج قيمة: ص عندما س = ١

علمًا بأن س = ٢٤ عندما ص = ٥ ثم أوجد قيمة: ص عندما ل = ١٢ «ل = ٢ص،

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:





$$\frac{\omega}{r} = \frac{\omega}{\sigma} (1) \qquad \frac{\xi}{r} = \frac{\omega}{r} (1) \qquad \frac{\xi}{r} = \frac{\omega}{r} (1)$$

$$11 = \omega + 0$$
 (1) $\frac{\delta}{V} = \frac{\omega}{\omega} (2)$ (2) $\omega = 3$ $\omega = 0$ (1)

$$\frac{\partial}{\partial r} = \omega \left(s \right)$$

$$1 = \frac{100}{100}$$
 : حس ، حس کمیتین متغیرتین وکان : حس ناد ا

فإن : ص 🗴

$$\frac{1}{\sqrt{1-1}}(3) \qquad \frac{1}{\sqrt{1-1}}(4) \qquad \frac{1}{\sqrt{1-1}}(4) \qquad \frac{1}{\sqrt{1-1}}(4)$$

$$\frac{\circ}{\tau}(1) \qquad (-) \qquad (-) \qquad (1)$$

$$\frac{7}{7} = 0$$
 اذا کانت ص تتغیر عکسیًا مع س وکانت س $= 7$ عندما ص

$$\gamma(\tau)$$
 $\lambda(\tau)$ $\lambda(\tau)$ $\lambda(\tau)$ $\lambda(\tau)$ $\lambda(\tau)$ $\lambda(\tau)$

الدرس الرابع اذا كان: - ص ص° = ثابت فإن: - س تتغير عكسيًا مع (Naulelamy)) (ب) ص° (ج) ص (د) ص۲ ا إذا كانت : ص ٥٠ الله فإن : س تتناسب (adaps 9.) (١) طرديًا مع ص (ب) عكسيًا مع ص (ج) عکسیًا مع ص (د) عكسيًا مع الص را إذا كانت : $ص^7 + 3 - 0^7 = 3 - 0$ فإن : (لا سننا، ١٥ الإستندية ١٥ الله ١٥ اله ١٥ الله ١٥ الله ١٥ الله ١٥ الله ١٥ الله ١٥ الله ١٥ اله ١٥ اله ١٥ اله ١٥ اله ١٥ ال ا إذا كانت : -0^7 $-0^7 + \frac{1}{3} = -0$ ص فإن : (Idipein r1) (i) س x ص ان کانت : ص= 7 - 0 فإن : ص ∞ (الشرقية ١٤) (ب) ٣ ص (ج) ٢ ص - ٢ (د) (i)—*ن* $\cdot \neq \omega \neq 0$ حیث $-\omega \neq 0$ حیث $-\omega \neq 0$ (18 auluslamy)) فإن : ص 🗴 (ب) رب (ج) ۲+ ص (۱) س $\frac{1}{(1)} \infty \propto -\omega + 1 \quad (i) \quad$ 1 إذا كانت التكلفة الكلية (ص) لرحلة ما بعضها ثابت (١) والآخر يتناسب طرديًا مع الله المالية (ص) الرحلة ما المحتمد المالية (ص) المحتمد ا (11 auluelamy1) عدد المشتركين (س) فإن : (ب) ص = ب (i) ص = ۲ س (د) ص= ۱+ م ص (م ثابت ≠ ٠) (ج) ص= ٩ + مم (م ثابت ≠ ·) 121

الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner

🕻 تطبيق هندسی

ارتفاع أسطوانة دائرية قائمة (حجمها ثابت) يتغير عكسيًا بتغير عكسيًا بتغير عكسيًا بتغير عكسيًا بتغير عكسيًا بتغير علم عندما نق = ١٠,٥٠ سم طول نصف قطر قاعدتها (نق) ، وكان ع = ٢٧ سم عندما نق = ١٠,٥٠ سم فأوجد: ع عندما نق = ١٥,٧٥ سم

تطبيقات حياتية

المقطوعة طرديًا مع الزمن ، فإذا قطعت السيارة المقطوعة طرديًا مع الزمن ، فإذا قطعت السيارة ١٥٠ كيلو مترًا في ٦ ساعات

، فكم كيلو مترًا تقطعها السيارة في ١٠ ساعات ؟

(القليوبية ١٣) .. ١٥

إذا كان وزن جسم على القمر (و) يتناسب طرديًا مع وزنه على الأرض (د) ، وكان الجسم يزن ٨٤ كيلو جرامًا على الأرض ، ووزنه ١٤ كيلو جرامًا على القمر ، فكم يكون وزن الجسم على القمر إذا كان وزنه على الأرض



«٤٢ كيلو جرا^{يا}

يتناسب عكسيًا مع عدد العمال (س) الذين يقومون بهذا العمل ، فإذا أنجز العمل ٦ عمال في ٤ ساعات ، فما الزمن الذي يستغرقه ٨ عمال لإنجاز هذا العمل ؟





«قولس ا أ » (١٢ موسا)

المسافة التى تقطعها دراجة بخارية (ف) التغير طرديًا بتغير مربع الزمن (ن) المسافة $\frac{\Lambda}{17}$ كم عندما $\frac{1}{2}$ ساعة وكانت ف = $\frac{1}{17}$ كم عندما ف = $\frac{1}{2}$ ساعة فأوجد: قيمة ن عندما ف = $\frac{1}{2}$ كم



«٢٠٢ سم/ ث»

إذا كان مقدار السرعة ع التى يخرج بها الماء من فوهة خرطوم يتغير عكسيًا بتغير مربع طول نصف قطر فوهة الخرطوم نق وكانت ع = ٥ سم/ث عندما نق = ٣ سم أوجد: ع عندما نق = ٥ ٢,٥ سم



«٤١٢ ثقل كجم»

إذا كان وزن جسم يتغير عكسيًا مع مربع بعده عن مركز الأرض وأطلق قمر صناعي يزن ٥٠٠ ثقل كجم فكم يزن عندما يكون على ارتفاع ٦٤٠ كم عن سطح الأرض مقربًا لأقرب ثقل كجم ؟ (اعتبر طول نصف قطر الأرض ٦٣٩٠ كيلو مترًا)



إذا كانت: س م ص ، ع م ل فأثبت أن: (س + ص) (ع + ل) ∞ (س − ص) (ع − ل)

 $\frac{\sqrt{3}}{1}$ إذا كانت: $(9+-1) \propto \frac{9}{1}$ ، $(9^7-9-+1) \propto \frac{9}{1}$ فأثبت أن: $9^7+1=0$ مقدار ثابت.

ملخص الوحدة الثانية



النسبة

- ن قيمة النسبة لا تتغير إذا ضُرب حداها في (أو قُسما على) عدد حقيقي لا يساوي الصفر
- ۞ قيمة النسبة (≠ ١) تتغير إذا أضيف إلى حديها (أو طرح منهما) عدد حقيقى لا يساوى الصفر

فإن: (1 × و = ب × ح

🔾 إذا كانت النسبة بين عددين هي 1: ب

فإن : العدد الأول =
$$1$$
م ، العدد الثانى = $-$ م حيث : $\alpha \in \mathcal{S}^*$

التناسب

- 🕻 إذا كانت : 🚅 = ڪ فإن: ١ ، ب ، ح ، و كميات متناسبة.
 - 🚅 اذا كانت: ١٠ ، ح ، و كميات متناسبة فإن : 🚅 = 🥕
 - 🖒 إذا كانت : 🚅 = ج
 - أى أن: حاصل ضرب الطرفين = حاصل ضرب الوسطين.
 - ن اذا كان: أ ×و=ب×ح

$$\frac{2}{1} = \frac{5}{5}, \quad \frac{2}{1} = \frac{5}{5}, \quad \frac{2}{5} = \frac{1}{5}$$

- 🐧 إذا كانت : 🛨 = ج فإن: احد = ي
 - أى أن : مقدم النسبة الأولى عند النسبة الأولى النسبة الأولى مقدم النسبة الثانية الثاني
- 🕹 إذا كانت : 🛨 = ج فإن: (احم) و المحيث م ثابت علم صفر
 - إذا كانت: \uparrow ، ، ح ، و كميات متناسبة وفرضنا أن : $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} = 4$ فإن: [١=٠٦]، حدوم

- و إذا كانت: أ = ع = ق = ... وكانت م، ، م، ، م، ، ... أعدادًا حقيقية لا تساوى الصفر $\frac{a_1}{a_1} + \frac{a_1}{a_2} + \frac{a_1}{a_1} + \frac{a_1}{a_2} = 1$ = 1 = 1 | Limip.
 - يقال إن الكميات ١ ، ٠ ، ح في تناسب متسلسل إذا كان : = -

يسمى ٢ الأول المتناسب ، حالثالث المتناسب ، أماب فتسمى الوسط المتناسب بين ٢ ، ح

$$0$$
 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 | 0 |

التغير الطردى والتغير العكسى

التغير الطردى

- إذا كانت : ص تتغير طرديًا مع -وتكتب ص مدس فإن:
- (أى أن: من = م)
 - حيث م ثابت ≠ ٠ 1000 = 1000 (V)
- 🕜 العلاقة بين س ، ص يمثلها بيانيًا خط مستقيم يمر بنقطة الأصل.
 - · لإثبات أن ص مدس نثبت أن : ص=مس حيث م ثابت ≠٠

التغير العكسى

- « إذا كانت : ص تتغير عكسيًا مع س وتكتب ص هر 🔒 فإن:
- (أى أن: س ص = م)

حيث م ثابت ≠ ٠

- 10- = 100 (F)
- العلاقة بين ، ص ليست علاقة
 - لإثبات أن ص عد لي نثبت أن: س ص=م حيث م ثابت ≠٠



امتحانات على الوحدة الثانية

ك النموذج الأول

أجب عن جميع الأسئلة الأتية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$\frac{-1}{1}$$
 إذا كانت : ٤ $-0^7 = 9$ -0^7 فإن : $\frac{-1}{2}$

$$\frac{7}{7} \pm (1) \qquad \frac{7}{7} \pm (2) \qquad \frac{7}{7} \pm (3)$$

اً إذا كانت :
$$-0^{7}$$
 ص = ه فإن :

$$\frac{\rho - \omega}{\gamma}$$
 إذا كان: $\frac{\rho}{\gamma} = \frac{\rho}{\gamma}$ فإن: $\frac{\rho}{\gamma} = \frac{\rho}{\gamma}$

$$\frac{7}{0}(1)$$
 (د) $\frac{7}{0}(1)$ (ا) $\frac{7}{7}(1)$ (ا) $\frac{7}{7}(1)$ (ا) $\frac{7}{7}(1)$ (ا) $\frac{7}{0}(1)$ (1) $\frac{7$

$$\frac{3}{2}$$
 إذا كان: $\frac{20}{7} = \frac{30}{7} = \frac{300}{7} = \frac{300}{4}$ فإن: ع =

$$Y(2) \qquad \frac{1}{7}(2) \qquad \frac{1}{7}(2) \qquad Y(1)$$

$$\frac{1}{\xi} - (2) \qquad \qquad \xi = (2) \qquad$$

(ب) إذا كانت: ب وسطًا متناسبًا بين ٢ ، ح

فأثبت أن :
$$\sqrt{\frac{1}{1+\sqrt{1}}} = \frac{\frac{1}{1+\sqrt{1+1}}}{\frac{1}{1+\sqrt{1+1+1}}} = \frac{1}{1+\sqrt{1+1+1+1}}$$
 عيث ا

امتحانات الوحدة

فأوجد: ١ العلاقة بين ص ، س قيمة س عندما ص = ٩

(-) إذا كانت : (-) ، (-) كميات متناسبة فأثبت أن : (-) (-) إذا كانت : (-) أ

 $\frac{1}{1}$ [1] إذا كان: $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac$

(-) إذا كانت : -0 = 7 + 9 وكانت -0 = 0 وكانت -0 = 0 عندما -0 = 0فأوجد العلاقة بين: -س ، ص ثم أوجد: ص عندما - ٢ = ٢

 7 ان اکان: 7 ، 7 ، 7 ، 7 و فی تناسب متسلسل فأثبت أن: 7 ، 7 ، 7 و المحتوان المح

(ب) أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف مربعه إلى مقدم النسبة ٢٩ : ٤٦ وطرح مربعه من تاليها فإننا نحصل على النسبة ٣: ٢

(ج) النموذج الثاني

أجب عن جميع الأسئلة الأتية :

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

ا إذا كانت : \mathbf{q} ، \mathbf{v} ، \mathbf{r} كميات متناسبة فإن : $\frac{\mathbf{v}}{\mathbf{q}} = \cdots$

(i) $\frac{7}{7}$ (i)

آ إذا كانت : ٢ ، ٢ ، ص + ١٥ متناسبة فإن : ص =

(ب) ۲ ٤(١) (ج) ٣

آ إذا كان: س ص = ١٢ فإن: ص تتغير طرديًا مع

 $17 + \omega - (1)$ (-) - 17 - (-) (1)

 $\frac{\gamma}{TV} = \infty$ تتناسب عکسیًا مع γ وکانت γ عندما γ عندما عن

فإن ثابت التناسب =

宁(1) (ب) ۲ 7(2) (ج) ۲

و إذا كان: $\frac{1}{2} = \frac{2}{5} = \frac{6}{6} = 4$ (حيث $4 \in 9^*$) فإن: $\frac{9 - 6}{2} = \frac{1}{5}$ (ب) ۲م (ج) م^۳ (د) ۲م م

-Po(1)

(۱) ۳ (ب) ۴ (ج) ۷

ال (۱) إذا كانت: $\frac{1}{2-2} = \frac{1}{2-2}$ فأثبت أن: ۱، ب ، ح ، و متناسبة.

Y = 0 - 1 وكانت المع Y = 0 - 1 وكانت المع عكسيًا مع Y = 0 وكان Y = 0 - 1 عندما Y = 0

۱ قيمة س عندما ص = ۸

أوجد: ١ العلاقة بين: ص، -- ،

 $\frac{\omega + \omega}{v} = \frac{\omega + \omega}{v}$

ان از کانت: $\rho = 7$ وجد قیمة: $\frac{\sqrt{7+9}}{\sqrt{1+9}}$

 $\frac{-}{(+)}$ إذا كانت : - وسطًا متناسبًا بين $\frac{1}{2}$ ، ح أثبت أن : $\frac{1}{2}$

(1) إذا كانت: ٤ -س + ص = ٤ -س ص

١١ أثبت أن: ص ∞ س

(ب) إذا كان ؟ : ب : ح = ٤ : ٥ : ٣

↑ = المحد قيمة : - س عندما ص = ٨

 $\frac{1}{r} = \frac{r - r + \infty}{r} = \frac{1}{r}$



مشروع بحثى

على الوحية الثانية

أهداف المشروع

- استخدام خواص النسبة والتناسب لحل المشكلات.
 - والتمييزيين التغير الطردي والتغير العكسي.
 - استخدام الرياضيات في حل المشكلات الحياتية.
 - الربط بين الرياضيات والدراسات الاجتماعية.
 - الربط بين الرياضيات والعلوم.

المطلوب

«يعتبر مقياس الرسم من أهم عناصر الخريطة، وهو أحد تطبيقات النسبة والتناسب »

فى ضوء ذلك قُم بإعداد مشروع بحثى يتضمن ما يلى :

- عرف مقياس الرسم وتكلم عن أهميته.
- الصق خريطة لمصر موضحًا عليها مقياس الرسم.
- حدد محافظتين على هذه الخريطة ثم قِس المسافة بينهما ، وباستخدام مقياس
- الرسم الموضح على الخريطة احسب المسافة الحقيقية بين هاتين المحافظتين.
 - ابحث عن قانون حساب السرعة المنتظمة ، ثم احسب الزمن الذي تستغرقه
 - سيارة تسير بسرعة منتظمة ١٢٠ كم/س لقطع المسافة بين هاتين المحافظتين.
 - التغير بين المسافة والزمن بفرض ثبوت السرعة ؟ التغير بين المسافة والزمن بفرض ثبوت السرعة ؟

فيما بلي بعض الأمثلة لكل منهما مع استعراض مميزات وعيوب كل مصدر :

به بی	1 المصادر الأولية (الميدانية)	🚹 المصادر الثانوية (التاريخية)
	• المقابلة الشخصية.	• نشرات الجهاز المركزي للتعبئة والإحصاء.
7.	• الاستبيانات واستطلاعات الرأى.	• قاعدة بيانات الموظفين بإحدى الشركات.
امثاة	• الملاحظة والقياس.	 وسائل الإعلام ومواقع الإنترنت.
مسزاتها	الدقة.	توفير الوقت والجهد والمال.
	تحتاج إلى وقت ومجهود وتكلفة كبيرة	
عيويها	كما تحتاج إلى عدد كبير من الباحثين في	عدم الدقة أحيانًا لبعض المصادر.
125	المجتمعات الكبيرة.	

أساليب جمع البيانات

يتوقف الأسلوب المستخدم في جمع البيانات على الهدف المراد لأجله جمع هذه البيانات كما يتوقف على حجم المجتمع الإحصائي.

ويعرف المجتمع الإحصائي بأنه: جميع المفردات التي تجمعها خصائص عامة واحدة ، مثل:

- تلاميذ مدرسة ما تمثل مجتمعًا إحصائيًا تكون مفردته التاميد.
- عمال مصنع ما تمثل مجتمعًا إحصائيًا تكون مفردته العامل.

وفيها يلى سوف نستعرض أسلوبين لجمع البيانات :

🚺 أسلوب الحصر الشامل:

ويقوم على جمع البيانات حول الظاهرة محل الدراسة من جميع مفردات المجتمع الإحصائي ، ويستخدم لحصر جميع مفردات المجتمع.

🚺 أملوب العينات :

ويقوم على جمع البيانات حول الظاهرة محل الدراسة من عينة ممثلة المجتمع كله وإجراء البحث عليها ، ثم تعميم النتائج على المجتمع كله.



يقوم الباحث الإحصائى بجمع البيانات وتبويبها وتمثيلها بيانيًا وتحليلها بغرض الوصول إلى نتائج تؤخذ فى ضوئها القرارات المناسبة أى أنه بقدر دقة البيانات تكون دقة النتائج وسلامة القرارات لذلك فإنه يجب اتباع أسلوب علمى صحيح فى جمع البيانات ، وجمع البيانات الإحصائية يتطلب معرفة مصادر جمع هذه البيانات وتحديد أسلوب جمعها.

مصادر جمع البيانات

تتقسم مصادر جمع البيانات إلى :

🚺 مصادر أولية (ميدانية):

وهي المصادر التي يحصل منها الباحث على البيانات بشكل مباشر.

🚺 مصادر ثانوية (تاريخية):

وهى المصادر التي يحصل منها الباحث على البيانات التي تم تجميعها وتسجيلها من قبل بواسطة بعض الهيئات أو المؤسسات أو الأشخاص.



الدرس الاول

وفيما يلى نتطرق لكل نوع بشيء من التفصيل:

أولاً: الاختيار المتحيز (العينات غير العشوائية):

وهو يعنى اختيار مفردات بعينها من مفردات المجتمع الإحصائي دون غيرها بحيث تناسب أهداف البحث وتُعرف بالعينة العمدية.

> فمثلًا: عند دراسة مدى استيعاب تلاميذ مدرسة ما لموضوع ما في مادة الجبر ، يجب أن نحلل نتائج الاختبار في ذلك الموضوع باختيار تلاميذ سبق لهم دراسة الموضوع نفسه دون سائر التلاميذ ، ولا يعتبر هذا الاختيار عشوائياً.



ثانيًا: الاختيار العشوائي (العينات العشوائية):

وهو اختيار عينة من مفردات المجتمع الإحصائي بحيث تكون كل مفردة من مفردات المجتمع لها نفس الفرصة في الاختيار، وفيما يلى أهم أنواع العينات العشوائية:

> العينة العشوائية الطبقية. 🚺 العينة العشوائية البسيطة.

العينة العشوائية البسيطة

وتستخدم مع المجتمعات المتجانسة الغير مقسمة بطبيعتها إلى فئات أو طبقات ، ويتم اختيارها بطريقتين حسب عدد مفردات المجتمع كما يلى :

(1) الطريقة الأولى (إذا كان حجم المجتمع صغيرًا): وتتم هذه الطريقة كما يلى:

🚺 تُعطى كل مفردة في مجتمع الدراسة رقمًا ثم يكتب هذا الرقم في قصاصة ورق بحيث تكون جميع القصاصات متمائلة أى لا تمييز فيها من حيث اللون أو المقاس.

🚺 تُطبق كل قصاصة بطريقة متماثلة بحيث لا يظهر الرقم

نهائيًا ثم توضع في صندوق وتُخلط جيدًا. سرى وسسم بيد... النظر داخله ثم تُقلبُ الأوداق يسم اختيار العينة باختيار ورقة من الصندوق دون النظر داخله ثم تُقلبُ الأوداق

جيدًا ونختار ورقة ثانية ، وهكذا حتى ننتهى من اختيار العدد المطلوب العينة. وتعتبر هذه الطريقة مناسبة مثلًا لاختيار عينة مكونة من ١٠ عمال في مصنع به ٥٠ عاملاً. وفيها يلى بعض الأمثلة لكل أسلوب من الأسلوبين مع استعراض مميزات وعيوب كل منهما:

آ أسلوب العينات	🚺 أسلوب الحصر الشامل	
 عينة من دم مريض لإجراء بعض الفحوصات الطبية. 	• الانتخابات.	
• عينة من بعض منتجات مصنع لبحث مدى	• التعداد العام للسكان.	أمثلة
مطابقتها للمواصفات.	• عمل قاعدة بيانات للعاملين	لاستخداماته
	في إحدى المؤسسات.	
• توفير الوقت والجهد والتكاليف.	• الدقة.	20
 الطريقة الوحيدة لجمع بيانات عن المجتمعات الكبيرة الغير 	● الشمول.	
محدودة (مثل بحث مكونات رمال الصحراء).	• عدم التحيز،	
• الطريقة الوحيدة لدراسة بعض المجتمعات	• التمثيل التام لكل مفردات	مميزاته
المحدودة التى يؤدى فيها أسلوب الحصر الشامل	المجتمع الإحصائي.	
إلى خسائر فادحة (مثل فحص دم مريض لأن		
فحص الدم كله يؤدى إلى الوفاة).		
• عدم بقة نتائجه في بعض الصالات خاصة في	• يحتاج في بعض الأحيان	
حالة أن تكون العينة المختارة غير ممثلة للمجتمع	إلى وقت طويل وتكلفة	عيويه
الإحصائي تمثيلًا صادقًا (عينة متحيزة).	باهظة.	

وفيما يلى سوف نتعرض لمفهوم العينة وأنواعها وكيفية اختيارها:

مفهوم العينة

العينة هي جزء صغير من مجتمع كبير تشبه المجتمع وتمثله.

كيفية اختيار العينات

أنواع العينات عن طريق كيفية اختيارها

الاختيار المتحيز عينة غير عشوائية أو عمدية

الاختيار العشوائي عينة عشوانية

عينة عشوائية طبقية (في حالة المجتمعات غير المتجانسة)

عينة عشوائية بسيطة (في حالة المجتمعات المتجانسة)



العينة العشوائية الطبقية

وتستخدم في حالة المجتمعات الإحصائية الغير متجانسة أي المقسمة بطبعها إلى مجموعات نوعية تختلف في الصفات، وفي هذه الحالة لا نستطيع أن نختار العينة بطريقة العينة العشوائية البسيطة لأن ذلك قد يجعل العينة بها عدد أكبر من مفردات طبقات بعينها دون الأخرى مما يجعل العينة غير ممثلة لجميع طبقات مجتمع الدراسة ولذلك نقوم بالخطوات التالية :

- 👔 نقسم مفردات المجتمع الإحصائي إلى طبقات تبعًا للصفات المكونة للمجتمع.
- [] نحصى عدد مفردات كل طبقة من هذه الطبقات ونوجد نسبتها إلى عدد مفردات المجتمع الكلي.
- آلتكوين العينة فإننا نختار من كل طبقة عددًا معينًا من المفردات بحيث تكون النسبة التي تمثل كل طبقة في العينة هي نفس نسبة الطبقة في المجتمع الكلي ، وذلك باستخدام القانون التالى :

 $\frac{3c}{3c}$ معدد مفردات الطبقة الكلى $\frac{3c}{3c}$ عدد مفردات المبتمع الكلى $\frac{3c}{3c}$ عدد مفردات العينة $\frac{3c}{3c}$ مقربًا الناتج لأقرب وعدة ،

فعلًا؛ عند دراسة المستوى الدراسى لطلاب مدرسة بها ٥٠٠ طالب وطالبة وكانت نسبة البنين إلى البنات ١: ٤ وأردنا اختيار عينة مكونة من ٥٠ طالبًا فلابد من اختيار ١٠ طلاب من طبقة البنين و٤٠ طالبة من طبقة البنات لتكون العينة ممثلة لطبقات المجتمع محل الدراسة.

مثال 🕥

مصنع به ٣٠٠ عامل ويريد المسئولون عن إعداد المجلة الشهرية الخاصة بهذا المصنع تطوير منه المجلة في ضوء معرفة أراء العاملين من خلال استبيان تم إعداده لهذا الغرض يُعطى منا الاستبيان لعينة عشوائية ١٠٪ من إجمالي عدد العاملين بهذا المصنع. وضع كيف يتم اختيار هذه العينة باستخدام الآلة الحاسبة.

(ب) الطريقة الثانية (إذا كان حجم المجتمع كبيرًا):



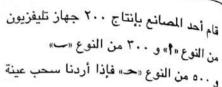
يتم ترقيم جميع مفردات المجتمع ثم نختار العينة من هذه المفردات باستخدام خاصية الرقم العشوائى الموجود بالآلة الحاسبة العلمية مثل الموضحة بالصورة المقابلة ، ويتم ذلك بالضغط على المفاتيح التالية بالترتيب من اليسار لليمين :



وتعتبر هذه الطريقة مناسبة لاختيار عينة مكونة من ٢٥ طالبًا من مدرسة بها ٩٠٠ طالب.



الأم الله



طبقية مكونة من ٥٠ تليفزيون بحيث تكون ممثلة لكل الأنواع المنتجة لفحصها

فاحسب عدد مفردات كل طبقة في العينة.



الصل

- العدد الإجمالي للتليفزيونات = ٢٠٠ + ٢٠٠ = ١٠٠٠ تليفزيون.
 - عدد مفردات النوع «\$» في العينة = $\frac{7..}{1.00} \times ... = ... تليفزيونات.$
 - عدد مفردات النوع «پ» في العينة = $\frac{\dots}{\dots} \times \dots \times \dots \times \dots \times \dots$ تليفزيون.
 - عدد مفردات النوع «ح» في العينة = $\frac{\dots}{1 2} \times \dots = 0$ تليغزيون.

حاول بنفسك

مدرسة بها ٣٠٠ طالب ٥٠٠، طالبة أرادت عمل استبيان على عينة عددها ٢٤ طالبًا وطالبة تمثل فيها كل طبقة بحسب حجمها. احسب عدد مفردات كل طبقة في العينة.

٥٠ عد مغيرات طبقة «طالبة» قيم العينة هو ١٥ ٩ هو قينعا ريم «بالله» قبل تاريمه عدد عدد الم

كسفن باول كالم

- ٠٠٠ عدد العاملين بالمصنع = ٢٠٠ عامل
- .. عدد العينة العشوائية = ١٠٠ × ٢٠٠ = ٣٠ عاملاً

أى أننا نريد اختيار ٢٠ عاملاً لإجراء هذا الاستبيان ويتم اختيارهم بطريقة عشوائية كالتالى:

- 🚺 يعطى كل عامل من العاملين بالمصنع رقمًا من ١ إلى ٣٠٠
- 👔 تُستخدم الآلة الحاسبة العلمية لاختيار ٣٠ رقمًا بالطريقة السابق ذكرها والتي تنحصر بين صفر ، ٣٠١ والأرقام العشوائية التي تظهر أكبر من ٣٠٠ يتم استبعادها.



- إذا حصلنا على الكسر العشرى ٤٩٠,٠ يكون رقم الشخص المختار هو ٤٩
- إذا حصلنا على الكسر العشرى ١٣٢ . . يكون رقم الشخص المختار هو ١٣٢
- إذا حصلنا على الكسر العشرى ١٢ . ، يكون رقم الشخص المختار هو ١٢٠
- إذا حصلنا على الكسر العشرى ٢٥٢ . . يتم استبعاده لأن رقم ٤٥٣ خارج نطاق الأعداد من ١ إلى ٢٠٠ وهكذا حتى نحصل على ٢٠ رقمًا.
 - * ونفرض أن الآلة الحاسبة أخرجت الأرقام الموضحة في الجدول المقابل يكون العمال الذين يحملون هذه الأرقام هم العينة المختارة لإجراء هذا الاستبيان.





الكمل ما ياقي :
الاسعبر) مصادر جمع البيانات هي٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠
 تعتبر المقابلة الشخصية من المصادر للبيانات.
٣ بيانات الطلاب المسجلة في مكتب شئون الطلاب من المصادر البيانات.
 نشرات الجهاز المركزى للتعبئة والإحصاء من المصادر للبيانات.
 الملاحظة المباشرة من المصادر للبيانات.
الأسلوب المناسب لفحص دم مريض هو أسلوب
٧ الأسلوب المناسب لفحص إنتاج مصنع هو أسلوب
 الأسلوب المناسب لمعرفة تعداد السكان هو أسلوب
الأسلوب المناسب لمعرفة نسبة الغياب في إحدى المدارس هو أسلوب
ا إذا كان المجتمع محل البحث مقسمًا إلى أميين ويقرأون ويكتبون وحاملي المؤهلا
المتوسطة وحاملي المؤهلات فوق المتوسطة وحاملي المؤهلات العليا فإن العينة المختار
لإجراء بحث ما تسمى بالعينة
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
الفبوء المصادر الثانوية لجمع البيانات
(1) المقابلة الشخصية. (ب) الاستبيانات.
(ج) قاعدة بيانات الموظفين. (د) الملاحظة والقياس.
أ من المصادر الأولية لجمع البيانات
(1) نشرات مراكز الإحصاء. (ب) بيانات طلاب المدرسة بالسنة الماضية.
(ج) الاستبيانات.
ب يعبر استوب الحصر الشامل مناسبًا له
(1) بحث مكونات رمال الصحراء الغربية.
(ب) فحص نسبة العذوية لمياه أحد الآرا
(ج) بحث نسبة وجود أحد المعادن في مناطق التميين
(د) معرفة عدد الطلاب الحاصلين على الدرجة النماء تنابير المارين التراطات

أى من مصادر البيانات الإحصائية التالية أولية وأيها ثانوية:

- استطلاع أراء تلاميذ فصلك عن المكان الذي يريدون أن يذهبوا إليه في الرحلة القادمة.
 - آ أن تقوم بإحصاء عدد المقاعد الموجودة في كل فصل من فصول مدرستك.
- آن تقوم بعمل بحث عن أعداد الناجحين في كل مادة من المواد الدراسية في مدرستك في الدور الأول العام الماضي من واقع سجلات مدرستك.
 - آن تذهب لإحدى المؤسسات الحكومية بمحافظتك لجمع بيانات عن عدد المواليد المسجلين في كل مكتب صحة خلال شهر مارس العام الماضي.
 - البحث في مواقع الإنترنت عن نتائج إحدى الفرق الرياضية في مسابقة الدورى
 المصرى العام ٢٠٠٨ ٢٠٠٩
 - قارن بين أسلوبي الحصر الشامل والعينات مبينًا مزايا وعيوب كل منهما.
 - اذكر الأسلوب المناسب «الحصر الشامل أم العينات» لجمع البيانات في كل من المجتمعات الإحصائية التالمة :
 - [مستوى تحصيل فصل دراسى مكون من ٢٥ طالبًا.
 - [] مدى صلاحية المياه بأحد الآبار للشرب.
 - للله وجود البترول بأحد المواقع الاستكشافية.
 - عدى انتشار مرض ما فى ثمار أحد المحاصيل الزراعية.
 - و تعداد المصانع بإحدى المدن الصناعية.

المحاصد (رياضيات - شرح) عع / ت ١١ ١١ ١٦١

- المعرفة ما يفضلون تناوله في فرز المصانع باستطلاع رأى ٢٠٠ عامل لمعرفة ما يفضلون تناوله في فرز الراحة ، وقد تم إعطاء رقم لكل عامل من ١ إلى ٢٠٠ ثم اختيار عينة تمثل ١٠٪ السؤالم (6)60
 - مشروبات ساخنة.
 - وجبات خفيفة.
 - مثلجات.



⊻ تقوم إحدى المدارس الإعدادية بدراسة عن كيفية ذهاب التلاميذ إلى المدرسة فإذا كان عدر تلاميذ المدرسة ٣٢٠ تلميذًا وتم إعطاء كل تلميذ رقمًا من ١ إلى ٣٢٠ واختيار ١٠٪ منهم كعينة لسؤالهم عن طريقة الوصول للمدرسة ما بين:







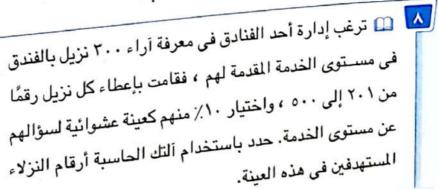
و تاكسى.



• سيارة خاصة.



• دراجة. حدد أرقام العينة باستخدام الآلة الحاسبة.





إذا كان هناك في إحدى الكليات الجامعية ٤٠٠٠ طالب بالسنة الأولى ، ٣٠٠٠ طالب بالسنة الثانية ، ٢٠٠٠ طالب بالسنة الثانية ، ٢٠٠٠ طالب بالسنة الثانية ، ٢٠٠٠ طالب بالسنة الثانية ، موردنا سحب عينة طبقية حجمها ، مالب تمثل فيها كل طبقة بحسب حجمها ، فاحسب عدد مفردات كل طبقة في العينة.

أحد مصانع السيارات يقوم بإنتاج ٣ موديلات من السيارات في العام وتعدادها هو ٣٠٠ سيارة من الموديل الأول ، ٥٠٠ من الموديل الثاني ، ٢٠٠ من الموديل الثالث ، فإذا أرادت إدارة المصنع أخذ عينة تقدر به ٥٪ من الإنتاج الإجمالي لها تمثل فيها كل موديل حسب حجم إنتاجه.

• حدد عدد مفردات العينة الكلى.

• حدد عدد مفردات كل طبقة في العينة على حدة.

"1 . 6 Yo 6 10 6 0 . "

-Y . . u

راد سحب عينة عشوائية طبقية تمثل فيها كل طبقة حسب حجمها من مجتمع مكون من مدردة ومقسم إلى طبقتين تعداد الطبقة الأولى منهما ١٥٠٠ مفردة فإذا كانت المفردات التى تمثل الطبقة الثانية بالعينة ١٤٠ مفردة.

احسب عدد المفردات الكلية للعينة.

سحب عينة عشوائية طبقية تمثل فيها كل طبقة حسب حجمها من مجتمع مكون من من ٤٠٠٠٠ مفردة ، ومقسم إلى ثلاث طبقات بيانها كالتالى :

	۲	١	رقم الطبقة	
۸	7	١٢٠	عدد مفردات الطبقة	

فإذا كان عدد مفردات الطبقة الأولى في العينة ٢٤٠ مفردة ، أوجد حجم العينة كلها. «٨٠٠»

سجتمع به ۲۰۰۰ مفردة مقسمة إلى ٤ طبقات يراد سحب عينة تمثل فيها كل طبقة حسب حينة تمثل فيها كل طبقة حسب حجمها فقام الباحث بتصميم الجدول التالى:

الإجمالي	٤	٣	۲	1	رقم الطبقة
۲	٤٥.		٧	0	عدد مفردات الطبقة
		٧			عدد المفردات التي تمثل الطبقة في العينة

"E. 6961861.670."

أكمل هذا الجدول.

والمالة السابقة واضح أن المجموعتين مختلفتان ، وبالرغم من ذلك وجدنا أن لهما نفس الحالات . في الحسابي والوسيط والمنوال ، وهذا لا يعنى أن المجموعتين بالضرورة متماثلتان. الوسع النزعة المركزية وحدها غير قادرة على وصف مجموعة من التوزيعات التكرارية ذلك فإن معين التكرارية الما كاملًا ، لذلك نحتاج بجانب مقاييس النزعة المركزية التي تعتمد على البيانات الإحصائية وصفًا كاملًا ، لذلك نحتاج بجانب مقاييس النزعة المركزية التي تعتمد على والبيانات : والبيانات : والما باقى البيانات إلى نوع أخر من المقاييس يعتمد على تعيين درجة نيين قيمة واحدة تتمركز حولها باقى البيانات إلى نوع أخر من المقاييس يعتمد على تعيين درجة سيات (تقارب) أو تشتت (تباعد) البيانات عن بعضها البعض. نمثلًا في المثال السابق:

سرجات المجموعة 1 متقاربة فتنحصر مفرداتها بين ٢٦ ، ٣٥ درجة بينما يرجات المجموعة - متباعدة فتنحصر مفرداتها بين ٨ ، ٩٩ درجة ، أي أن درجات المجموعة ب أكثر تشتتًا من درجات المجموعة ١

وتعرف هذه المقاييس بمقاييس التشتت وسعوف ندرس منها هنا المدى والانحراف المعياري.

. التشتت لأي مجموعة من القيم : -

، يُقصد به التباعد أو الاختلاف بين مفرداتها ، ويكون التشتت صغيرًا إذا كان الاختلاف بين المفردات قليلًا ، ويكون التشنت كبيرًا إذا كان الاختلاف بين المفردات كبيرًا (أي إذا كانت الفروق بين القيم كبيرة) ، كما يكون التشتت صفرًا إذا تساوت جميع المفردات.

أى أن : التشتت لمجموعة من القيم هو مقياس درجة تباعد هذه القيم وهو يعبر عن مدى تجانس المجموعات.

مقاييس التشنت

المدى (أبسط مقاييس التشتت)

يُعرف مدى مجموعة من المفردات بأنه الفرق بين أكبر مفردة وأصغر مفردة في المجموعة. اى أن: المدى = أكبر مفردة - أصغر مفردة

· Viai

- * إذا كانت قيم المجموعة ٢ هي ٣٠ ، ٨٥ ، ٢٢ ، ٥٩ فإن : المدى = ٢٢ ٥٨ = ٤
- * إذا كانت قيم المجموعة هي ٧٨ ، ٧٦ ، ٥٦ ، ٩٩ فإن : المدى = ٨٨ ٣٩ = ٩٩

ولذلك يقال إن المجموعة - أكثر تشتتًا من المجموعة أ



التشتت

• درست سابقًا بعض المقاييس الإحصائية التي عُرفت باسم مقاييس النزعة المركزية كالوسط الحسابي والوسيط والمنوال ، ونعلم أن كلًا منها يعطى وصفًا للتوزيعات التكرارية والبيانات الإحصائية من خلال تعيين قيمة عديية واحدة تتجمع حولها باقى القيم.

في بعض الحالات لا يكون كافيًا استخدام مقاييس النزعة المركزية وحدها لإعطاء وصف واضح البيانات ، ولتوضيع ذلك ندرس الحالة الآتية :

مجموعتان من التلاميذ تتكون كل منهما من ٥ تلاميذ ، أُعطيت كل مجموعة اختبارًا نهايته العظمى ٥٠ درجة فكانت درجات التلاميذ كالتالى :

> 40. 40. 40. 61. 64: 1 acpasal المجموعة -: ٨ . ٣٥ ، ٩٩ ، ٣٥ ، ٣٣ ، ٣٠

ه عند حساب الوسط الحسابي والوسيط والمنوال لدرجات التلاميذ في كل مجموعة على حدة نجد النتائج الموضحة في الجدول التالي :

المنوال	hundl	الومط العسابي	
انعتوال		746	المجموعة ١
40	40		المجموعة
70	40	14	

تذكران

- الوسط الحسابي = مجموع قيم المفردات
- المنوال لمجموعة من القيم هـ والقيمة الأكثر شيوعًا بين هذه القيم.
- الوسيط لمجموعة من القيم هو القيمة التى تتوسط مجموعة القيم بعد ترتيبها تصاعديًا أو تناذليًا.

174

مميزات المدي

طريقة سهلة وبسيطة وتعطى فكرة سريعة عن تباعد وتقارب المفردات ويُعتبر أبسط وأسهل طرق قياس التشتت.

عـيـوب المدي

- ال يعكس أثر جميع المفردات لأن حسابه يعتمد على أكبر وأصغر مفردة فقط (أى أن حسابه يعتمد على مفردتين فقط مع إهمال باقى المفردات) وبالتالى لا يعطى صورة صادقة لتشتت المجموعة.

الانحراف المعياري

هو أهم وأدق مقاييس التشتت وأوسعها انتشارًا ، ويمكن حسابه عن طريق : أخذ الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي ويرمز له بالرمز σ وتقرأ (سيجما)

أولًا حساب الانحراف المعياري لمجموعة من المفردات

حيث س تشير إلى مفردة من المفردات.

، س وتقرأ (س بار) تشير إلى الوسط الحسابي المفردات.

، ن تشير إلى عدد المفردات ، مح تشير إلى عملية الجمع.

مال المعيارى لمجموعة القيم: ٨، ٩، ٧، ٦، ٥ ورسب الانحراف المعياري لمجموعة القيم: ٨، ٩، ٧، ٦، ٥

ا نكون الجدول المقابل:

(0-
1	1 = V - A	٨
,	Y = V - 9	٩
	. = V - V	٧
1	1-=V-7	7
٤	Y-=V-o	0
١.	المجموع	- 20

ا نقوم بحساب الانحراف المعياري كما يلي :

$$1, 1 = \sqrt{1} = \sqrt{\frac{1}{0}} = \sqrt{\frac{1}{0}} = \sqrt{\frac{1}{0}} = \sqrt{1} = \sqrt{1}$$
 الانحراف المعيارى $\sigma = \sqrt{1}$

حاول بنفسك

إذا كانت: ٢٥ ، ٢٤ ، ٢٥ ، ٣٠ ، ٢٨ ، ٢٠ تمثل درجات أحد التلاميذ في اختبار الجبر في سنة شهور مختلفة أوجد: [] الانحراف المعياري.

دساب الاندراف المعياري لتوزيع تكراري

$$\sqrt{\frac{1}{8}}$$
 $\sqrt{\frac{1}{8}}$ $\sqrt{$

حيث: س تمثل القيمة أو مركز المجموعة ، ك تكرار القيمة أو المجموعة $\frac{2}{2}$ مجموع التكرارات ، $\frac{2}{2}$ الوسط الحسابى = $\frac{2}{2}$

حساب الاندراف المعياري لتوزيع تكراري بسيط

مثال 🕜

الجدول الآتي يبين توزيع أعمار ٢٠ شخصًا بالسنين :

المحمدة	٣.	40	77	77	۲.	10	العمر
المجموع	٤	١	٥	٥	۲	۲	عدد الأشخاص

أوجد الانحراف المعياري للأعمار.

el x u-	عدد الأشخاص (ك)	العمر (س)
	Υ	١٥
ŗ.	7	۲.
11.		77
110		**
Yo	\ \	Yo
14.	٤	۲.
	20	11

عدد الأشخاص (ا	العمر (س)	ل
Υ Υ Υ Ο Ο Ο Ο Ν Ε Ε	10 Y. YY YT Y0 Y.	نوجد الوسط الحسابى للأعمار () وذلك باستخدام الجدول المقابل:
	المموء	

		500
$=\frac{\xi \gamma}{\gamma}=$ سنة.	(e) × (-) × = = = = = = = = = = = = = = = = = =	. الوسط الحسابي (﴿ ﴿ وَ) =
1.		

نكون الجدول التالى:

س - س) × لا	()	-0-	2	0-
And other	75	A-= YT - 10	۲	10
\	4	r-= rr - r.	٦	77
•	١ ١	1-= TT - TT . = TT - TT	0	77
	;	Y = YY - YO	1	T.
٤ ١٩٦	٤٩	V = YT - T.	-	
/K/ 3//M			۲.	المجعوع

نقوم بحساب الانحراف المعياري كما يلي:

$$\frac{2}{|V|} = \frac{|V|}{|V|} = \frac{$$

A SIMPLE A

التكرادي التالي يوضح عدد أيام غياب الطلاب في أحد الفصول:

المجمو	٤	٢	۲	١	•	دد أيام الغياب
r.	٦	0	٧	٧	٥	عدد الطلاب

احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد أيام الغياب.

🕒 حساب الانحراف المعياري لتوزيع تكراري ذي مجموعات



فيها يلى التوزيع التكراري للحافز الأسبوعي لعدد ١٠٠ عامل

في أحد المصانع:

-Ao	-Vc	-70	-00	- ٤ ٥	-50	الحوافز بالجنيه
٨	۲.	۲۸	۲.	١٤	١.	عدد العمال



أوجد الانحراف المعياري لهذا التوزيع.

انوجد الوسط الحسابي للحوافز (-) وذلك باستخدام الجدول التالى :

التكرارات (ك)	مراكز المجموعات (-0)	المجموعات
1.	٤.	-40 -80
Υ.	°.	-00 -10
۲.	٧.	-Vo
۸	٩.	
	التكرارات (ك) ١٠ ٢٠ ٢٨ ٢٠ ٨	\.\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\

: الوسط العسابي (س) = عد (س × ك) = ١٠٨٠ = ١٠٠٠ جنيه.

الدرس الثاني

الالتخدام الآلة الحاسبة في حساب الانحراف المعياري

CASIO ببكن استخدام الآلة الحاسبة [fx - 82 ES, fx - 85 ES, fx - 500 ES, fx - 95 ES Plus, fx - 991 ES Plus المام على المعارى والخطوات التالية توضع كيفية حل المثال السابق (المثال ٢) مساب الانحراف المعياري والخطوات التالية توضع كيفية حل المثال السابق (المثال ٢)

باستخدام الحاسبة: (fx - 95 ES Plus) منا الآلة الحاسبة بسوف نستخدم هنا الآلة الحاسبة

(1) agh;

بنبل إدخال بيانات المثال السابق يجب أولا ضبط نظام الآلة بضغط المفاتيح التالية



فطوة (٢)

11

نقوم بإدخال القيم (س) في حالة التوزيع التكراري البسيط

أو مراكز المجموعات (س) في حالة التوزيع التكراري ذي المجموعات في العمود الأول (x) وبالنسبة للمثال السابق ندخل مراكز المجموعات ٤٠ ، ٥٠ ، ٢٠ ، ٧٠ ، ٩٠

بضغط الأزرار التالية من اليسار:



فتظهر لنا شاشة على الشكل

نكون الجدول التالى:

(س - سر)	()		ಲ	٠-
(m - m) × le	770,78	$Y \circ , A -= $	١.	٤.
1707,2	759,75	\ ο , Λ , ο Γ = −Λ , ο Λ	١٤	٥.
7898.97	37,77	\circ , Λ – $=$ $-\Lambda$, \circ Γ	۲.	٦.
777.7	14,78	$Y - \lambda$, of $Y = Y$, 3	44	٧.
£98.98	4.1,78	$\lambda - \lambda$, or = 7, 31	۲.	۸.
۲.۲۲.3	35,000	· P - A, o F = 7, 37	٨	٩.
777			١	المجموع

٢ نقوم بحساب الانحراف المعياري بالتعويض في القانون التالي:

الانحراف المعيارى
$$\sigma = \sqrt{\frac{2(---)^2 \omega}{2\omega}} = \sqrt{\frac{7.77}{1..}} \simeq 15,10$$
 جنيه.

11 ملاحظات

- الانحراف المعياري يتأثر بكافة القيم ولا يتأثر فقط بالقيمتين الصنغرى والكبرى كالمدى، لذلك فهو أكثر تعبيرًا من المدى عن مقدار تشتت المجموعة.
 - الانحراف المعياري له نفس وحدة القياس المستخدمة في البيانات المعطاة.
 - القيم الأكثر تجانسًا تكون أقل تشتتًا ويكون الانحراف المعياري لها أصغر.
- إذا كان الانحراف المعيارى = صفر فمعنى ذلك أن كل قيم المفردات متساوية وهى حالة التجانس التام (التشتت المنعدم).

كأوا إينفسك

- 1 الوسط العسابي. ٢ الانحراف المعياري. للتوزيع التكوارى المقابل.
- المجموعات -۲ 11 - 9 -٧ **-0** التكرار 0

فطوة (٣)

استخدم الأزرار و سمعة للانتقال للعمود الثاني (FREQ)



ثم أدخل التكرارات: ١٠ ، ١٤ ، ٢٠ ، ٢٨ ، ٢٠ ، ٨

وذلك بضغط الأزرار من اليسار كالتالى:



بذلك نكون قد أدخلنا بيانات المثال السابق على الآلة العاسبة.

فطوة (٤)

لإيجاد قيمة الانحراف المعياري نقوم بالضغط على الأزرار التالية من اليسار:











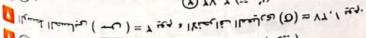




فتظهر لنا شاشة على الشكل .: الانحراف المعياري O = ١٤,١٥



(YV, Y ([[]])





((ilin)



نمارین 0 [



اختبــــار تفاعلہء



回花(III)			يال التشتت
	الوزارة 🎑 أسئلة كتاب الوزارة	A comment of	
(1.1. N. n.m.)		التشتت	أكمل ما يأتى :
(11862)			ا من معاییس
(دمتاط ۱۱)	and the second of the second	س التشتت هو	ابسط معايي
AR	، جميع المفردات فإن التشتت يساوى	ة من الفيم إدا تساوت	🝸 لأى مجموعا
(دهياط ١١)			
ر) الهذه	ة من القيم هو ٣ فإن : محد (-سس		
L AU	TOPING THE PARTY OF A	و ۲ کیم	القيم هو
	، المعطاة :	حيحة من بين الإجابات	اختر الإجابة الص
4	ما لمجموعة من المفردات يسمى	كبر المفردات وأصغره	ا الفرق بين أ
11,000/2011	(بوسعید ۱۹ ، الشرقیة ۸		
اف المعياري.	حسابي. (ج) الوسيط. (د) الانحرا	(ب) الوسط الد	(١) المدى.
سابی ، تقرالشینظ۱۱۸	ربعات انحرافات القيم عن وسطها الحد (القلبوبية ٢٠،الفيوم١٩،بوسعيد١٨	يعى الموجب لمتوسط م	1 الجذر الترب
	(ب) الوسط الحسابي.		يسمى
	(د) المنوال.	-	(١) المدى.
÷	٠٠٠٠٠٠٠ رد البيادي	اف المعياري.	(ج) الانحر
(۱۷ دانیس. د ، ۱	۱۱ ، ۲ ، ۲ ، ۹ ، ۵ یساوی ۱۸۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰	سابى لمجموعة القيم :	🍊 الوسط الد
(القاهرة ١٥)	(خ) ع	(ب) ۲	۲(۱)
	، ۱۰ ، ۱۸ ، ۱۷ هو	عة القيد: ٢٢ ، ٢٢	كالدى لحمه
، مفردات	19 (=)	14()	Λ(i)
(المنياء)	(ج) ۱۹ جموعة ما وكان المدى يساوى ۲۷ فإن أ	(ب) ۱۰۰ ۲۱ هی أکبر مفردات م	و إذا كانت ٧
	98(.)	وعة هى	هذه المجمر
74	₄ (≠)	(ب)	٦٧(١)

145

—— الدرس الثاني _		
(المنيا١٨، دهياط١٤)	ا وأدقهاا	التشتت انتشارً
(18 Dans 1.1.	(ب) الوسط الحسابي.	٠٤٠١ الدي٠
	(د) الوسيط.	(۱) (ج) الانحراف المعياري.
(الأقصر ٢٠ ، ح . سينا، ١٧)	ماويه في الفيمه فإن	(ج) الله كانت جميع المفردات متس —
	(ب) س – س (·) (د) س = ·	· < ص- ص- (۱)
AY salas	= ٤٨ لجموعة من القيم عددها ب	$\cdot = \sigma(z)$
المنوفية ١٩ ، القاهرة ١٧)	المراجع	نا إذا كان : صدر (من من الله الكان : صدر (من من الله الكان : صدر الله الله الكان : صدر الله الله الله الله ا
(د) ٤	(ج) ۲	دن) -۲ (ب) -۲

🕻 أكمل الجدول التالى ثم أجب:

المجموعة ب	المجموعة ٢	
۸. ، ۲. ، ۵۵ ، ۵۰ ، ۳۵ ، ۲.	٥٨، ٥٥، ٥٧، ٥٠، ٤٥، ٤٠	القيم
···· = ··· + ··· + ··· + ٢٥ + ٢٠	= + + + ٤٥ + ٤٠	الوسط الحسابي
		الوسيط
········ = ········ - ········	······· = ····· – ·····	المدى
		الانحراف المعيارى

أى المجموعتين أكثر تجانسًا ؟

المعياري لكل من البيانات التالية: المعياري لكل من البيانات التالية: (بوسعید ۲۰ ، المتوفیة ۱۹ ، الغییة ۱۸ ، المنوفیة ۱۷ ، ۳ ، ۹ ، ۳ ، ۹ ، ۳ ، ۹ ، ۳ ، ۹ ، ۳ ، ۹ ، ۳ ، ۹ ، ۳ ، ۹ ، ۳

TV . T . . 0 . TT . 17 [

09 . V. . 71 . 07 . 47

7- , TV , 9- , 17- , 10 1 11. 7. . 7. . 7. . 44

(caild.7. Niedap1)"1. V"

alo, +,

«1, F.

140

الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner

أى المجموعات التالية أكثر تشتتًا ؟ (باستخدام الانحراف المعياري)

المجموعة (1): ٧ ٩ 11

المجموعة (ب): ٢١ ٢٠ 11 19

المجموعة (ج): ٢٩ . ٣. ٣. 70

احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لكل من البيانات التالية:

7. , 11 , 77 , 08 , 77 1

(eil -7 , lauge 11) "37 , V., V

۲۲ ، ۱۹ ، ۱۷ ، ۱۶ ، ۱۳ لأقرب ثلاثة أرقام عشرية. (الشرقية ١٧) «١٧ ، ١٨٢.١،

V. , V7 , V. , 78 , V. , 71 , 70 🛄 🚩

18,7 6 7Am

1. . TV . 9 . A . 17 . 10 . 17 . 17 . 17 . TT 🛄 🐔

¥ القيم التالية تمثل درجات خمسة طلاب في أحد الاختبارات: ٨، ٩، ٦، ١٠، ١٠، أوجد: 1 الوسط الحسابي لدرجات الطلاب.

آ الانحراف المعياري لدرجات الطلاب.

(IllealiovI) Pit

الجدول المقابل يبين درجات الحرارة على 🚨 🔼 بعض المدن:

1 احسب الوسط الحسابي والانحراف

المعيارى لدرجة الحرارة العظمى.

احسب الوسط الحسابي والانحراف

المعيارى لدرجة الحرارة الصغرى.

المدينة	عظمي	صفرى
لإسماعيلية	70	11
السويس	77	17
العريش	7 2	١.
نْخل	7 8	7
طابا	77	٧
الطور	77	17
الغردقة	77	10
رفح	77	11

"T, T (1) (1.0 (Yo"

- الدرس الثاني

" 1 6 Y"

التكراري التالي يبين عدد أطفال بعض الأسر في إحدى المدن الجديدة:

(المنوفية ٢٠ ، الإسكندية ١٩ ، البحيرة ١٦)

٤	٣	۲	1	ميفر	التودي
٦	۲.	٥.	17	1	الأطفال
					الأسر

الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد الأطفال.

إنها يلى التوزيع التكراري لعدد الوحدات التالفة التي وجدت في ١٠٠ صندوق في

(سوهالا ١٨ ، البحيرة ١٧ ، البحيرة ١٤)

الوحدات المصنعة :

0	٤	٣	۲	1	صفر	د الوحدات التالفة
19	۲.	۲0	1	١٦	٣	عدد الصناديق

أرج الانحراف المعياري للوحدات التالفة.

And the second second

النوزيع التكرارى الآتى يبين عدد الأهداف التى سجلها ٣٠ لاعبًا من ٥ ضربات جزاء لكل منهم في التدريبات :

0	٤	٣	۲	-1	صفر	عد الأمداف التي تم تسجيلها
٤	٧	٨	0	٤	۲	عدد اللاعبين

«1, £ , Y, 9 »

أبد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد الأهداف المسجلة.

الفيما يلى توزيع تكراري يبين أعمار ١٠ أطفال: (القاهرة ٢٠، قنا ١٩، الجبزة ١٨، الإسكندية ١١)

						العمر ،،
المجموع	17	١.	٩	٨	0	العفر بالسنوات
١.	١	٣	٣	۲	١	عد الأطفال

el, Vn

رسر الانحراف المعياري للعمر بالسنوات.

المحاصد (دياضيات - شرح) ١٢٥/١٥/١٥ لمحالحملا

الجدول التالى يبين التوزيع التكراري لعدد الطلاب الفائزين في المسابقة الفنية من مدرين بها عشرون فصلًا:

المجد	٥	٤	٣	۲	١	صفر	دد الطلاب الفائزين
	۲	٣	٦	0	٣	1	عدد الفصول

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد الطلاب.

1.717,701

الجدول التالي عثل توزيعًا تكراريًا ذي مجموعات لدرجات الحرارة في بعض المدن العالمية،

- ٤ 0	-40	-40	-10	-0	مجموعات الدرجات
٨	10	11	٩	٧	التكرار

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لدرجات الحرارة.

11.4.11.70

الفرية ١٧ أفادا التكراري التالي احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري: (الفرية ١٧، فقادا

6 11		•	· · · · · · ·	, رسب	تكراري اللاق	🛄 للتوزيع ال	
المجموع	717	- 17	- A	- 8	صفر –	المجموعات	1
10, V, V, SI	٩	۲	٧	٤	٣	التكرار	

القرالشيخ ١٠١ الجدول التالي عثل الأجر اليومي لمجموعة من العمال بأحد المصانع:

- V.	٦.					لجدول التالي عنل ال
-	- (.	-0.	- ٤.	- r.	- Y.	مجموعات الأجر
1	٣	٦	٨	١٢	١.	عدد العمال

17.1 . 1. , Von

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للأجر.

التوزيع التكراري التالي يبين كمية البنزين التي تستهلكها مجموعة من السيارات:

العدن	جموعه	تهلکها ه	التى تس			🗓 التوزيع التكراري التالي يب
£. 1V-10	- 17	- 11	– ٩	- V	- 0	عدد الكيلو مترات لكل لتر
3	0	17	١.	٦	٣	عدد السيارات
V ,		1				

أوجد الانحراف المعياري لعدد الكيلو مترات لكل لتر.

IYA

ر التكراري التالي يبين قيمة فاتورة الكهرباء لـ ٢٠٠ مشترك :

المجموع	-00	-٤0	-40	-Yo	-10	-0	م الناتم ة بالجنيه
۲	٦	١٥.	۲٥	٨٥	٥٠	19	ع الفاتورة بالجنية المشتركين (التكرار)

"11,0 6 T9, To"

والانحراف المعيارى لقيم الفواتير.



الجدولان التكراريان التاليان عثلان توزيع درجات تلاميذ الفصلين أ ، ب في الصف الثالث الإعدادي في أحد الاختبارات :

المجموع	٥٠-٤.	-7.	-7.	-1.		مجموعات الدرجات	
٤.	٧	10	11	٥	۲	عدد التلاميذ	فصلأ

فيل مجموعات الدرجات ٠- ١٠- ٢٠ -٠٠ المجموع الدرجات عدد التلاميذ ٢ ٣ ١٨ ٧ ١٠٠ عدد التلاميذ ٢ ٣ ٢ ١٠٠ عدد التلاميذ ٢ ٣ ١٨ ١٠ ١٠ ١٠ عدد التلاميذ ٢ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ عدد التلاميذ ٢ ١٠ ١٠ ١٠ ١٠ عدد التلاميذ ٢ ١٠ ١٠ ١٠ عدد التلاميذ ٢ ١٠ عدد التلاميذ ٢ ١٠ عدد التلاميذ ٢ عدد ١٠ عدد التلاميذ ٢ عدد التل

ا من التوزيعين بالمضلع التكراري على شكل واحد.

أارجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لكل من التوزيعين التكراريين.

الفصلين أكثر تجانسًا في مستوى التحصيل ؟ .٠٠،٧،٢٠ على التحصيل ؟

🗘 مصادر جمع البيانات :

- مصادر أولية (ميدانية): وهى المصادر التى يحصل منها الباحث على البيانات بشكل مياشر.
- مصادر ثانوية (تاريخية): وهى المصادر التى يحصل منها الباحث على البيانات التى تم تجميعها وتسجيلها من قبل بواسطة آخرين.

نساليب جمع البيانات:

- أسلوب الحصر الشامل: ويقوم على جمع البيانات حول الظاهرة محل الدراسة من جميع مفردات المجتمع الإحصائى ، ويستخدم لحصر جميع مفردات المجتمع.
- أسلوب العينات: ويقوم على جمع البيانات حول الظاهرة محل الدراسة من عينة ممثلة للمجتمع كله وإجراء البحث عليها، ثم تعميم النتائج على المجتمع كله.

ئ العينات:

- العينة هي جزء صغير من مجتمع كبير تشبه المجتمع وتمثله.
- العينة غير العشوائية (العمدية): هي عينة يتم فيها اختيار مفردات بعينها من مفردات المجتمع الإحصائي دون غيرها بحيث تناسب أهداف البحث.
- العينة العشوائية البسيطة: هي عينة تستخدم مع المجتمعات المتجانسة الغير مقسمة بطبيعتها إلى فئات أو طبقات.
 - العينة العشوائية الطبقية: هي عينة تستخدم في حالة المجتمعات الإحصائية غير
 المتجانسة المقسمة بطبعها إلى مجموعات نوعية تختلف في الصفات.
 - عدد مفردات الطبقة في العينة $= \frac{\text{عدد مفردات الطبقة الكلى}}{\text{عدد مفردات المجتمع الكلى}} imes عدد$

«مع تقريب الناتج لأقرب وحدة»

🕽 التشتت:

- التشتت هو مقياس يعبر عن مدى تجانس المجموعات.
- المدى لمجموعة من المفردات هو الفرق بين أكبر مفردة وأصغر مفردة في المجموعة.

أجب عن جميع الأسئلة الآتية :

المعطاة :	الإجابات	ن بين	الصحيحة م	اختر الإجابة ا	1
-----------	----------	-------	-----------	----------------	---

هو	جموعة من البيانات	يمة وأصغر قيمة لم	🚺 الفرق بين أكبر قب
لحسابي.	(ب) الوسط ا		(١) المدى.
المعياري.	(د) الانحراف		(ج) الوسيط.
.دها ۹ فإن : m = σ.	لمجموعة من القيم عد	س – س ۲ = ۲۳	🚹 إذا كان : محر (-
YV ())	(خ) ۱۸	(ب) ٤	۲(۱)
	صائى تسمى بالعينة	لمبقات المجتمع الإح	🏲 اختيار عينة من م
(د) العنقودية.	(ج) العمدية.	(ب) الطبقية.	(1) العشوائية.
۱ هو۱	/ , 17 , 10 , TV ,	يم: ٥ ، ١٤ ، ٤	1 المدى لمجموعة الق
77 (2)	۴ ۲ (ج)	(ب) ۳۳	٣٠(١)
ن وسطها الحسابي	ات انحرافات القيم عز	لوجب لمتوسط مربعا	الجذر التربيعى الم
			يسمى
عابى.	(ب) الوسيط الحس		(١) المدى.
	(د) الانحراف الم		(ج) الوسيط.
	، ه ، ه يساوى) للكميات : ه ، ه	٦ الانحراف المعياري
۲ (۵)	(ج) ۲۲	(ب) ه	(أ) صفر
			1.4

الحسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية:

77. 7. . 0 . 77 . 17

إذا كان بيان عدد الأفراد في ٥٠ أسرة كما يلى:

٨	٧	٦	٥	٤	۲	۲	عدد الأفراد
٤	٥	٩	17	٨	٧	٥	عدد الأسر

أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد الأفراد.

التوزيع التكراري الآتي يبين درجات ٢٠ طالبًا في أحد الاختبارات:

-1	-٦	- ٤	-4	صفر–	المجموعات
٥	0	٦	٣	١	التكرار

احسب الانحراف المعياري.



مشروع بحثى

على الوحية الثالثة

أهداف المشروع

- جمع البيانات وتنظيمها في جداول تكرارية ذات مجموعات.
 - حساب المدى لمجموعة من المفردات.
- حساب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لتوزيع تكراري ذي مجموعات.
 - تقدير دور الإحصاء في الحياة العملية.

المطلوب

- « يعتبر الانحراف المعيارى أهم وأدق مقاييس التشتت وأوسعها انتشازا » فى ضوء ذلك قُم بإعداد مشروع بحثى يتضمن ما يلى :
 - اختر اثنين من مقاييس التشتت وتكلم عنهما موضحًا مميزات وعيوب كل منهما.
 - سجل درجات أصدقائك بالفصل في أحد امتحانات مادة الرياضيات، وفي أحد امتحانات مادة الدراسات الاجتماعية، ثم قُم بما يلي ؛
 - أ أوجد المدى لدرجات فصلك في كل مادة من المادتين.
- كون الجدول التكرارى ذى المجموعات لدرجات مادة الرياضيات، ومن هذا الجدول احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لدرجات فصلك في مادة الرياضيات.
 - كون الجدول التكرارى ذى المجموعات لدرجات مادة الدراسات الاجتماعية، ومن هذا الجدول احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لدرجات فصلك في مادة الدراسات الاجتماعية.
 - اذكر المادة التي يكون مستوى تحصيل فصلك فيها أكثر تجانسًا.



مفاهيم ومهارات أساسية تراكمية

يز الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة: (1Kuitingor1) ⊃ {r} (۱) (۲،۲) (ج)]۲،۲[(ج) (۲،۲) (۲،۲) (۲،۲) (adaps 11) $\cdots\cdots = \{V, Y\} - [V, Y]$ {·} (·)]∨, √[(÷) (۱) [۱،۱] (ب) (۱) ٧٠٠ (ج) ٧٠٧ (ج) ٥٠٧ (١) (1Keanv1) + Y. 17 = Y. 17 = T. 18 (÷) 11.7 ۲ (ب) ۱ (۱) و إذا كانت : [-١، س] [ص، ٥] = [٢، ٢] فإن : س /- (ع) و ج) 1 (-) (خ) ۲۰ (خ) (ب) ١٥ السبة مساحة منطقة مربعة طول ضلعها س سم إلى مساحة منطقة مربعة أخرى طول (vi, mois 1) ضلعها ۲ س سم كنسية ١:٤(١) ٢:١(١) ٢:١(١) 140

```
اِذَا كَانَ: فَ عَدَدًا فَرِدِيًا فَإِنَ العَدِدِ الفَرِدِي التَّالِي لَهُ هُو ...... (﴿ مَسْنِنَا ١٩٠ السِنَا ١٩٠ السَنَا ١٩٠ السِنَا ١٩٠ السُنَا ١٩٠ السِنَا ١٩٠ السُنَا ١٩٠ السِنَا ١٩٠ السُنَا ١٩٠ السِنَا ١٩٠ السَنَا ١٩٠ السَنَا ١٩٠ السَنَا ١٩٠ السَنَا ١٩٠ السَنَا ١٩٠ السَنَا السَنَا ١٩٠ ال
        (د) ف + ۲

    إذا كانت: م تمثل عددًا سالبًا فأى من الآتى يمثل عددًا موجدًا ؟

القرالفيغ
                                                                                                                                                                                                                              (ب) م۲
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             (i) 5"
                                                                                                       (ج) ۲ م
                     (1)
                                                                                                                                                                                                                                            🕦 نصف العدد ٢٠٢ هو .....
 ا دمیاط ۱
                                                                                                              اج) ۲<sup>۹</sup>۲
                                                                                                                                                                                                                           ۲۰۱ (ت)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        1.7(1)
                    1.1(7)
                                                                                                       النا كانت : (س - ۳) صفر = ۱ فإن : س ∈ ......
 (المنوفية ١
  (ب) ع - ع ( ج) ع - ع ( ع) ع - ع ( ع) ع - ع ( ع)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                            2(i)
                                                                                                                                                                       \cdots = \dots \left(\frac{1}{1-0}\right) \dots \left(\frac{1}{1+0}\right)
 ( المنوفية ١
          (ج) <del>۱ - ۱۰۰۰ و (۱ ع ۱۰۰۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰ و ۱۰۰۰ و ۱۰۰ و ۱۰ و ۱۰۰ و ۱۰ و ۱۰ و ۱۰۰ و ۱۰ و</del>
                                                                                                                                                                                                                                      (ب) ۱
                                                                                                                                                                                                                  ..... = ~~ + ~~ + ~~ <del>| | |</del>
 ( Hungun 1
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  ۹(1)
                                                                                                                                                                                                               (پ) ۲۳ س
                                                                             (ج) ۴ س۰ + ۱
     (1)7-0+7
                                                                                                                                                                                                                  ..... + 7° + 7° + 7° = .....
 Mean
                                                                                                                                                                                                                                (ب) ۲۲
                     ۲.۲ (۵)
                                                                                    (ج) ۲٤
                                                                                                                                                              \frac{1}{6} = \omega + \omega + \omega = 0 \frac{1}{6} \frac{1}{6}
                                                                                                                                                                                                                            فاِن : س ٚ – ص ٚ = .....
  (اسوان ۲۰ قرالشية ۱۷
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                               \frac{1}{50} (1)
                                                                                   (ج) ۲٥
                               0(7)
                                                                                                                                                                                                                    ١٦ إذا كان: س + ص = ص س = ٥
                                                                                                                                                                                             فإن : س ٢ ص + ص ٢ س = ....
 (الإسماعيلية ٢٠ أسوال ١١،
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        1. (1)
                                                                                                                                                                                                                          (ب) ۱۵
                                                                                                                             (ج) ۲۰
                                                                                                                                   ١٠ = ٢٠ - ١٠ : (س - ص) اذا كان : (س - ص) ٢٠ = ٢٠
                             Yo (1)
                                                                                                                                                                                                                                                فإن : –ں ص = .....
  ( Neutinio 11)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       1. (1)
                                                                                                                                                                                                                                    (ب) ہ
                                                                                                                           (ج) -ه
                             ۲۰ (۵)
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         111
```

```
الله المتباينة ٥ - ٣ - س > ١١ في ع هي .....
القرالشيخ ١١٧
  رن) [۲۰، ∞ −[ (خ) ] ∞ ، ۲−] (ن) [۲۰، ∞ −[ (خ) ] صنبه
                           آسط الجذرين التربيعيين للعدد كم ٢ هو .....
(ش. سيناء ١٩ ، المنوفية ١٧)
       (6) 17
                           \frac{\lambda}{I} (\Rightarrow)
                                          (ب) صفر
(سوهاع ۱۹، الإستندية ۱۷)
                                              آ أربعة أمثال العدد ٢٨ هو .....
                          (خ) ۲۰٫۸
        ٨٤ (١)
                                                 (ب) ۸^
                                \frac{1}{\sqrt{1+4}} = \infty - \sqrt{1+4}
0 = \sqrt{1+4} + \sqrt{1+4}
( الغيية ١١)
                                                فإن : (س + ص) = ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠
        17(2)
                            (ج) ٩
                                             (ب) صفر
                                                                      A(i)
( Idio eio 1)
                                   \frac{1}{1}إذا كان: \gamma^{-0} = \frac{1}{\lambda} فإن : \rightarrow 0
        r-(1)
                            (ج) ٣
                                           (ب) <del>٪</del> (ب
   الله الرقم ٥ في ترقيم الله عدد صفحات كتاب هو ٥٦ صفحة ، كم صفحة يظهر بها الرقم ٥ في ترقيم
                                                              صفحات الكتاب ؟
        14 (7)
                           (ج) ۱۲
                                                                      7(i)
                                                 (ب) ۷
فأطريق طوله ١٢ كم وضعنا على جانب واحد منه أعمدة إنارة من بدايته حتى نهايته وكانت
           السافة بين كل عمودين 🕹 كيلو متر فإن عدد الأعمدة يساوى .....
        77 (4)
                                                                     17 (1)
                          (ج) ۲٥
                                                YE ( L)
(1 / aurim)
                                 آ<u>آ</u> العد الذي يقع بين ۰٫۰۸، مو .....
   ·, Vo - (1)
                                                              .,...٧٥(1)
                      · , ۰ ۷٥ (ج)
                                     (ب) ۰٫۰۰۷ه
144
```

٧ مربع ضعف العدد (نصف) هو $\frac{1}{\Lambda}$ (ب) (ج) ۱ 4(1) آلان ثلاثة أمثال عدد = ٥٥ ، فإن : $\frac{1}{6}$ هذا العدد يساوى . (المنياه) (ب) ه 10 (i) (ج) ٣ 9(1) $\frac{0}{1}$ إذا كان : $\frac{0}{5} + \frac{0}{10} = \frac{0}{7}$ فإن : $\frac{0}{5}$ (المنوفية ١٠) (ب) ٤ Y(1) (ج) ه e (2) = { \- \cdot \mathbf{r} - \cdot \mathbf{r} (أسبوط ١١) \emptyset (i) (ب) {٣-} { \−} (+) {7}(2) =]v , Y[- [v , Y] 📶 (بني سويف ١١ \emptyset (i) (ب) ۲} (ج) {۷} {V, Y} (1) 🃆 ص۔ 🖰 ط = \emptyset (1) (1 Kultings 11. Kilony) (ب) ط ٢ المقدار: (س - ٢)٢ - س٢ من الدرجة (ج) ص (د)ع (أ) الأولى. القدالفدخ (ب) الثانية. تع مجموعة حل المعادلة: س - ١ = | -١ | في ط هي (ج) الثالثة. (د) الرابعة. [السويف (ب) ۲ <u>۳۵</u> إذا كان : ۱۷ س + ۱۸ = ۱۱ فإن : ۱۷ س + ۱۱ = {٢-} (2) , ormsorm) (ب) ۱۱ 14(7) (ج) ۱٤

المثلثات والهندسة



(اطنيا ١٩

(المنوفية ٢٠)

(imped 11)

{ 7 } (4

(بنی سویف ۱۸)

{V . Y} ()

لتدرية ١٨ . الأقصر١١)

2(1)

(تقرالشيخ ١٠٠

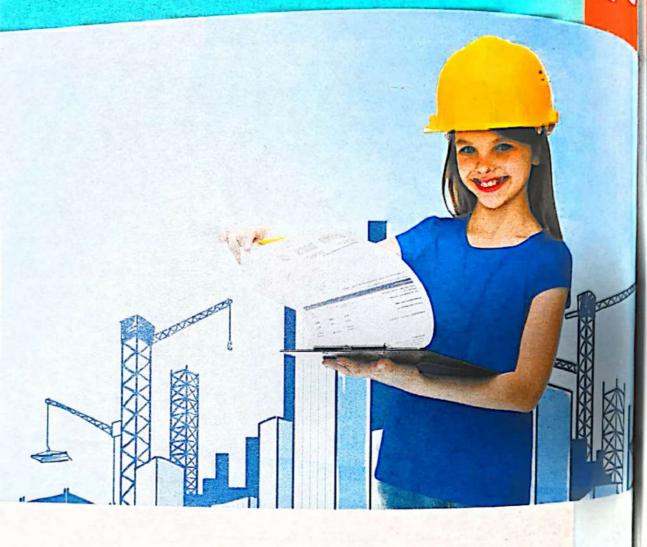
(د) الرابعة.

(14 cmompl)

{٢-} (-)

(الإسلاماعيلية ١١٩

11 (7)



ودة 4 حساب المثلثات 19.

الهندسة التحليلية 54.

4.4 <mark>مفاهيم ومهارات أساسية تراكمية</mark>.

الوحدة

حساب المثلثات



دروس الوحدة :

الدرس 1 النسب المثلثية الأساسية للزاوية الحادة.

الدرس 2 النسب المثلثية الأساسية لبعض الزوايا.

مشروع بحثى ﴿ على الوحرة الرابعة

المداف الوحدة :

مدراسة هذه الوحدة يجب أن يكون التلميذ قادرًا على أن :

, بنعرف النسب المثلثية الأساسية للزاوية الحادة.

، _{بثعرف} النسب المثلثية الأساسية للزوايا التي قياساتها ٣٠ °، ٥٠°، ٥٥°

, بود النسب المثلثية الأساسية لزاوية معلومة.

, بوجد قباس زاوية بمعرفة إحدى نسبها المثلثية.

, بستخدم الآلة الحاسبة لإيجاد النسب المثلثية الأساسية.

معلومة إثرائية

ساب المثلثات هو فرع من فروع الرياضيات ، وهو أحد فروع علم الهندسة لعامة، ويتناول دراسة الزوايا والمثلثات والتوابع المثلثية مثل الجيب وجيب التمام بعتبر قدماء المصريين أول من عمل بقواعد حساب المثلثات إذ استخدموها في بناء الإهرامات وبناء معابدهم ، ولحساب المثلثات تطبيقات كثيرة منها حساب المسافات النوايا ف إنشاء المباني والطرق، وفي صناعة الموتورات وأجهزة التليفزيون وملاعب الكرة ، وكذلك في حساب المسافات الجغرافية والفلك وأنظمة الاستكشاف بالأقمار الصناعية.

الامتحانان التفاعلية على الداوس مه خلل OK code 3mrs

مل آخر باستخدام الآلة الحاسبة العلمية :

نضغط على مفاتيح الآلة بالتتابع من اليسار إلى اليمين كالتالي:

22 3 6 4 8

الناتج: ٢٢,٦١٣٢٣٢, ٢٢

حل آخر باستخدام الآلة الحاسبة العلمية :

نضغط على مفاتيح الآلة بالتتابع من اليسار إلى اليمين كالتالي :



فنجد الناتج : ٤٨ . أ ه٤°

مثال 🕜

إذا كانت النسبة بين قياسى زاويتين متتامتين ٧: ٩ فأوجد القياس الستيني لكل منهما.

• مجموع قياسى الزاويتين المتتامتين = ٩٠ °

• مجموع قياسي الزاويتين المتكاملتين = ١٨٠°

نفرض أن قياسى الزاويتين : ٧ س ، ٩ س 🦞 تذكر أن

°٩٠ = س ٩ + س٧ ::

°٩٠ = س ١٦ .:

°0,770 = °9.

• مجموع قياسات زوايا المثلث الداخلة = ١٨٠°

 $^{\circ}$ قياس الزاوية الأولى = $^{\circ}$ ۲۲ , $^{\circ}$ × $^{\circ}$ = $^{\circ}$ ۲۶ $^{\circ}$ ۴۰ $^{\circ}$

 $^{\circ}$ ه آب الزاوية الثانية = ۲۰ , ۵۰ \times ۹ \times ۵ , ۲۲ و $^{\circ}$ ، ۴۷ و $^{\circ}$

ح أيا بنفسك

إذا كانت النسبة بين قياسي زاويتين متكاملتين ٥ : ١١ فأوجد القياس الستيني لكل منهما.

الدرس النسب المثلثية الأساسية للزاوية الدرة

تمهيد

* سبق أن درست وحدات القياس الستيني للزاوية وهي :

الدرجة ويرمز لها بالرمز ١° ، الدقيقة ويرمز لها بالرمز ١ ، الثانية ويرمز لها بالرمز ١

فمثلًا: الزاوية التي قياسها ٢٢ درجة ، ٣٦ دقيقة ، ٤٨ ثانية تُكتب ٤٨ م ٢٦ ٢٦ ٢٠

العلاقة بين الدرجات والدقائق والثواني: -

9. = "1 . 4. = 1.

F7.. = 7. × 7. = 1: 01 cs

مثال 🕦

- ١ اكتب بالدرجات : ٤٨ ٢٦ ٢٢° اكتب بالدرجات والدقائق والثواني: ١٨,٥٤
 - الحال
- تذكرأن تذكرأن

 $^{\circ}$. . $^{\circ}$ نحول الثواني إلى درجات كالتالى : ٤٨ = $\frac{8\Lambda}{77..}$

النسب المثلثية الأساسية للزاوية الحادة

- النسبة المثلثية للزاوية العادة :

هى نسبة بين طولى ضلعين من أضلاع المثلث القائم الزاوية التى تقع فيه هذه الزاوية.

وبوجد ثلاث نسب مثلثية أساسية للزاوية الحادة وهي:

🚺 جيب الزاوية :

وتكتب اختصارًا (ما) وتساوى

🚺 جيب تمام الزاوية :

وتكتب اختصارًا (ماً) وتساوى

🕜 ظل الزاوية :

طول الضلع المقابل للزاوية طول الوتر

طول الضلع المعاور للزاوية طول الوتر

طول الضلع المقابل للزاوية طول الضلع المعاور للزاوية

بالنسبة لزاوية ح

ماح = المقابل = أحد الموت الم

المجاود = المجاود = المحادد

المقابل = المقابل عدد

وُتكتب اختصارًا (طا) وتساوى

أي أنه: إذا كان 1 أبح قائم الزاوية في س فإن :

بالنسبة لزاوية ا

نَوْلًا: في الشكل المُقابل:

- ان عن · ۱ اسحقائم الزاوية في س
- 1 ما ح = 7
 - نان: **الله الله**

 - = 1 L
 - = 14
 - الا طاح = ؟

<u>آ</u> مناح = ج

190

مثال 🕜

في الشكل المقابل:

إبح مثلث قائم الزاوية في أحيث:

اب= ۹ سم ، ۴ حـ = ۱۲ سم

١ أوجد كلًا من: ماب ، مناب ، طاب ، ماح ، مناح ، طاح

١ أثبت أن: ما ب مناح + مناب ماح=١

تذكر نظرية فيثاغورس

(124) + (-1) = (21) . (1) - (21) = (11)

(-1) - (21) = (2-) ·

إذا كان: ١٥١ حقائم

الزاوية في - فإن:



- ` 4 · = (٢ م) صحفيه : ق (١ ٢) = ٩٠ °
- : (عد) = (اعر) + (اعر) (فيتاغورس) :
 - 170 = 188 + A1 = (2-) :.
 - : سح= ١٥ سم
- $\frac{r}{0} = \frac{9}{10} = \frac{-1}{10} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$
- $\frac{r}{0} = \frac{q}{10} = \frac{-1}{2} = 21$, $\frac{\xi}{r} = \frac{17}{9} = \frac{21}{-1} = -10$
- $\frac{r}{\xi} = \frac{1}{17} = \frac{-1}{-1} = \frac{1}{10} = \frac{1}{10}$
- $1 = \frac{r_0}{r_0} = \frac{9}{r_0} + \frac{17}{r_0} = \frac{7}{0} \times \frac{7}{0} + \frac{8}{0} \times \frac{8}{0} = -10 10 = 1$

رر ملاحظات

في المثال السابق لاحظ أن :

—يمكن أن نستتج أن :-

جبب أى زاوية حادة يساوى جبب تمام الزاوية المتممة لها.

فإن: ما ١ = مناب

فإن: ق (د١) + ق (د ١) = ٩٠

$$\frac{-la}{-lia} = -lb \qquad \therefore \qquad \frac{\xi}{r} = \frac{la}{r} = \frac{-l}{r}$$

 $\frac{dc}{dc} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$ $\frac{dc}{dc} = \frac{1}{2}$ $\frac{dc}{dc} = \frac{1}{2}$

وبصفة عامة يكون : ظل الزاوية = جيب الزاوية جيب تمام الزاوية

وملاظة أن : $\sigma(L-) + \sigma(L-) = ۹۰°$ (زاويتان متنامتان).

والعكس صحيح أي أنه:

إذا كانت دا ، دب زاويتين حادتين وكان : ما ١ = مناب

$$\frac{-l_{0}}{-l_{1}} = -l_{0}$$

$$\frac{\xi}{r} = -l_{0}$$

$$\frac{\xi}{r} = \frac{\frac{\xi}{0}}{\frac{1}{r}} = \frac{-l_{0}}{\frac{1}{r}}$$

حاوا بنفسك ٢

س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص فيه : س ص = ٤ سم ، س ع = ٥ سم

أوجد قيمة: ٢ ماس مناس

آ اثبت أن : ماس مناع + مناس ماع = ١



المدويك فيه: اب= احد اسم ، مد = ١٢ سم ، رسم أو ل حد يقطعها في و

آ أوجد قيمة : ما - منا ح

ا أوجد قيمة : طا (د ← ۶۶)

٣ بن أن: ماح + مناح > ١ ثم أوجد قيمة: ما ح + منا ح

واستنتج أن: ما حد منا حد حماحه مناح

: الالمام ، المام منتصف معدد . : و منتصف معدد

:. ٢= ٥= ٥ سم

البا

نی کاوب: ن ق (د ۱۶س) = ۹۰

.: (اد) = (۱ -) - (-د) (فيثاغورس)

. . ۶۶ = ۸ سم 78 = 77 - 1 .. = *(st) ..

 $\frac{r}{0} = \frac{1}{1} = \frac{52}{1} = \frac{51}{1} =$

 $\frac{V}{2} = \frac{V}{2} + \frac{8}{2} = \frac{3}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

 $\frac{7}{10} \sqrt{(c-12)} = \frac{7}{12} = \frac{7}{12} = \frac{7}{12}$

 $\frac{7}{0} = \lambda \quad \text{if } \frac{5}{0} = \frac{1}{10} = \frac{5}{0}$

 $\frac{1}{2} < \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

 $1 = \frac{3}{2} + \frac{7}{2} = \frac{7}{2} + \frac{7}{2} = \frac{77}{2} + \frac{9}{27} = \frac{77}{27} + \frac{9}{27} = 1$

٠٠٠ ما و + منا و < ما و + منا د

مثال 🗿

في الشكل المقابل:

ا ب حرى شكل رباعي فيه : ع (د ١) = ع (د ب ع ح) = ٩٠ ﴿

، اد// سع ، او= ١ سم ، اسم اسم

اوجد: طول کح

البال

.: ۶ ب = ۱۰ سم

(بالتبادل) (عدد) عن (د عاد) عن (د عاد) عن (بالتبادل) (بالتبادل) (بالتبادل)

 $\frac{2s}{s-1} = \frac{-1}{s+1} : (2-s+1) = (-s+1) : :$

نه وهو المطلوب) د عد $\frac{1}{7} = \frac{1}{7} \times 1$ سم (وهو المطلوب)

لاظ أنه يمكن أيضًا على المثال السابق باستقدام التشابه.

ح أعل بنفسه ٢

 $\frac{25}{1} = \frac{1}{7}$:

في الشكل المقابل:

٩٠ = (د مثلث فيه : ع (د س) = ٩٠ عد عد احربيث وها احربيث

، 5 ه = ۲ سم ، هر ح = ٤ سم

أثبت أن: ما ا مناح + ما ح منا (د ه و ح) = ١

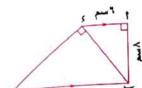
مثال 🕥

144

في الشكل المقابل:

أسح مثلث متساوى الأضلاع

ع الله عند: الا = 1 سم ، وب = ٤ سم عند الا عند الم إذا كان: ك طاس = ٢٧ فأوجد قيمة: ك



العل: نرسم وهم لم حد تقطعها في ه البرهان: ٠٠٠ ٢ ٩ - حسساوى الأضلاع

٠٦٠ = (٢٦) ت : ، نی ۵ب، وه: ۲۰۰۰ وه ⊥ ب

.: ن (دوه ب) = ۹۰ :

: ن (الماء ها) = ١٨٠ - (٢٠ - ١٥٠) - ٣٠ عند عند ٢ عند

، : (وه) = (و -) - (- ه) (فيثاغور س) ، : (و ه

، : - ح = - ۱ = ۱۰ سم : و ه = ۱۲۷ = ۲ گر سم

 $\frac{\overline{r}}{s} = \frac{\overline{r}}{s} = \frac{s}{s} = \frac{s}{s}$

TV = TV × 2 :.

17 = 8 - 17 = "(2 5) ..

،: ك طاس = ٢٧

 $\xi = \frac{\xi}{rh} \times rV = \emptyset$:

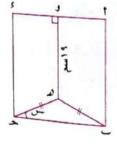


في الشكل المقابل:

أسعر مربع طول ضلعه ٢٤ سم

المنقطة داخله بحيث عدد ، و ه = ١٩ سم

ا هو له أي فإذا كان: له (مناس - ماس) = ١٦٠ ^{فأوجد} قيمة : *ك*



(وهو المطلوب)



الدرس الأول _____

[الله بنفسك [المحاد : عدد و سم ، ق (1 م) = ق (2 هدم)]

1 ci re , 03 771"

1 () O 01

. ناسفنه حبثا (٢)

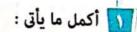
تما لان

على النسب المثلثية الأساسية للزاوية الحادة





🛄 أسئلة كتاب الوزارة



الشكل المقابل:

- ص ص ع مثلث قائم الزاوية في ص فيه :

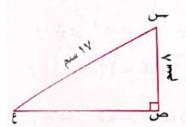
٤ ف الشكل المقابل:

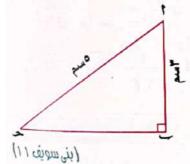
△ ٢ سحقائم الزاوية في ب

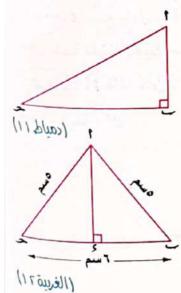
فإن: ماح×مناح=

ه ف الشكل المقابل:

🚺 في الشكل المقابل:







اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

(17 auluelamy1)

 $\frac{9 \text{ in}}{9 \text{ in}}$ (ب) ما $\frac{9 \text{ in}}{9 \text{ in}}$ (ع) الم $\frac{9 \text{ in}}{9 \text{ in}}$ (ع)

آ إذا كان : - ، ص قياسى زاويتين متتامتين وكان ما $-0 = \frac{7}{6}$

فإن : منا ص = (الجيزة ٢٠ ، البحيرة ١٨ ، الجيزة ١٧)

 $(i) \frac{3}{6} (2) \frac{7}{6} (2)$

🕶 لأى زاويتين حادتين ٢ ، ب إذا كان : ما ٢ = مناب

فإن : ق (١٤) + ق (١٠) = ١٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠ فإن : ق

(۱) ۳۰ (ب) ۴° (ب) ۴° (د) ۴۰° (د) ۴۰° (د)

ا إذا كان : ما ٧٠° = مناس حيث س قياس زاوية حادة فإن : س =

(القليوبية ١٨)

فى △ اسح إذا كان: ق (٤٦) = ٥٨°، ما - عناب

فإن : ق (د ح) = النقعلية ١٩ ، البحيرة ١٧ ، المنوفية ١١ ، المنوفية ١١ ، المنوفية ١١ ،

°۲۰ (۱) ۳۰ (ج) °۳۰ (۲۰ (۱) ۳۰ (۱) ۳۰ (۲۰ (۱) ۳۰ (۲۰ (۱) ۳۰ (۲۰ (۱) ۳۰ (۲۰ (۱) ۳۰ (1) ۳۰ (1)

(۱) ۲ ما ۹ (ب) ۲ ما حد (ج) ۲ ما ب ۱۱ ما ۱۹ ما ۱۹

Y في المثلث ٩ سح القائم الزاوية في ٩

يكون جيب تمام الزاوية -،: جيب الزاوية حيساوى (الشرقبة ١٨٥٨)

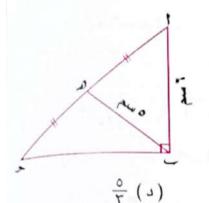
 (\cdot) $\frac{\tau}{\xi}(\cdot)$ $\frac{\xi}{\xi}(\cdot)$

الدفعلبة ١٦)
 الدفعلبة ١٦)
 الدفعلبة ١٦)

(۱) طاء × طاو = ۱ (ب) ماء = منا و

(ج) مناء = ما و (ج) مناء = ما و

1.1



🚺 في الشكل المقابل:

Δ اب ح قائم الزاوية فى ب، به متوسط

، ب ھ = ہ سم ، اب= ۲ سم

(implor1)

فإن : ما ح =

 $\frac{7}{6}$ (\Rightarrow)

(۱) څ (ب) و ت

🔟 🔝 إذا كانت النسبة بين قياسى زاويتين متكاملتين ٣: ٥

اذا كانت النسبة بين قياسي زاويتين متتامتين ٣: ٤ فأوجد القياس الستيني للزاوية الكبرى في القياس.

فأوجد القياس الستيني لكل منهما. (الغربية ١٩، أسواه ١٥، البحيرة ١٤) «٢٠ ، ٢٠ ١٢٠،

101 FO ET 10;

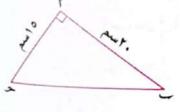
 إذا كانت النسبة بين قياسات الزوايا الداخلة لمثلث ٣ : ٤ : ٧ فأوجد القياس الستيني لكل زاوية.

🚺 🛄 في الشكل المقابل :

١ - ح مثلث فيه : ٥٠ (١ ٢) = ٩٠°

، احد = ۱۵ سم ، اب = ۲۰ سم

أثبت أن : مناح مناب - ما حرماب = صفر



(الجيزة ٢٠ ، المنيا ١٩ ، القليوبية ١٨ ، البحيرة ١١٧

أوجد قيمة كل من: ١١ طاس × طاص آما ص + ما ص (بوسعيد ١٨) ١٠٠٠

> ١٠ ١ عدمثلث قائم الزاوية فى - فيه : - ح = ٤ سم ، ١ ح = ٥ سم استنتج أن: ما ٢ - منا ٢ = ٢ ما ٢ - ١ ما

> > ١٠ ٢ - ح مثلث قائم الزاوية في - فإذا كان ٢ - : ٩ ح = ٣ : ٥ فأوجد: النسب المثلثية الأساسية للزاوية ٢

(imploy1)

الدرس الأول

مثلث قائم الزاوية في ص فإذا كان: ص ع = ٢ - س ص

فاوجد قيمة كل من: طاع ، طاح ، مناع ، مناح ،

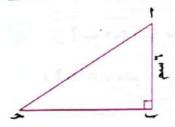
ا الزاوية فى - فإذا كان : ٢ ٢ - و - و الزاوية فى - فإذا كان : ٢ ٢ و - و و الزاوية فى - و الزاوية و الزاوية فى - و الزاوية فى الزاوية و الزاوية فى - و الزاوية و

فاوجد: النسب المثاثية الأساسية للزاوية ح (أسوان ١٩، الدفعلية ١٨، الإسكندية ١٥) " المراد ١٠٠ المراد النسب المثاثية الأساسية للزاوية ح

🛭 في الشكل المقابل:

إب حمثك قائم الزاوية في ب ، اب= ٦ سم ، طاح= ٢

أوجد: 1 طول كل من : بعد ، احد



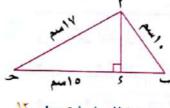
المنوفية ١٦. الإسماعيلية ١١ منا ١ منا ١

🗓 في الشكل المقابل:

اد کا سم ۱۷ = ۱۷ سم

، وحدة ١٥ سم ، ١٠ - ١٠ سم

أوجد قيمة: ٣ طاحه + ماب



(الإسماعيلية ١٤) ، 🛬 »

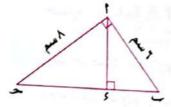
الشكل المقابل:

ユー上ラ· °9·=(ントーム)ひ

فإذا كان: ١- = ٦ سم ، ١ح = ٨ سم

أوجد: 1 طا (د - ٢٥)

(د ۱۶ عنا (د ۱۶ عنا (د ۱۶ عنا (د ۱۹ عنا (



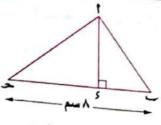
(الغيية ١٦) ﴿ ﴿ * * وَ * الغيية

الشكل المقابل:

اسع حاد الزوايا Δ

اسو= ۸ سم ، ۱۶۴ بحد

اوجد قيمة: ٢- مناب + ٢ حد مناح

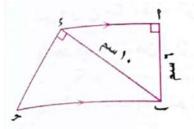


(الشرقية ١٧) «٨ سم»

1.4

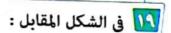
🛐 في الشكل المقابل:

٩ حـ ح و شبه منحرف قائم الزاوية في ٩ °9. = (25-1)0, 2-1/59, ، ١٠ = ٢ سم ، ١٠ = ١٠ سم أوجد: طا (د ٢٤ص) ، طول 5حـ

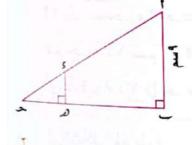


(القعلية ١١) « ٢ ، ٥ . ٧ سم،

- W و عدد شبه منحرف متساوی الساقین فیه : ١٩٥ // حد ، ١٩٥ = ٤ سم ، إب = 0 سم ، بحد = ١٢ سم أثبت أن : ما حد منا ب منا حد منا ب الوادى الجنوبرين
- ، اب = ۲ سم ، ۱۰ = ۲ سم ، ب ح = ۱۰ سم أثبت أن : منا (دء حب) - طا (د ع حب) = $\frac{1}{7}$ (الجيزة ٢٠ مطروح ١٨ المنوفية ١١٧ أثبت أن : منا (دء حب)



٢ - ح مثلث قائم الزاوية في - فيه : ٩-= ٩ سم ، ٤ ∈ ١٥ ، ه ∈ بح ىدىن وه لى سح ، ٤٥ ه = ٣ ه ح احسب: مساحة ∆ ابح



ر ١٥ سم ١

- الساقين فيه : 9 2 ، ما $\frac{9}{6} = \frac{1}{6}$ (البحرالأحمر ١١) " = " أوجد: ما بدون استخدام الحاسية.
 - الما في Δ احد القائم الزاوية في حر أثبت أن : ما + مرا +
 - آآآ ابح مثلث قائم الزاوية في س ، ما ا = ٢ . .

أوجد قيمة: ما ٢ مناح + منا ٢ ما ح

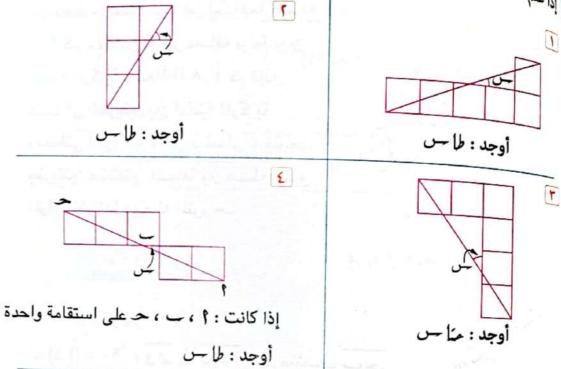
(تقرالشيخ١١ ١١٠

و عدمثلث قائم الزاوية في س ، ٧ طا ٢ - ٢٤ = .

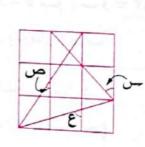
أوجد قيمة: ١ - طا ٢ ما حـ

5.5

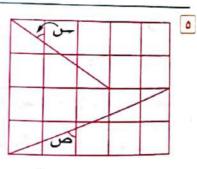
المنافق الأشكال التالية مكونة من مربعات متطابقة فأوجد المطلوب أسفل كل شكل: إذا عُلم أن الأشكال التالية مكونة من مربعات



٦



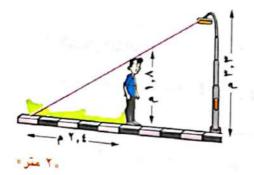
أوجد: طاس + طاص - طاع

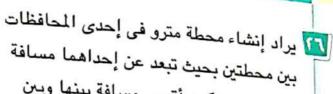


أوجد : طا س + طا ص

تطبيقات حياتية

رجل طوله ١,٨ متر يقف أمام عمود إنارة طوله ٢,٢ متر ، فإذا وُجد أن طول ظل الرجل الناتج عن إنارة العمود هو ٢,٤ متر فأوجد بُعد قدم الرجل عن قاعدة العمود.



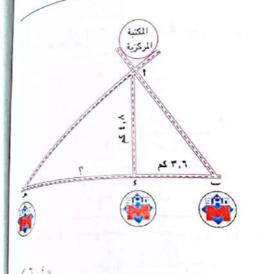


... ٣,٦ كم ، وتكون أقصر مسافة بينها وبين المكتبة المركزية بالمحافظة ٨,٤ كم فإذا

المحبه المركزية بالمحتبة المركزية علمت أن الطريقين بين المكتبة المركزية ومحطتى المتروب ، حمتعامدان ، فأوجد

ومحطنى المتروك المسافة بين محطة المترو بطريقتين مختلفتين المسافة بين محطة المترو

المراد إنشاؤها ومحطة المتروح



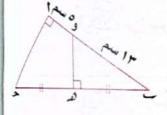
للمتفوقين 🕙

🕜 في الشكل المقابل:

ى (دع) = ٩٠° ، وه ل بح ، ه منتصف بح

، ۴ و = ه سم ، ب و = ۱۳ سم

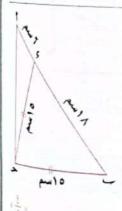
أوجد بالبرهان : طاب



(cauld VI) = ==

🔼 من الشكل المقابل:

أوجد: ط (د ب ٢ حـ)



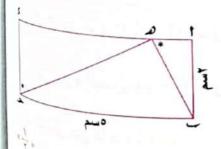
🛂 في الشكل المقابل:

٢ - حرى مستطيل فيه : ٢ هر < هرى

، ۲ - - ۲ سم ، بحد = ٥ سم

، ق (١٩٥١) = ق (١٥٠٥)

أوجد: طا (دحده)



: للقلال كلينان المقابل المحمثان ، و و بحيث الح ل ب ح ، ب و = ٩ سم الد عا (د م ع الد ع ع ع الد ع ع ع الد ع ع ع الد ع ع ع الد ع

اوجد: مساحة 12 سح « ۱۵۰ سم ّ »

أن أى مثلث أب حقائم الزاوية فى ب أثبت أن: ما ٢٠ م ما حد

-

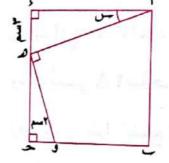
في الشكل المقابل: ابدومربع ، هدوع مربع

، إب= ١٢ سم

، حو = ٤ سم

أوجد: طا (د ع ع هـ)

أً في الشكل المقابل:



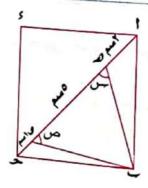
اسعومربع، ه ∈ وحد، و ∈ سح

، أهم له صور ، وهم = ٣ سم

،وح= ۲ سم

أوجد: ملاسس

لل فالشكل المقابل:



المعومربع فيه: ه ∈ احد، و ∈ احد

بعبن ا هر = ۲ سم ، هر و = ۵ سم

أوح= ١ سم

البيد قيعة : طاسس + طا حس

" T 1 "

5.4

ومن 1 م احديمكننا إيجاد النسب المثلثية الأساسية للزاويتين اللتين قياساهما ٣٠ ، ، ° من كالتالي :

1 = -1 = °T. b	منا ۳۰ = مر = ۱۶ مر	1 = = ° r. L ° w.
TV = == °7. U	1 = -1 = °7. 12	マートゥーニー = "7. L (or.

النسب المثلثية الاساسية للزاوية التي قياسها وع°



△ ابح متساوى الساقين حيث:

اح=-ح= ل وحدة طول ، ق (دح) = ٩٠ =

° ٤0 = (-) = 0 (-) ::

ويتطبيق نظرية فيثاغورس لإيجاد طول أ - نجد أن :

アル・1:1=リアル・リ:リ=リート:シー:カト: さんら

ومن ١٥ أرح يمكننا إيجاد النسب المثلثية الاساسية للزاوية

التي قياسها ٤٥° كالتالي :

Maria District		
1 = " { o b	1 0, 1	1 = ° £ 0 lo (°
	مناه٤° = مناه	77

المحالم (رياضيات - شرع) ٢٤ / ١٥ / ١٤ ٩ .



النسب المثلثية الأساسية للزاويتين اللتين قياساهما ٢٠٠٠

في الشكل المقابل:

المحمثك قائم الزاوية في سفيه:

0(L1)=· 1°,0(L~)=· 4°

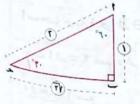
ولذلك يُسمى \ أ ا حدومتك ثلاثيني ستيني»

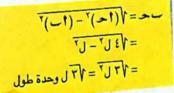
وفيه يكون : طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها ٣٠° يساوي نصف طول الوتر

الى ان: ١-= ١٠ ان

وبفرض أن : طول أب = ل وحدة طول فإن : طول أحد = ٢ ل وحدة طول

وبتطبيق نظرية فيثاغورس لإيجاد طول حد أن :





1.4

• والجدول التالي يلخص لنا النسب المُثَثَيَّة الأساسية للزوايا التي قياساتها ٣٠°، ٢٠، ، ٥٥°:

°£o	۰٦.	۰۳.	اتالی یلحص که سخت ا
1	77	7	النسبة المثنية
1/2	7	17	<u>ــــــــــــــــــــــــــــــــــــ</u>
,	77	1	خا
		77	l l

أوجد قيمة : ما ٣٠° منا ٦٠° + منا ٣٠° + ٥ طا ٤٥° – ١٠ منا ٢٥°

اثبت أن: ما ٢٠٠٠ + ما ٤٥° + ما ٣٠٠ = منا ٣٠٠ + ٢٠٠ + طا ٢٠٠٠ - منا ٢٠٠٠

$$| \text{Idde is like } | \frac{\sqrt{7}}{7} \right)^7 + \left(\frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}\right)^7 + \left(\frac{1}{\sqrt{7}}\right)^7 = \frac{7}{3} + \frac{7}{7} + \frac{1}{3} = \frac{7}{7}$$

$$| \text{Idde is like } | \frac{\sqrt{7}}{7} \right)^7 + \frac{1}{7} \times \left(\sqrt{7}\right)^7 - \left(\frac{1}{7}\right)^7 = \frac{7}{3} + 1 - \frac{1}{3} = \frac{7}{7}$$

$$\therefore | \text{Idde is or analysic.}$$

حابا بنفسك ١

- آ أوجد قيمة : منا ٢٠ + ما ٣٠ طا ٥٥ ، ٠٦٠ ٢٠ + ٣٠ ١٠٠
 - ا أثبت أن: ٢ ما ٣٠ + ٤ منا ٦٠ = طا٢ . ٢٠

11-

أوجد فيمة حس التي تحقق أن :

$$\frac{r}{\xi} = \omega - \frac{1}{\xi} :$$

$$1 = L - L = 1 \times L - L \times L = 0 - \Gamma \times L = 0$$

ح و اینفساد ۲

أوجد قيمة س التي تحقق أن:

را طا س =
$$\frac{7}{1} \frac{4!}{4!} \cdot \frac{7^{\circ}}{7}$$
 حيث س زاوية حادة.

استخدام حاسبة الحبيب

أولًا إيجاد النسب المثلثية الأساسية لزاوية معلومة

- أنى حاسبة الجيب توجد ثلاثة مفاتيح: (الله)
 - [المفتاح ق ويعنى الجيب (ما)
 - السفتاح ويعنى جيب التمام (ممًا)
 - المفتاح 🔞 ويعنى الظل (طا)
 - للسنندام هذه المفاتيح يمكن إيجاد النسب المثلثية الساسية لأى زاوية معلوم قياسها.



٣ طاه = ١٠٥١٥،١

إبد ه في كل مما يأتي حيث هـ قياس زاوية حادة :

۲ مناه = ۲۰۱۷..

ا ماه=٨٠٠

الصل

sn 3 6 •

انستخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتى من اليسار:

" OT V EA = D :.

أنستخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتى من اليسار:

° £ £ 4. 40 = 0 :.

إنستخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتى من اليسار:

°07 FE 09 = D :

كأوا بنفسك

باستخدام حاسبة الجيب أوجد هر حيث هر قياس زاوية حادة :

ا ما ه = ه ٢٩٤٠. آ منا ه = ۲۸۲٤.

مثال 6

ا فى الشكل المقابل :

المعرومستطيل فيه: ١٢ = ٦ سم ، ١٥ ح = ١٢ سم العن الداحب

أ مساحة المستطيل ٢ - حرى الأقرب رقم عشرى واحد.

مثال 🕜

باستخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة كل مما يأتي مقربًا الناتج لأربعة أرقام عشرية :

°0. 27 70 b r

۲ مناه۴ ۲۷°

111°

الحسل

استخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الأتى من اليسار :

. , al FT = AVA . .

١ استخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتى من اليسار:

., T997 = "VY FO L .. 5 0,,,

استخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع الآتى من اليسار:

6 - 2 5 - 0

1,770. = 0. 27 40 1.

ح و ا بنفسك ٢

باستخدام حاسبة الجيب أوجد قيمة كل مما يأتي مقربًا الناتج لثلاثة أرقام عشرية :

°01 48 16 [

إيجاد قياس زاوية إذا علمت إحدى نسبها المثلثية

* إذا قيل إن : ما هـ = ٦٢١٨. • فإن هـ هو قياس الزاوية التي جيبها ٦٢١٨ . •

، ولإيجاد قيمة هذه الزاوية فإننا نستخدم مفاتيح الحاسبة بالتتابع التالى من اليسار:

000

فنجد أن قياس الزاوية يساوى تقريبًا ٢٥ ٤٦ ٣٨°

TIF







114

الحــل

٠٠ ٢ ب حرى مستطيل

$$\frac{7}{11} = \frac{9}{1} = \frac{1}{1}$$

وباستخدام حاسبة الجيب:

(المطلوب أولًا)

يمكن أيضًا إيجاد طول حد باستخدام نظرية فيثاغورس في 14 حد

.: مساحة المستطيل ا ب حو = ا ب × ب ح = ٢ × ١٢ × منا ١١ ٩٩ ٢٠°

۲۹,۲ سم۲ سم۲ (المطلوب ثانيًا)

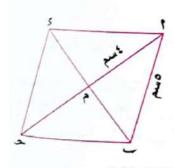
ما بنفسك



٢ - حرى معين قطراه متقاطعان في م

فإذا كان: ١٠ = ٥ سم ، ١م = ٤ سم

فأوجد: ١ و (١- ١٥) مساحة المعين ٢ - حري



- (لين) ۲۲ ع ع ۲۷ (توريا)
- آ (نوين) (تورين)
- O rvo.
- 100
- 1 1 . ank

- (A) 31 m
- (لىرىق) ۲۲ ×۲° (تىرىيا)
- (O 0 7 F. /
- (A) . r°
- . طسفن حباً (ج)



اختبار



تمالیان 🔨

ملي النسب المُثلثية الأساسية لبعض الزوايا

ر بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد كلًا مما يأتي :

(1 V slim.cm)

(Impedv1)

(IVailelamy))

(Ilennovi)

بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت كلًا مما يأتي :

(ش. سناء ۲۰ الجيزة ۱۹ . سوهاخ ۱۱)

(5. mils . 7 . ûs. mils P 1 . 10 men 11)

(الشرقية ١٥)

(ح. سيناء ١٩ ، الفيوم ١٨ ، الإسكنديية ١٧)

(Neutinia . 7 . caild P1 . ad. p5 11)

(السويسه ١٧، المنباع ١، تقرالشيخ ١١)

(الأقصر١٧)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

الفاهرة ۱۱ الفاهرة ۱

آ إذا كانت : ماس = $\frac{1}{7}$ حيث س زاوية حادة فإن : $\mathfrak{G}(\Sigma - \omega)$ = (اقاهرة ١٠٠ إذا كانت : ماس = $\frac{1}{7}$ حيث س زاوية حادة فإن : $\mathfrak{G}(\Sigma - \omega)$ (١) ٩٠ (١) ٩٠ (١)

 $\frac{7}{2}$ إذا كانت : مناص = $\frac{7\sqrt{7}}{7}$ حيث ص قياس زاوية حادة فإن : ما ٢ ص

(البحرالأحمره، الغريبة١١)

 $\frac{1}{\sqrt{1+\epsilon}} (7) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+\epsilon}} (7) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+\epsilon}$

و إذا كان: ٢ ماس = ط ٦٠ عيث س قياس زاوية حادة

فإن : ق (١١ حس) =

(۱) ۳۰ (ب) ۵۱° (ج) ۴۰° (د) ۲۰°

١ إذا كان: طا ٣ س = ٣٧ حيث ٣ س زاوية حادة

(100 میلیة ۱۰ ۱۰ الاسما میلیة ۱۰ الاسما میلید ۱۰ الاسما میل

°۲۰ (۱) ۲۰ (ب) ۳۲۰ (ج) ۳۲۰ (۲۰ (۱)

(۱) ۲۰° (ب) ۲۰° (ب) ۳۰° (حیث ۲ س زاویة حادة) (الجبرة ۱۱) (الجبرة ۱۱) (۱) ۳۰ (ب) ۳۰ (ب) ۳۰ (د) ۲۰° (د

الدرس الثاني

```
°۱۲۰ (ع) °۲۰ (ج) °۲۰ (ج) °۲۰ (ع) °۳۰ (۱۲)
              ان : منا (س + ۱۰°) = \frac{1}{7} حیث (س + ۱۰°) زاویة حادة آیا کان : منا (س + ۱۰°)
(1 lesse)
                                            °۲۰ (ب) ۴۰ °۲۰ (۱)
     °۷۰ (ج) °۵۰ (ج)

 إذا كان : طا (٢ -٠٠ - ٥) = ١ حيث -٠٠ زاوية حادة

(الأقصر ٢٠ ، الغيية ١٦)
                                          (۱) ۴۵ (ب) ۳۵°
                       ° Yo (=)
     °10(2)
             ا إذا كان : ما (س + ه°) = \frac{1}{7} حيث (س + ه°) قياس زاوية حادة المان : ما (س + ه)
                                     فإن : طا (س + ۲۰ ) = .....
(الاقعلية ١١)
\frac{1}{\sqrt{\lambda}}(\dot{\tau}) \frac{1}{\sqrt{\lambda}}(\dot{\tau}) \frac{1}{\sqrt{\lambda}}(\dot{\tau})
       ١: ١ = س ، ص زاويتين متتامتين بحيث س : ص = ١ : ٢
                                   فإن : ماس + مناص = .....
(البحيرة ١٥)
       \frac{1}{2} (1) \frac{1}{2} (2) \frac{1}{2} (2)
           س في ∆ اسح إذا كان ق (د ا) : ق (د ب) : ق (د ح) = ٣ : ٤ : ٥ الح
                                             فإن : مناب = ....
(الغربية ١٦)
     (÷)
                                                            · (i)
                                             (ب) 🕹
              15 في المثلث القائم الزاوية المتساوى الساقين يكون ظل زاويته الحادة
(الدقعلية ١٦)
                                           \frac{1}{TV}(\cdot) TV(1)
     (r) <u>1</u>
                         (خ)
                            1 اسح مثلث قائم الزاوية في ٢ فيه : طاب = ١
                                 فإن: طاح-ماح مناح= .....
(البحرالأحمر١)
                                              (1) صفر (ب) ۱
      \frac{2}{1} (2)
                         (ج) ۲
```

ا إذا كانت النقطة (٢، ٤) تحقق المعادلة : ص = س ما ٣٠ + ح

(11 فيفونه ١١)

1(1)

(ج) ٨

(ب) ٦

٤(i)

🛂 أوجد قيمة س في كل مما يأتي :

ا س ما دع = طا م. ا

(سوهالا١١)ن

آ س ما ۳۰ منا ۵۶° = ما ۲۰ (أسبوط ٢٠ ، الإستندية ١٩ ، خ. سينا ١١١] ٢٠

٣٠ - منا ٤٥ منا ٤٥ طل ٦٠ = طا ٤٥ - منا ٥٠ منا ٥٠ طل ٢٠٠٠ عنا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠٠

(السويس ٢٠ ، الفيوم ١٩ ، الإسلندية ١١١ الر

ع س = منا ۳۰ طا ۳۰ طا ۴۰ و الآ ۵۰ طا ۴۰ دع

🧿 أوجد قيمة س في كل مما يأتي :

العربة على العربة على المعربة عن العربة عن العربة عن العربة ١٩ منا ٦٠ عيث س زاوية حادة. (الجيزة ٢٠ ، الغربة ١٩ ، دهباط ١١ ا ١٤٠٠)

القاهرة ١١٠ منا ٣٠ منا ٣٠

البيرة ١١٠٠ عنا ٣٠ عنا ٣٠

۱ ۲ ماس منا ۵۰ ما ۵۰ = ۱ - منا ۲۰ حیث ۰ « حیث ۰ « حیث ۱ ۹۰ کیا ۱ ۱ ۲۸ منا ۲۸ م

الدقعلية ١١/ ١٠٠٠

illa

ه مناس = ما ۲۰ ما ۳۰ حيث س زاوية حادة. ط ۶۵ ما ۵۵ ما دة.

آ منا (٣ س + ٦°) = ما ٣٠ حيث (٣ س + ٦°) زاوية حادة.

الا الا ماس طا ۳۰ = طا ۶۰ منا ۲ س حيث س زاوية حادة. (/dipéipi - 1) • · *

أوجد هر في كل مما يأتي حيث هر قياس زاوية حادة :

ا ما ده ° = مناه طا ۳۰

(بنی سویف ۱۹، المنوفیة ۱۷، دهباط ۱۱)

۳. انه ۱۵° منا ۵۵° منا ۵۰° منا ۲۰° ۲۰ انه ۲۰° منا ۲۰°

ابني سوني ١١١،

۰۶. آنه ۸ = °۲. آنه ٤ - هنا۲ .۳۰

FIA

الدرس الثاني

الله کان: طاحی = $\frac{1}{TV}$ حیث سی زاویة حادة

اوجد: ماس طا (۲ منا (۲ س) + منا (۲ س)

(cail4.11) "1"

إذا كان: ما حن = طا ٣٠ ما ٦٠ حيث س قياس زاوية حادة.

فاوجد قيمة: ٤ ممًا س ما س

الكل الجدولين الآتيين حيث الزوايا المستخدمة زوايا حادة:

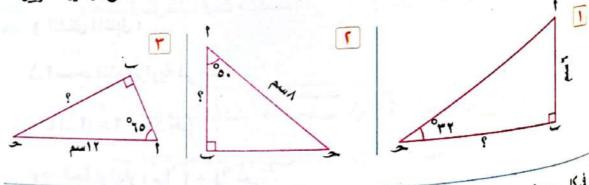
		July 1	°45 17 3	نسبة المثارة أوي
				ما
٠,٦		.,٦٢١٧		حنا
		., (11)		Lb
	7,77.7			STORY VALUE

		۴٠.	من الذافية
			4
	1		منا
_ \ _			V

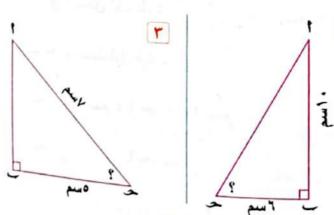
باستخدام الآلة الحاسبة.

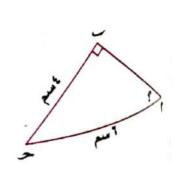
بدون استخدام الآلة الحاسبة.

أوجد طول الضلع المشار إليه بالعلامة (؟) في كل من الأشكال الآتية مقربًا الناتج لرقمين عشريين:

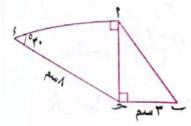


فَكُلُ مِنَ الْأَشْكَالُ الْآتِيةَ أُوجِد قياس الزاوية المشار إليها بالعلامة (؟) بالدرجات والدقائق والثواني :





🔟 ف الشكل المقابل :



أوجد: 🚺 طاب

(الشرقية ١٨) ﴿ يَ مُ ١١ كُ ١٢١].

(59-1)0 [

الساقين فيه: ١٠ = ١٠ حد عثلث متساوى الساقين فيه: ١٠ = ١٠ سم ، حد اسم

أوجد: ١ و (د ←)

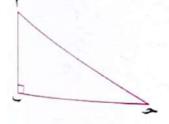
، ٥٥ ٤٤ عَ ، ١٠ ١٠ الآرسرا،

آ مساحة ∆ ابح

الساقين فيه : ١٢ - عثلث متساوى الساقين فيه : ١٢ - ٩ ح = ٢ ، ١٢ سم

، ق (دح) = ٢٤ ٩٤ أوجد لأقرب رقم عشرى واحد طول بح

ف الشكل المقابل:

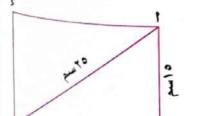


△ ۲ - حقائم الزاوية في ب

أوجد قيمة المقدار: منا ٢ م طا حر

(الشرقية ١١) « ٧٠

🔟 🗓 في الشكل المقابل :



ا سحر مستطيل فيه:

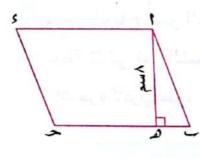
١٥ = ١٥ سم ، ١٥ حـ = ٢٥ سم

أوجد : ١١ ق (د ١ ح س)

ا مساحة المستطيل ٢ - حرى (الفيوم ٢٠ ، قنا٧١ ، ١٧ سَلَنسِه ٢٦ ، ٢٠ ٢٠ ، ٢٠ م

ا مستطيل طول قطره احد = ٢٤ سم ، ت (١ ع حب) = ٢٥ ° أوجد: طول بح «٨, ٢١ سم»

🖺 في الشكل المقابل:



مبدء متوازی أضلاع مساحته ٩٦ سم^٢ ،به: هد=۱:۳، ۱ه لـ بحد، ۱ه = ۸ سم أوجد : 1 طول ع الح (د س)

مول المي المول المي المول المي المول المي المول المي المول المي المول المورد المي المورد المي المورد المور

«۲۱ سم ، ۸۴ ۲۲ ۹۳° ، ۵ ,۸ سم»

في الشكل المقابل:



١-حو شبه منحرف متساوى الساقين فيه: ا-= او = و سم ، - ح = ۱۱ سم

أوجد: 1 ق (د س) ، ق (د ۲) مساحة شبه المنحرف ٢ - ح ع (عطرو٢ ١٢)

«٨٤ ٧ ٢٥ ، ١٢ ك ١٢١ ، ٢٢ سم"»

اسع و شبه منحرف فيه : ١٩ // سع ، ق (١٩ صح) = ٩٠° فإذا كان: ١٩ = ١٢ سم ، ع = ١٦ سم ، ح = ٢٥ سم أوجد: ١٦ طول ٥ح (2)0[

« ۱۵ سم ، ۶۸ ک ۲۰° ، م

T ما (دوحب) - طا (د ۱ حب)

تطبيقات حياتية

الله الم الم الم الموله ٦ أمتار يستند طرفه العلوى العلم على حائط رأسى وطرفه بعلى أرض أفقية ، فإذا كانت حدهى مسقط ٢ على سطح الأرض ، وكان قياس زاوية ميل السلم على سطع الأرض ٦٠° فأوجد طول ١حد (كفرالشيخ١١) "٢ ١٧ متر "

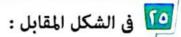
سير شخص في طريق منحدر يميل على سطح الأرض الأفقى بزاوية قياسها ٢٢° فإذا سار مسافة ٥٠٠ متر فما مقدار ارتفاعه عن سطح الأرض لأقرب متر ؟ ۱۸۷ عترًا ،

سبب الرياح كُسر الجزء العلوى لشجرة فصنع مع الأرض زاوية قياسها ٦٠°، إذا كانت نقطة تلاقى قمة الشجرة بالأرض تبعد عن قاعدة الشجرة مسافة ٤ أمتار ، أوجد طول (الفيوم ١٤ / ١٥ مترًا" الشجرة لأقرب متر.



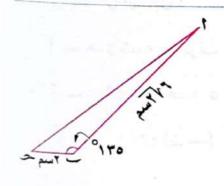
الك أوجد قيمة هر حيث هر زاوية حادة إذا كان:

 $\frac{1}{\sqrt{1}}$ منا هـ × طا هـ = $\frac{1}{\sqrt{1}}$



إذا كان : ق (دب) = ١٣٥°

أوجد: طاح



المثلثية الأساسية للزاوية الحادة

و إذا كان ١٥ أبح قائم الزاوية في س فإن :

ماح =
$$\frac{|| habin ||}{|| habin ||} = \frac{1-}{1-}$$
مناح = $\frac{|| haple ||}{|| haple ||} = \frac{--}{1-}$
الوتر

$$\frac{-1}{160} = \frac{1}{160}$$
 ما ا

و إذا كانت : △ ↑ ، △ ← زاويتين متتامتين فإن :

والعكس صحيح أى أنه:

إذا كانت: ١٦ ، ١ - زاويتين حادتين

وكان: ما ؟ = مناب أو منا ؟ = ماب فإن: ق (١٩) + ق (١٠) = ٩٠ وكان

النسب المثلثية لبعض الزوايا الخاصة

$$\frac{1}{YV} = 20 i .$$

٠ ما ٠٢° = ٣٠٠

النموذج الأول

أجب عن جميع الأسئلة الآتية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$\frac{1}{4}$$
 (۱) ما $\frac{1}{4}$ (۱) ما $\frac{1}{4}$ (۱) ما $\frac{1}{4}$ (۱) ما $\frac{1}{4}$ (۱)

آ إذا كانت : مِنَاسِ =
$$\frac{\overline{\gamma}}{\gamma}$$
 حيث س قياس زاوية حادة. فإن : ما ٢ س =

$$\frac{7}{\sqrt{1}}(1) \qquad (-1) \qquad \frac{1}{\sqrt{1}}(1) \qquad \frac{1}{\sqrt{1}}(1)$$

$$\frac{\xi}{\tau}(a) \qquad \frac{\tau}{\xi}(a) \qquad \frac{\tau}{\tau}(a) \qquad \frac{\tau}{\tau}(a)$$

$$\frac{\pi}{4} (3)$$
 $\frac{\pi}{4} (3)$ $\frac{\pi}{4} (3)$

$$\frac{1}{\sqrt{1+1}} (2) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+1}} (2) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+1}} (2) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+1}} (3) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+1}} (4) \qquad \frac{1}{\sqrt{1+1}$$

$$\overline{rV}(\cdot) \qquad \frac{1}{\overline{rV}}(1)$$

🚺 في الشكل المقابل:

إذا كان طول سح هو ل وطول أحم هو م

فأى من المعادلات الآتية يمكن استخدامه لإيجاد ل ؟

$$\frac{\dot{\rho}}{a \, l \, a} = J(1)$$

$$\frac{\dot{\rho}}{a \, l \, a} = J(1)$$

الشكل المقابل:

م مثلث فيه : ق (د ۱) = . ٩°

أثبت أن : منا ح منا ب - ما ح ما ب = صفر

(ب) أوجد قيمة - ٠٠

- ا س ما ۳۰ = ما ۳۰ منا ۳۰ + منا ۳۰ ما ۲۰
- ۲ ماس = طا۲ . ۳° ۲ طا ۵۵° حیث س زاویة حادة.

[(۱) احدى شبه منحرف متساوى الساقين فيه:

١٥ ا ١٥ = ٤ سم ، ١٥ = ٥ سم ، عد = ١٢ سم

أوجد قيمة : طاب مناح

(ب) أوجد قيمة : ما ٣٠° منا ٤٥° + منا ٣٠° ما ٤٥° ما ٢٠٠٠

إذا كان ٢ - حرو مستطيل فيه :

اس= ه سم ، سح= ۱۲ سم

أوجد: ١١ طول ١٠

1 قيمة ه طا (١١٥ حر) - ١٢ ما (١٥١ حر)

(ب) بسبب الرياح كسر الجزء العلوى لشجرة فصنع مع الأرض زاوية قياسها ٣٠°، إذا كانت نقطة تلاقى قمة الشجرة بالأرض تبعد عن قاعدة الشجرة مسافة ٢ أمتار ، أوجد طول الشجرة لأقرب متر.

المحاصد (رياضيات - شرح) عع / ت ١١ م ١٥

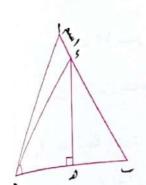
1

🗓 (أ) في الشكل المقابل :

ق (۱) إذا كان: ٢- مثلث قائم الزاوية فى ب وكان: ما ٢ + مناح = ١ أوجد : والما

(ب) في الشكل المقابل:

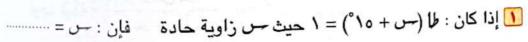
ابح مثلث متساوى الأضلاع ، طول ضلعه ٥ سم



النموذج الثانى

أجب عن جميع الأسئلة الآتية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:



$$\frac{1}{Y}(1)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$\frac{1}{Y}(2)$$

$$(3)$$
 $\frac{1}{2}$ (4)

امتحانات الوحدة

المقابل: أن المقابل:

r (i)

، اب= ۱۵ سم ، حد= ۲۵ سم

فإن : طاب=

(ب)

 $(\dot{\mathbf{x}})$

(١) أوجد قيمة - بالدرجات إذا كان:

لا بس = ٤ ما ٣٠ ميًا ٣٠ حيث صفر « - س « < ٩٠ و

(ب) إذا كانت النسبة بين قياسى زاويتين متتامتين هي ٣: ٥

فأوجد قياس كل منهما بالدرجات والدقائق.

(1) في الشكل المقابل:

اب حمثك فيه: ١٠ = ١ ح = ١٠ سم ، ب د = ۱۲ سم ، ۶۹ ل ب د

أوجد قيمة كل من:

1 مناب

(L) U (L-)

(ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن :

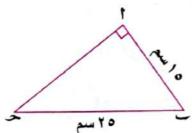
" - لم ٢ + " ع . " الم + " ع . " الم = " ق م الم - " ع . " الم

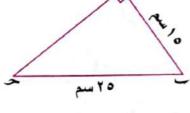
الشكل المقابل:

اسح مثلث متساوى الساقين وقائم الزاوية فى ح وطول كل من ساقيه ل وحدة طول أوجد:

١٠ النسب بين أطوال أضلاع المثلث ٩ ح : ب ح : ٩-

العاب، سام



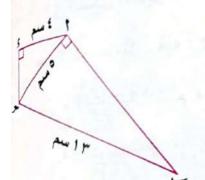


(6)

ل ا

(-- °9.) L

(ب) في الشكل المقابل:



احسب قيمة كل من:

1 ما (دس) منا (د مراء) + منا (دس) ما (د مراء)

[1) اسح مثلث قائم الزاوية في ب

١ = ٩ ٢ منا ٢ + منا ١ = ١

آ إذا كان: ٢ ب = ٥ سم ، ٢ ح = ١٣ سم أوجد: ق (دح)

(ب) أوجد بدون استخدام الآلة الحاسبة:

ما ٤٥° منا ٤٥° + ٣ ما ٣٠٠ منا ٦٠٠ - منا ٣٠٠





أهداف المشروع

- إيجاد قياس زاوية بمعرفة إحدى نسبها المثلثية.
 - واستخرام نظرية فيثاغورث.
 - والربط بين الرياضيات والرياضة.
 - الربط بين الرياضيات والتاريخ.
 - · الربط بين الرياضيات والعلوم.

المطلوب

- « تُعد لعبة كرة القدم من الألعاب الجماعية ذات الشعبية المرتفعة حول العالم ، واللعبة الأكثر ممارسة فى غالبية الدول»
 - فى ضوء ذلك قُم بإعداد مشروع بحثى يتضمن ما يلى :
 - تكلم عن تاريخ نشأة لعبة كرة القدم، وكيف تطورت عبر العصور.
 - اذكر أبعاد ملعب كرة القدم ، وأبعاد المرمى ، وأبعاد منطقة الجزاء.
 - كم تبعد نقطة الجزاء عن خط المرمى ؟
- إذا قام أحد اللاعبين بتسديد الكرة من نقطة الجزاء باتجاه المرمى فأصابت الكرة العارضة العلوية في منتصفها تمامًا، وبفرض أن الحركة تحركت في مسار خط مستقيم احسب ما يأتي ،
 - المسافة التى قطعتها الكرة لترتطم بالعارضة.
 - قياس الزاوية التي صنعها مسار الكرة مع الأرض.
 - الفترة التي ينتمى إليها قياس الزاوية التي يصنعها مسار الكرة مع الأرض في هذه الحالة لتسجل هدفًا.
- السرعة المتوسطة التي تحركت بها الكرة إذا ارتطمت بالعارضة بعد ٠,٤ ثانية من لحظة ركلها
 بقدم اللاعب.

الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner

الوحدة

الهندسة التحليلية





مكالناهم الامتحانان بالد فيلد لفتا ا الداوس من خلال مسج QR code مسج الخاص بكل امتحاه

دروس الوحدة :

الدرس 1 البعد بين نقطتين.

الدرس 2 إحداثيا منتصف قطعة مستقيمة.

الدرس 3 ميل الخط المستقيم.

الدرس 4 معادلة الخط المستقيم بمعلومية ميله وطول الجزء المقطوع من محور الصادات.

مشروع بحثى ﴿ على الوحدة الخامسة

الوحدة :

راسة هذه الوحدة يجب أن يكون التلميذ قادرًا على أن _:

{بود البعد} بين نقطتين في المستوى الإحداثي المتعا{مد.}

بريد إحداثيي منتصف قطعة مستقيمة.

بنارهٔ میل الخط المستقیم.

ودميل الخط المستقيم بمعلومية قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها السنفيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

رفوهٔ العلاقة بین میلی مستقیمین متوازیین.

•بنفرهٔ العلاقة بین میلی مستقیمین متعامدین.

•يودد ميل المستقيم وطول الجزء المقطوع من محور الصادات بمعلومية معادلة المستقيم.

يوبد ممادلة الخط المستقيم بمعلومية ميله وطول الجزء المقطوع من مدور الصادات.

بسنندم ميل المستقيم في حل بعض المشكلات الحياتية.

 $\sqrt{(-\omega_{\gamma}-\omega_{\gamma})^{2}+(\omega_{\gamma}-\omega_{\gamma})^{2}}$ الله بين النقطتين م ، مه يساوى $\sqrt{(-\omega_{\gamma}-\omega_{\gamma})^{2}}$ بنام ان: (س- س) = (س, - س) ا الله : (ص ، - ص) = (ص ، - ص) الله : (ص ، - ص)

ولمي هذا فإن : البعد بين النقطتين م ، كريساوى أيضًا \ (س, -س,) + (ص, - ص,) وما المار الم وصفة عامة :

البُعد بين أي نقطتين = م مربع فرق السينات + مربع فرق الصادات

مثال 🕦

إذا كانت: ١ (٢ ، ٢) ، - (-١ ، ٤) فأوجد: طول أب

$$1 = \sqrt{(-1)^7 + (-7)^7} = \sqrt{(-1)^7 + (3-7)^7} = \sqrt{(-1-7)^7 + (3-7)^7}$$

$$= \sqrt{(-3)^7 + (-7)^7} = \sqrt{77 + 3} = \sqrt{77} = 7\sqrt{5} \text{ ects deb.}$$

حل آخر:

$$1 = \sqrt{\omega_1 - \omega_2}^{7} + (\omega_1 - \omega_2)^{7} = \sqrt{(7 - (-1))^{7} + (7 - 3)^{7}}$$

$$= \sqrt{3^{7} + 7^{7}} = \sqrt{71 + 3} = \sqrt{.7} = 7\sqrt{0} \text{ exc 6 deb}.$$

مثال 🛈

إذا كان البعد بين النقطتين (١ ، ٥) ، (٢ ١ - ١ ، ١) يساوى ٥ وحدة طول فأوجد قيمة ١

العسل

$$c = \overline{(\xi-1)} + \overline{(1-1)} + \overline{(1-1)} + \overline{(1-1)} = 0$$

$$c = \overline{(\xi-1)} + \overline{(1-1)} + \overline{(1-1)} + \overline{(1-1)} = 0$$

$$c = \overline{(\xi-1)} + \overline{(1-1)} + \overline{(1-1)} + \overline{(1-1)} = 0$$

* = *(1 - 1 T) : وبتربيع الطرفين : .: (٢ ٩ - ١) ٢ + ١٦ = ٢٥



البعد بين نقطتين

* بغرض أن م (س، مص،) ، مراس، عص،) نقطتان في نفس المستوى

نمن هندسة الشكل المقابل نجد أن:

111

 $\frac{1}{10} = \sqrt{(r-7)^7 + (\cdot - \cdot)^7} = \sqrt{r/r} = 3 \text{ each deb}$

(Y - 3) + (- - 7) = ~ (

= \(\frac{1}{3} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{2} \text{ ect \$a\$ del

 $(1-3)^7 + (.-7)^7 = \sqrt{3+71} = \sqrt{71} = 3$ eace deb .: ۵ احد متساوى الأضلاع

(Frr. E) ~

1(1.0)

رسم توضيحي

(111)

140

١١=عبد=١

بنرض أن م منتصف القاعدة ١٩ - : حم ١ ١٩ -

.: باستخدام نظرية فيثاغورس نجد أن :

 $|V_{Cil}| \le q = \sqrt{(1 - 1)^7 - (1 - 1)^7} = \sqrt{3^7 - 7^7} = \sqrt{71} = 7\sqrt{7}$ eace deb : and $\Delta 1 - c = \frac{1}{7} 1 - x = \frac{1}{7} \times 3 \times 7 \sqrt{7} = 3 \sqrt{7}$ each a que if

حُولًا بنفسك ٢

لاحظأن

بعد أي نقطة م (س ، ص)

عن نقطة الأصل و (٠، ،) دو

e a = V-u7 + au7

لإثبات أن ثلاث نقاط تقع على استقامة واحدة يمكن إيجاد البعد بين كل نقطتين من هذه النقاط ثم إثبات أن أكبر بعد يساوى مجموع البعدين الآخرين.

مثال 🗿

اثبت أن النقط: ٢ (-٢ ، ٧) ، (-٣ ، ٤) ، ح (١ ، ١٦) تقع على استقامة واحدة.

الحسل

 $111 = \sqrt{(-7+7)^7 + (v-3)^7} = \sqrt{1+p} = \sqrt{1}$

وبأخذ الجذر التربيعي للطرفين: ٠٠ ٢ ٩ - ١ = ± ٢

Y = 1 .. : 79-1=7 eaist 79=3

\(\(\begin{aligned} \cdot \ - = \begin{aligned} \cdot \ \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \ \cdot \ \cdot | 1, 17 - 1 = -7 ومنها 1 1 = -7

كالا ينفسك

إذا كانت: ١ (٢ ، ٥) ، ب (١٠ ، ١) فأوجد طول ١٠

مثال 🕜

إذا كان احد مثلثًا حيث ا (٠٠٠) ، ح (٢٠٤) ، ح (-٤٠٣) أوجد محيط ∆ ا بح

الصل

: معيط \ اب = = اب + ب ح + ح ا

 $(7-1)^{7}+(3-1)^{7}$

 $=\sqrt{17^{7}+3^{7}}=\sqrt{19+11}=\sqrt{107}=0$ eace dely

، - = - ا (- 3 - 7) + (7 - 3) 7

 $=\sqrt{(-V)^7 + (-1)^7} = \sqrt{93 + 1} = \sqrt{.0} = 0 \sqrt{7}$ eac a del

، ح ١ = ١ (-٤) + (٢) ، بناءً على الملاحظة الجانبية السابقة»

 $=\sqrt{171+9}=\sqrt{07}=0$ eace deb

: محيط ١٥ عدة طول عددة طول) عددة طول

مثال

أثبت أن ∆ أ سح متساوى الأضلاع حيث :

ا (۲،۱) ، س(۲،۱) ، ح (٤،٢ VT) ثم أوجد مساحته.

TTE

, مع = V(-7-1) + (3-11) = V11 + 331 = V.71 = 3 V.1 وحدة طوا ، احد= الر-٢-١) + (٧-١١) = الم = الم = الم = ٧٠٩ = ٢ ١٠٠ وحدة طوا. .: ٢ ، ٠ ، ح تقع على استقامة واحدة. ٠٠-١-١-١

11 ملاحظة (1)

- . بشان أن النقط ١، ب ، ح هي رءوس مثلث يمكن إيجاد ١ س ، ب د ، ١ ح ثم إثبات أن مجموع طولى أصغر ضلعين أكبر من طول الضلع الثالث.
 - ولتعين نوع المثث ابح حسب زواياه حيث احد أطول الأضلاء: نقارن بين (١ح) ، (١-) + (بح) كما يلي :
- ا إذا كان: (١عد) > (١عر) + (بعد) ٢ فإن المثلث منفرج الزاوية في ب
- ا إذا كان: (١ ح) = (١ -) + (- ح) فإن المثلث قائم الزاوية في ب
- 「(~~) + (~?) > (~?) : (1) | ア فإن المثلث حاد الزوايا.

أثبت أن المثلث الذي رؤوسه: ٩ (٣ ، ٢) ، ب (-٤ ، ١) ، ح (٢ ، -١) قائم الزاوية وأوجد مساحته.

الحال

مثال 🕡

: 1 = 1 (7+3) + (1-1) = 1 + 1 = 1.0 eacs del.

 $3 - 2 = \sqrt{(-3 - 7)^7 + (1 + 1)^7} = \sqrt{17 + 3} = \sqrt{.3}$ eace deb.

 $14 = \sqrt{(7-7)^7 + (7+1)^7} = \sqrt{1+9} = \sqrt{1}$ each deb.

0·= \((-1) \) . 0·= \(1 + 1 = \(2 -) + \((2 - 1) \) . .

「(しり)=「(コー)+「(コリ)・・ · المثلث ٢ - حقائم الزاوية في ح

$\therefore \text{ and is little } 1 - \infty = \frac{1}{7} \times 1 - \infty = \frac{1}{7} \times \sqrt{1/3}$ $=\frac{1}{2}\times\sqrt{1.1}\times7\sqrt{1.1}=1$ each acres.

كاما ينفسك ٢

اذا كانت: ١٩ (-١ ، -١) ، ح (٢ ، ٢) ، ح (٢ ، ٠) اثبت أن: ٨ ٢ - حقائم الزاوية في - ثم أوجد مساحته.

١١ ملاحظة 🕤

إذا كان: ١ - حر شكلًا رباعيًا:

- ا الإثبات أن المحر متوازى أضلاع نثبت أن : اب=حر ، بح= ا
 - نثبت أن : ١ = ح = حرو = ١٥
 - ا لإشبات أن ابح و معين

ع لإثبات أن ابح و مربع

- نثبت أن: ١- = حرى ، ب = ١٥ ، ١ ح = ب
- ٣ لإثبات أن ٢ حرى مستطيل
- نشت أن: ١-=-- = حرو = ١٥ ، ١ح = ر

مثال 🕜

إذا كان: ١٩ (٢ ، -١) ، (٠ ، ٥-) ، (٢ - ، ٢) ١٤ اذا أثبت أن: ١ ب حرى متوازى أضلاع.

الصل

: $1 \sim = \sqrt{(7+0)^7 + (-7-)^7} = \sqrt{37+3} = \sqrt{N7}$ each deb $\sqrt{(-0-)^{7}+(\cdot+v)^{7}}=\sqrt{\sqrt{(-0-)^{7}+93}}=\sqrt{3}$ وحدة طول ، حرو = ال . - ١) ٢ + (-٧ + ٩) ٢ = الما وحدة طول ۱۶۹ = $\sqrt{(\lambda - 7)^{7} + (-\rho + 7)^{7}}$ = $\sqrt{0.7 + 0.3}$ = $\sqrt{3.7}$ وحدة طول : ١ ٩ حرى متوازى أضلاع. 15=24152=41:

مثال 🐼

اثبت أن النقط: ١ (١٠١) ، ب (١٠١) ، ح (١٠١-) ، ١ (٢-،١-) هي رءوس معين ومثله بيانيًا ثم أوجد مساحته.

الشكل اسحى معين

$$\gamma = \sqrt{(1+7)^7 + (1-1)^7} = \sqrt{171 + 1} = \sqrt{171} = 3$$
 each del

.. amles like
$$1 - 2 = \frac{1}{7} \times 7 \times 3 = 71$$
 eace acres.

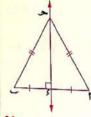
ك بالنفسك إ

اثبت أن النقط: ١ (- ١ ، ٢) ، ((، ١) ، ح (٢ ، ١) ، د (١ ، ١) ، د (١ ، ١)

رهى رءوس مستطيل ثم احسب مساحته.

- ر ملاحظة 🔞 المعلى القطعة المستقيمة هو المستقيم العمودي عليها من منتصفها. مملات أى نقطة على محور تماثل قطعة مستقيمة تكون على بعدين متساويين من طرفيها

 - اي إنه: إذا كانت مناك نقطة على بعدين متساويين من طرفى قطعة مستقيمة فإن هذه النقطة تقع على محور هذه القطعة المستقيمة.



ialk: في الشكل المقابل:

اذا کان : ح ؟ = حب

فإن: ح € محور تماثل أب

مثال 🔞

إذا كان: ١ (١ ، -١) ، ب (١ ، ٢) فاثبت أن: النقطة حد (١٠١) تقع على محور تماثل أب

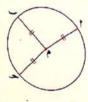
: ح تقع على محور تماثل أب 1-1=12:

ال ملاحظة 🗿

- والمرة واحدة على دائرة واحدة على دائرة واحدة وليكن مركزها م نثبت أن : م ١ = م = م ح
 - إذا كانت ١ ﴿ الدائرة م فإن :

طول نصف قطر الدائرة (نق) = ٩٩

• تذكر أن: * محيط الدائرة = T X نق



* مساحة الدائرة = T نق ٢

549

99

STA

مثال 🕠

أثبت أن النقط: ١ (- ٢ ، ٦) ، ب (٨ ، ٠) ، ح (- ٨ ، ٤) تقع على الدائرة التي π , ۱٤ $\approx \pi$ مرکزها م (-3 ، ۲) وأوجد مساحتها حيث

:. النقط ؟ ، ب ، ح تقع على الدائرة م التي طول نصف قطرها نق = ٢ V و وحدة طول ن. مساحة الدائرة م = π نق π ع π ، π \times (π π) π π ، π وحدة مربعة.

ك و النفسك

أثبت أن النقط: ٢ (٠٠٠) ، ح (١،٥) ، ح (٦،٠٦) تمر بها دائرة مركزها م (٢ ، -٣) ثم أوجد محيط الدائرة بدلالة π

- . (به وحدة طول. [حم ٩ = ١٠ أ ت ابناً : را ما ا م يكفأ طلسفن عبدًا [

- [] اثبت بنفسك [فكرة الحل : إيجاد ؟ ٧ ، ٧ ح ، ح ؟]
- وحدة طول.











🛄 أسئلة كتاب الوزارة

أوجد طول أب في كل من الحالات الآتية:

17(1)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

البعد بين النقطتين (٣ ، ٢) ، (-١ ، ٩) هو وحدة طول. (الإسماعيلية ١١٧)

فَأَنْ : ٢ =

$$(\iota)$$
 (ج) صفر (ι) ۲ (ب) (ι)

﴿ ١٠ ٤ على نصف قطر الدائرة التي مركزها (٧ ، ٤) وتمر بالنقطة (٣ ، ١) يساوى

فإن مساحة المربع ٢ - حـ 5 = وحدة مساحة.

فإن محیط المعین
$$9 - 2 = \dots$$
 وحدة طول. (۱) ۲ آب کا ۱۰ (۱) ۲ آب کا

المحاله (رياضيات - شرح) ٣ع / ت١١٩٢١ 137

 نقطة الأصل مسافة ۲ وحدة طول (القاصرة ١٠) يمكن أن تكون $(1,1)(1,1) \qquad (\dot{\tau}) \qquad (\dot{\tau})$ (0, 4-)(1) ◄ بعد النقطة (-٥ ، -۲) عن محور الصادات يساوى وحدة طول. (الغيبة١١) (ج) ۲ 0(1) (۱) –۰ (ب) ۲– • البعد بين النقطة (ه ، طا٢ - ٦°) ومحور السينات هو وحدة طول. (السويس١١) TV(2) (ب) ۷٥ (ج) ۳ 0(1) حيث ل ∈ ع (معاط١١) 🕦 بعد النقطة (ل ، -٤) عن محور الصادات يساوى (ب) ل 11(c) (ج) -ع ٤(١) $. = Y + \infty$ ، - T = 0 البعد بين المستقيمين : - T = 0يساوى وحدة طول. (الفيوم ١٠ ، الإسكندية ١١ 1(1) (ب) ۲ T (1) (ج) ه ١١ ١١ دائرة مركزها نقطة الأصل وطول نصف قطرها ٢ وحدة طول ، فأى من النقط الآتية تنتمى للدائرة ؟ (البحيرة ١٧ ، بني سويف ١٦ ، الغريبة ١٤ $(1, \overline{Y})$ $(1, \overline{Y})$ (2) $(3, \overline{Y})$ (4, 1) (4, 1)إذا كانت: ۱ (۲،۱) ، س (۲،۱) ، ح (٥،٤) فاثبت أن: سح= ٢ ٢ س /Nech !! اثبت أن النقط: ١ (٢ ، ١) ، ح (-٥ ، -٣) تقع على استقامة واحدة.

(الفيوم١٠، تقرالشيخ١٥، أسبوط١١

إذا كانت : ١ (٢٠٢)

الممسوحة ضوئيًا بـ CamScanner

يِّن أي مجموعات النقط التالية تقع على استقامة واحدة :

(البحيرة ٠٠ ، دمياط ١٩ ، الجيزة ١٧ ، الوادى الجديد ١١)

(القاهرة ١٠)

المين نوع كل مثلث من المثلثات الآتية بالنسبة لزواياه :

$$(\wedge \cdot \cdot) = \cdot (\cdot \cdot \cdot) - \cdot (\cdot \cdot \cdot) \cap \mathcal{E}$$

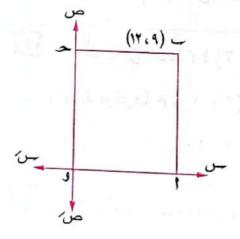
🗓 🕮 أثبت أن المثلث الذي رؤوسه النقط ٩ (٥ ، ٥٠) ، ب (١- ١ ، ٧) ، ح (١٥ ، ١٥) (قنار ۱، المنوفية ٤١) « ١٢٠ وحدة مربعة » قائم الزاوية في ب ثم أوجد مساحته.

ا إذا كانت النقط: ١ (٥٠٥) ، ب (٣٧٢،٧) ، ح (٣٧٢،٢) ثلاث نقط في مستوى إحداثي متعامد فأثبت أن: 1 م مساوي الأضلاع وأوجد مساحته. «٤ ٢٧ وحدة مربعة»

💯 في الشكل المقابل :

إذا كان: ٢ - و مستطيل

فأوجد: طول ٢ح



«١٥ وحدة طول»

124

ن كل مما يأتي أثبت أن النقط ٢ ، ب ، ح ، و رءوس متوازى أضلاع :

(Y, E) 5 , (Y, 0) ~ (0, 1) , 2(3, 7) (11 mpy 11)

(A··) 5 · (1·V) ~ · (٣-·0) ~ · (٤·٢-) ٩ [(mess 2 1.)

(٤، ٣-) ۶ ((۱، ۱)) ، ((۱، ۱)) ، ح (۱، ۱) ، النقط : النقط(سوهاع ٩٠) «٥ ٦٧ وحدة طول، هى رءوس لمستطيل ثم احسب طول قطره.

الواقعة النقط: ٢ (٣ ، ٣) ، (٠ ، ٣) ، ح (٠ ، ٠) ، ١ الواقعة النقط: ٩ (٣ ، ٠) الواقعة في مستوى إحداثي متعامد هي رءوس مربع واحسب طول قطره ومساحته. الأقصر١٠٩ «٣ ٧٧ وحدة طول ٤ ٩ وحدات مربعة،

(۱-،۱) ، (۲،،٦) ، باعی فیه : ۹ (ه، ۳) ، با (۲، -۱) ، حال رباعی فیه : ۹ (ه، ۳) ، ٤ (٠ ، ٤) أثبت أن الشكل ٢ بحرى معين ثم أوجد مساحته. (قنا١٩) " ٢٤ وحدة عربعة

البت أن النقط: ١٩ (-٢ ، ٥) ، ب (٣ ، ٣) ، ح (-٤ ، ٢) ليست على استقامة البت أن النقط: ١٩ (-٢ ، ٥) ليست على استقامة واحدة ، وإذا كانت و (-٩ ، ٤) فأثبت أن الشكل ٢ - ح و متوازى أضلاع. (بوسعبد١١

۱ (۰ ، ۷-) ، د (۱ ، ۳-) ، د (۲ ، ۲) ، د (۲ ، ۲) ، د (۲ ، ۳-) ، د (۲ ، ۲) ، د (، ۶ (-۲ ، ۹) أثبت أن الشكل **٢ - ح** و مربع. (المنوفية ٢٠ ، القاهرة ١٩ ، البدية ١٧)

النقط: ۱ (۲ ، ۲) ، دائرة (۲ ، ۲۰) ، حد (۲ ، ۲۰) تقع على دائرة واحدة مركزها م (-1, 1) ثم أوجد محيط الدائرة حيث π = π , π (أسواد ٢٠، الإسكندرية ١٩، القليوبية ١٨، ش. سيناء ١١، القاهمة ١٥) "٤، ١٦ وحدة طول

إذا كان بُعد النقطة (س ، ٥) عن النقطة (٦ ، ١) يساوى ٢ ٧٥ وحدة طول · \ () { . 1 - Llms1

أوجد قيمة ٢ في كل من الحالتين الآتيتين:

البعد بين النقطتين (۲، ۷) ، (۲، ۲) يساوى ٥ الناد بين النقطتين (۲، ۷) ، (۲، ۲) (الفيوم ٢٠، المنيا ١٩، الإسكندية ١٨، مطروح ١١) «١١، ١٥»

آ إذا كان البعد بين النقطتين (٢ ، ٧) ، (٣ ٢ - ١ ، -٥) يساوى ١٣

ا الله المانت: ۱ (س، ۳) ، ب (۲،۳) ، ح (ه،۱) وكانت اب = ب

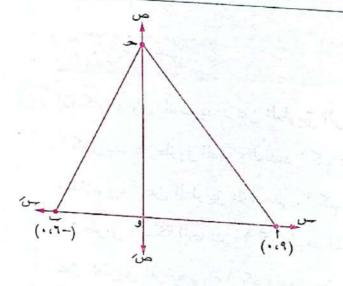
(البحيرة ١٩، البحيرة ١٧، البحيرة ١٥، بوسعيد ١٤) « ٥ أ ، ١»

أ في الشكل المقابل:

فأوجد قيمة : - ب

إذا كان: ١ ب

فاوجد: طول حـ و



«١٢ وحدة طول»

إذا كان محور تماثل حرى يمر بالنقطة 9 (7 , 7) حيث حر (7 , 7) ، و (-7 , 7)(الاقعلية 11) « · · »

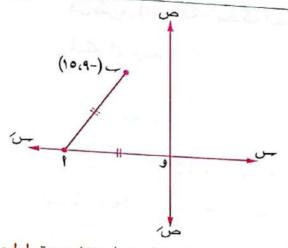
أوجد قيمة: م

🧵 في الشكل المقابل:

إذا كانت ٢ ∈ محور السينات

، وكان ٢ و = ٢ ب

أوجد: طول ٢ ب



(الدقعلية ١٨) «١٧ وحدة طول»

ف الشكل المقابل:

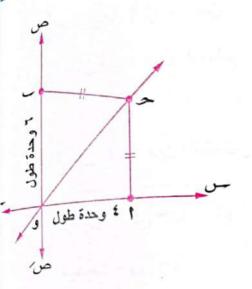
ا ﴿ صِ مِن ا بِ ﴿ صِ صَ بِحِيث :

و ٢ = ٤ وحدة طول ، و ب = ٦ وحدة طول

، والمستقيم وح يمثل الدالة د : د (س) = س

بحيث اح=بح

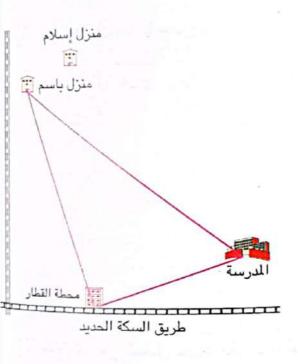
أوجد: إحداثيي النقطة ح



(0)

تطبيق حياتي

إذا كان منزل باسم يبعد عن الطريق الرئيسي ١ كم ويبعد عن طريق السكة الحديد ٩ كم ، منزل إسلام يبعد عن الطريق الرئيسي ٣ كم ويبعد عن طريق السكة الحديد ١٠ كم وتبعد المدرسة عن الطريق الرئيسى ١٠ كم وتبعد عن طريق السكة الحديد ٢ كم وتبعد محطة القطار عن الطريق الرئيسى ٤ كم



- ١ أيهما أقرب إلى المدرسة : منزل باسم أم منزل إسلام ؟
- الما المريق (المدرسة محطة القطار) عمودى على طريق (منزل باسم محطة القطار) ؟ اذكر السبب.

المتفوقين المتفوقين

اذا كانت النقط: ٩ (٤ ، -٢) ، ب (س ، ٢) ، ح (٣ ، ٥) ثلاث نقط في مستو إحداثي متعامد فأوجد قيمة س التي تحقق أن 4 مح قائم الزاوية في ثم احسب مساحته. "صفر أ، ٧ ، ١٢ وحدة مربعة أ، ور١٢ وحدة مربعة



الكانت: ١ (س، ، ص،) ، ب (س، ، ص،) نطتين في مستوى إحداثي متعامد

کانت م منتصف آب حیث م (س ، ص)

ن نندسة الشكل نجد أن:

۱۱ هم ، ۵م ن ب متطابقان.

$$\frac{2}{\sqrt{1 + 2}} = \frac{2}{\sqrt{1 + 2}}$$

$$\frac{v - + v}{Y} = 0$$

$$\left(\frac{\lambda}{\lambda n + \lambda n}, \frac{\lambda}{\lambda n + \lambda n}\right) = b$$
 ::

$$(7-, 1) = (\frac{(\xi-)+7-}{7}, \frac{(1-)+7}{7}) = (1, -7)$$

مثال 🕼

إذا كانت: حـ (١٠ ، -٤) هي نقطة منتصف آب حيث ٢ (٤ ، -٢) فأوجد نقطة _

بفرض ان - (س ، ص) ، ن ح منتصف اب

$$\left(\frac{(Y-)+\infty}{Y}, \frac{\xi+\omega}{Y}\right) = (\xi-\xi, \chi)$$

$$Y \cdot = \xi + \omega - \therefore \quad 1 \cdot = \frac{\xi + \omega -}{Y} \therefore$$

$$\xi = \frac{Y - \infty}{Y}, \qquad 17 = -3$$

لاحظ أنه

/ Jameri [d 2

إذا كانت : ح منتصف أب فأوجد قيمتي س ، ص في كل مما يأتي :

11 ملاحظة

إذا كان : أب قطرًا في دائرة مركزها م ، فإن م هي نقطة منتصف أب

مثال 🕜

إذا كان : أب قطرًا في الدائرة م حيث : أ (٤ ، ١٠) ، ب (-٧ ، ٧) أوجد إحداثيى نقطة م ومن ثم أوجد محيط الدائرة ومساحتها.

$$\therefore \text{ dats } q = \left(\frac{V+1-1}{Y}, \frac{(Y-1)+1}{Y}\right) = \left(\frac{V+1-1}{Y}, \frac{(Y-1)+1}{Y}\right)$$

FEX

 $\sqrt{15} = 14 = \sqrt{(1-3)^7 + (7+1)^7} = \sqrt{10} + \sqrt{11}$ $=\sqrt{6}$

نق = ۲ π ده = ۱۰ π وحدة طول π ده = ۱۰ π وحدة طول π

يساحة الدائرة $\pi=\pi$ نق $\pi=\pi imes 0$ بساحة الدائرة $\pi=\pi$ نق

طريقة أخرى لحساب طول نصف قطر الدائرة:

 $\sqrt{(-7-3)^7+(+1)^7} = \sqrt{17+37} = \sqrt{...} = ...$ each deb

: نق = ٢٠٩٠ م وحدة طول

لم أكمل الحل بإيجاد محيط ومساحة الدائرة.

ح و ينفسك ٢

إذا كان: أب قطرًا في الدائرة م حيث ؟ (٤ ، ١) ، ب (٦- ، ٣) فأوجد نقطة م

مثال 🕜

أثبت أن الشكل ٢ بحرى متوازى أضلاع حيث:

(Y-, Y) 5 . (Y-, Y-) - . (Y..) - . (Y. E)!

لاحظأنه " قطرى الشكل الرباعي أب حدى هما أحد ، عد يمكنك حل هذا المثال باستخدام البعد $\left(\frac{(-1)+7}{7},\frac{(-1)+8}{7}\right)=\overline{2}$ بين نقطتين كما في الدرس السابق. (. . 1) =

 $(\cdot, 1) = \left(\frac{(Y-)+Y}{Y}, \frac{Y+\cdot}{Y}\right) = \overline{S-1}$

· نقطة منتصف أحد هي نفسها نقطة منتصف ب 5

.: ٩ ح متوازى أضلاع. · القطران ينصف كل منهما الآخر.

أثبت أن النقط: ١ (٥ ، ١) ، ب (١ ، ٣٠) ، ح (٥ ، ٣) هي رؤوس مثلث قائد الزاوية في - ، ثم أوجد نقطة و التي تجعل الشكل ٢ - حرى مستطيلًا.

والصل

- ، بفرض أن : 5 (س ، ص) بحيث يكون الشكل ١ ح و مستطيلاً
 - : أح ، ب و ينصف كل منهما الآخر
 - .: نقطة منتصف أح = نقطة منتصف ب
 - $(Y, \cdot) = (\frac{Y+1}{Y}, \frac{0-0}{Y}) = \sqrt{\frac{1}{Y}}$

$$\left(\frac{\Upsilon-\omega_0}{\Upsilon}, \frac{1+\omega_0}{\Upsilon}\right) = \overline{\zeta}$$

$$\cdot = \frac{1+\omega}{Y} : \quad (Y \cdot \cdot) = \left(\frac{Y-\omega}{Y}, \frac{1+\omega}{Y}\right) :$$

٠ = ١ + س :

.:. س = -\·

Y= 1-00

.: ص - ٣ = ٤

٠: ص = ٧

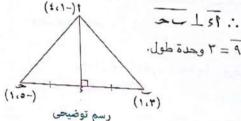
(۱، ٥-) ، (1، ۳) ، (-0. 1) ، (-0. 1) ، (-0. 1) ، (-0. 1)بساوى الساقين وأوجد مساحته.

> $\frac{1}{1000} = \sqrt{(7+1)^7 + (1-3)^7} = \sqrt{71+9} = 0$ each deb $\sqrt{(7+0)^7+(1-1)^7}=\sqrt{37}=\lambda$ ects deb $\sqrt{100} = \sqrt{(-0+1)^7 + (1-3)^7} = \sqrt{77 + 9} = 0$ excedeb

: ۱ب= احد متساوى الساقين : ۱ب= احد

، بفرض أن و (س ، ص) منتصف عد

 $(1, 1-) = (\frac{1+1}{2}, \frac{2-1}{2}) = 3$



ابح= ٨ وحدة طول.

: مساحة ∆ ابح = ب بح× اء

 $=\frac{1}{2}\times \Lambda \times T=T1$ eres acres.

د با بنفسك

الاكانت: ح منتصف عب حيث ١ (٢ ، ٢) ، ب (٤ ، ٧٠) وكانت ح منتصف عم ميث و (٣- ، ٥) فأوجد نقطة هـ

- [] (b , -b)
- [] (-1 · 1)
- 100-n=·, en=/
- (-=-1, ev=-1



101

TITA

Haidel

أوجد إحداثيي نقطة منتصف أب في كل من الحالات الآتية:

اِذا كانت النقطة (س ، ۰) منتصف أب حيث أ (١ ، -٥) ، ب (٢ ، ٥) فأوجد قيمة: -س

ا إذا كانت : ح (٦ ، -٤) هي منتصف ٢ - حيث ١ (٥ ، -٣) فأوجد : إحداثيي نقطة -(القاهرة ١٩، بني سويف ١٩، الدقعلية ١٨. أسواه ١٧) و ٧٠ - -

إذا كانت ح منتصف أب فأوجد س، ص في كل من الحالات الآتية:

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

فإن : ص هي

ror

٣ إذا كانت ب ∈ احد بحيث اب = بحد وكانت ا (٠٠٥) ، ح (-٤٠-١)

فإن : ب هي

(1:0) = (1:1) , =====

فإن النقطة ب هي (..... ، سنس ، النقطة و هي (.... ،)

o الله عنوسط في △ ا ب منتصف ا الح حيث ا (۰ ، ۸) ، س (۲ ، ۲) متوسط في △ ا ب ح ، م منتصف ا الح حيث ا الله عنوسط في △ الله عنوسط في ضائل الله عنوسط

، ح (٣- ، ٦) فإن النقطة و هي (......)

، النقطة م هي (....... ،)

إذا كانت نقطة الأصل منتصف أب حيث (س - ۲ ، ص) ، ب (-۲ ، ۲) فأوجد: (س ، ص)

أوجد قيمة كل من ؟ ، ب التي تحقق أن : (٢ ؟ - ٣ ، ٢ - ب) منتصف القطعة المستقيمة التي طرفاها (٧ ، -١) ، (٣ ، ٧)

٩ - قطر فی دائرة مرکزها م فإذا کانت : - (۱۱،۸) ، م (٥،٧) فأوجد:

 π , ۱٤ = π محيط الدائرة حيث

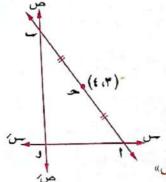
القرالشيخ ١٨، ش. سيناء ١٧، القليوبية ١٦) « (٢ ، ٣) ، ١١، وحدة طول"

الم المح مثلث حيث : $\frac{1}{7}$ ، $\frac{1}{7}$

أ في الشكل المقابل:

د (۲، ۲) منتصف ۱۹

أوجد: محيط المثلث و اب



(القليوبية ٢٠ ، الإستندية ١٧) « ٢٤ وحدة طول»

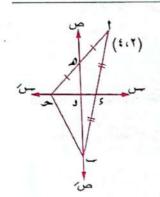
🛚 في الشكل المقابل:

ومنتصف آب ، ه منتصف أحد

اذا كانت : ١ (٢ ، ٤)

فاوجد: طول عد ومنها استنتج طول وه

«٢ ٧٥ وحدة طول ، ٧٥ وحدة طول»



 $\sqrt{7}$ منتصف $\sqrt{7}$ میشمف $\sqrt{7}$ میشمف $\sqrt{7}$ میشم $\sqrt{7}$ ، $\sqrt{7}$ ، $\sqrt{7}$ ، $\sqrt{7}$ (تقرالشيخ١١) «(٠،٨)» أوجد: إحداثني نقطة ٢

ا إذا كانت: ٩ (-١ ، -١) ، - (٢ ، ٢) ، ح (٢ ، ٠) ، و (٢ ، -٤) أربع نقط في مستوى إحداثي متعامد أثبت أن: ٦ح ، ب و ينصف كل منهما الآخر. (السويس ١٩)

البت أن النقط: ١ (٣ ، -١) ، ب (-، ،) ، ح (٠، -١) ، ع (٨، -٩) البت أن النقط: ١ (٨، -٩) (119491) هى رؤوس متوازى أضلاع.

النقط: ۱ (۲، ۲) ، د (۲، ۲) ، د (۲، ۲) ، د (۲، ۲) النقط: ۱ (۲، ۲) ، د (۲، ۲) هى رؤوس معين فأوجد:

🗓 إحداثيي نقطة تقاطع القطرين.

الإسكندية المعين ٢ - ح > (الإسكندية ٢٠، بوسعيد ١٨، الفيوم ١٧) « (١ ، ،) ، ٢٤ وحدة عربعة ،

اسح و متوازی اضلاع فیه : ۱ (۲،۲) ، ب (٤، -٥) ، ح (٠، -٢) الوجد إحداثيى نقطة تقاطع قطريه ، ثم أوجد إحداثيى نقطة ؟ (الاقعالية ٢٠، الإسكندية ١١، البحيرة ١٨، أسيوط ١٧) " (﴿ ١ ، -﴿ ١ ، ٤)» 100

- قائم الزاوية في ب، ثم أوجد إحداثيى نقطة ؟ التي تجعل الشكل ؟ ب حرك مستطيلاً.

 (البحيرة ١٩ ، كفرالشيخ ٤ ، أسبوط ١١) «(٠،١)
- الله النقط: ۱۹ (۵ ، ۳) ، ب (۲ ، -۲) ، ح (-۲ ، -٤) هى رؤوس مثلث منفرج الزاوية فى ب ، ثم أوجد إحداثيى نقطة و التى تجعل الشكل المسكل المسحوم معينًا وأوجد مساحة سطحه.
- شبت أن النقط: ١ (٣ ، ٠) ، ب (٣ ، ٤) ، ح (١ ، ٢) هي رؤوس مثلث متساوى الساقين رأسه ٢ ، ثم أوجد طول القطعة المستقيمة المرسومة من ٢ عمودية على ب ح (١ ، ١) هي رؤوس مثلث (قنا ١ ، ٥ مطروح ١٨ ، المنوفية ١٦ ، القليوبية ١٢) ، ١٢ وحدة طول،
- السرقية (۱،۱) ، ب (۱،۲) ، ح (۱،۳) ، الشرقية (۱،۲) ، وحدة مربعة « (۱۱شرقية ۱۸) «۲ وحدة مربعة «

للمتفوقين

(7-7) منحرف فیه : -2 = 7 و فإذا کان : (7-3) ، -(3-7) ، -(3-7) ، -(3-7) ، -(3-7) فأوجد إحداثيى نقطة (7-7) وارشاد : أكمل متوازى الأضلاع (1-2) واستخدمه في إيجاد (3-7)



رست سابقًا ميل الخط المستقيم بمعلومية نقطتين عليه.

الإكانت ٢ ، ب نقطتين في المستوى الإحداثي المتعامد بحيث ٢ (س، ، ص،) ، ب (س، ، ص،)

الله الدرس ستتعلم كيفية إيجاد ميل المستقيم بمعلومية قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها الستقيم مع الاتجاء الموجب لمحور السينات.

الله لدراسة هذا الموضوع بدراسة القياس الموجب والقياس السالب للزاوية.

القياس الموحب والقياس السالب للزاوية

ف الشكل المقابل:

الله : أب يقطع محور السينات في نقطة ح

الن: أب يصنع زاويتين مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

' احداهما موجبة (أى لها قياس موجب)

ملخوذة من الاتجاه الموجب لمحور السينات

إلى المستقيم في عكس اتجاه حركة عقارب الساعة وهي 22 ح ٩

المحاصل (رياضيات - شرح) ٣ع / ت١/ ١٧١ ٧٥٦

O JU

إنهد ميل المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قياسها:

7 71 01 371°

• والأخرى سالبة (أى لها قياس سالب) مأذوذة من الاتجاه الموجب لمحور السينات إلى المستقيم في نفس اتجاه حركة عقارب الساعة وهي 22 حب

ميل الخط المستقيم

تعالفا

ميل الخط المستقيم هو ظل الزاوية الموجبة التي يصنعها هذا المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

أي أن: ميل الخط المستقيم = طا هم

حيث هر قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

فمثلًا: في الشكل المقابل:

المستقيم ل يصنع زاوية قياسها 2°

مع الاتجاه الموجب لمحور السينات

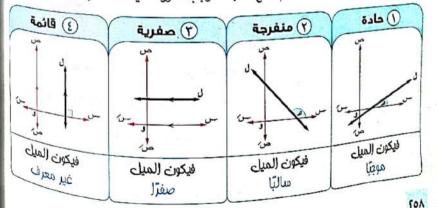
فيكون : ميل المستقيم ل = ط ٥٤° = ١

ا لاحظان

المستقيم يمر بالنقطتين : (۲ ، ۰) ، (۷ ، ٥) فيكون :

 $1 = \frac{0}{0} = \frac{1 - 0}{1 - 0} = \frac{0 - 0}{1 - 0} = \frac{0}{1 - 0} = 1$ ميل المستقيم ل

ملائظة : الزاوية التي يصنعها المستقيم ل مع الاتجاه الموجب لمحور السينات تأخذ إحدى الحالات الآتية :



14 m 4 3 0

ميل الخط المستقيم = طا ٥٤° = ١

ميل الخط المستقيم = طا ١٦ ه أ ١٢٤ ص -٥٨٢٤,١

مثال 🕜

أوجد قياس الزاوية الموجبة (م) التي يصنعها المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات إذا كان ميل المستقيم: ١ ٢٨٦ ، ١

النك

.: طاه = ٢٨٤.١

١ :: ٥ = طا ص

ند د هر زاوية حادة

، :: الميل موجب

: do = - 1/3

۴ ∵ م = طا هه

د هر زاویة منفرجة

١: الميل سالب

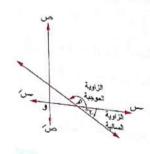
وباستخدام الآلة الحاسبة كما يلى :

نجد أن الآلة تعطى -٣٠٠

حيث إنها مبرمجة على إيجاد الزاوية الحادة فقط سواء

السالبة أو الموجبة ولكن المطلوب هو الزاوية الموجبة راذاك نوجد ق (د هـ) المطلوبة بإيجاد مكملة الزاوية ٣٠°

نيكون : ق (دهر) = ١٨٠٠ - ٣٠٠ = ١٥٠٠



109 .

العلاقة بين ميلى المستقيمين المتوازيين

الشكل المقابل:

ا کان ل، ، لم مستقیمین متوازیین میلاهما م، ، م، لى الترتيب ويصنعان زاويتين موجبتين مع الاتجاه الموجب لهور السينات قياساهما هر ، هم على الترتيب فإن :

والنالي نستنتج ما يلي :

أى أنه : إذا توازى مستقيمان فإن ميليهما يكونان متساويين.

رسكن أيضًا استنتاج العكس:

إذا كان: مر = مر فإن: لر// ل

اى أنه : إذا تساوى ميلا مستقيمين في المستوى كان المستقيمان متوازيين.

مثال 🔞

أثبت أن المستقيم الذي عر بالنقطتين (٢ ، ٣) ، (١- ، ١) يوازي المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ١٣٥°

- $1 \frac{r}{r} = \frac{r r}{r 1} = -1$ ميل المستقيم الأول م
 - ميل المستقيم الثاني م = طا ١٣٥° = -١ . . م = م
 - ٠٠ المستقيمان متوازيان.

أوجد قياس الزاوية الموجبة (هـ) التي يصنعها المستقيم ل مع الاتجاه الموجب لمحور السينات إذا كان المستقيم ل يمر بالنقطتين:

لاحظأن ١٠ : المستقيم ل يمر بالنقطتين: (٢٠ ، ٣٧٠) ، (١ ، ٤ ٧٣) الميل موجب وبالتالي تكون الزاوية حادة.

$$\overline{TV} = \frac{\overline{TVT}}{T} = \frac{\overline{TV-TV}}{(T-(T))} = \sqrt{T}$$

.: ق (د هـ) = ٢٠°



لاحظأن

الميل سالب وبالتالي تكون

الزاوية منفرجة.

- ٢ : المستقيم ل يمر بالنقطتين : (-٢ ، ٣) ، (-٣ ، ٤)
 - $-1 \frac{8 7}{(7 1)^{-1}} = -1$
 - باستخدام الآلة الحاسبة كما يلى:

نجد أن الآلة تعطى - ٤٥° (وهي زاوية حادة سالبة)

 $^{\circ}$ ١٣٥ = $^{\circ}$ ١٨٥ = $^{\circ}$ ١٨٥ = ١٨٥ $^{\circ}$ – ١٨٥ النفرجة كما يلى : σ (د هـ)

ح و ا بنفسك

- أوجد ميل المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قياسها: °r. [1]
 - °08 F. 9 [°17. m
- [1] أوجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات إذا كان ميل المستقيم ٢,٢
 - آ أوجد قياس الزاوية الموجبة (هـ) التي يصنعها المستقيم (ل) مع الاتجاه الموجب لمحود السينات إذا كان المستقيم ل يمر بالنقطتين: (١٠، ٤)، (٥، ٠-٣)

.: ميل المستقيم المار بالنقطتين : ٢ (١-١ ، ٢) ، - (٢ ، ٢) يساوى ميل المستقيم المار بالنقطتين : ح (-٤ ، ١) ، ٥ (س ، ٢) $\frac{1-r}{(1-r)-r} = \frac{r-r}{(1-r)-r} :$ $\frac{1}{s+1}=\frac{1}{r}$.: س + ٤ = ٣ .. س = -۱

مثال 🕜

في المستوى الإحداثي المتعامد أثبت أن النقط:

١ (-١٠١) ، ب (٢،١-٤) ، ح (٢،١-٥) تقع على استقامة واحدة.

 $\frac{0}{Y} = \frac{1 - 2}{3} = \frac{7 - 2 - 1}{(1 - 1) - 7} = \frac{1}{3}$ ، ميل سح = ٢٠٠ = (٤-) - ١٠,٥- = حيل ، ميل معد ، .. ميل أب = ميل بح 二//二十:

: - نقطة مشتركة بين المستقيمين 立に

.: ١ ، س ، ح تقع على استقامة واحدة.

لاحظ أنه إذا كان : ميل أب = مدل بح

فإن : ٢ ، ٢ ، ح تكون على استقامة واحدة.

العلاقة بين ميلى المستقيمين المتعامدين

الكان: ل، ، ل، مستقيمين ميلاهما م، ، م، على الترتيب

بكان: لل لل الم فإن: (م × م = - ا (ما لم يوازي أحدهما أحد المحورين)

اي أن: حاصل ضرب ميلى المستقيمين المتعامدين يساوى ١-

والعكس صحيح: إذا كان: ل، ، ل، مستقيمين ميادهما م، ، م

أى أنه: إذا كان حاصل ضرب ميلى مستقيمين يساوى - ١ فإن المستقيمين يكونان متعامدين.

مثال 🕜

أثبت أن المستقيم ل، المار بالنقطتين: (-١ ، ٤) ، (٣ ، ٧) يكون عموديًا على المستقيم ل، المار بالنقطتين : (١ ، ١) ، (٤ ، -٣)

 $\frac{\xi-}{\tau} = \frac{1-\tau-}{1-\xi} = \frac{1-\tau-}{1-\xi} = \frac{\xi-V}{1-\xi} = \frac$

مثال 🔕

في المستوى الإحداثي المتعامد إذا كانت النقط: ١ (٧ ، ١) ، ب (٤ ، ٢) ، ح (٥ ، ص) مَمْثُل رءوس مثلث قائم الزاوية في ب فأوجد قيمة : ص

 $\frac{1}{\sqrt{1 - \sqrt{1 - \frac{3}{2}}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{3}{2}}} = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{3}{2}}}$ $r = \frac{V - \xi}{V - Y} = \frac{1}{V - Y}$ ميل $\frac{1}{V}$: میل اب × میل بحد = -۱ コーレー・・・ .: ص = ٥ .: ص - ٤ = ١ $1-=\frac{\xi-\omega}{\pi}\times \pi-:$

Z plusie ps

آ أثبت أن: المستقيم ل المار بالنقطتين: (١، ٥)، (-٢، ١-) يوازى المستقيم له المار بالنقطتين : (٠٠٠) ، (٥،٥)

ا إذا كان المستقيم أب // محور السينات حيث : ١ (٥ ، -٤) ، ب (-٢ ، ص)

ملاحظات لحل مسائل الأشكال الرباعية

لانات أن الشكل الرباعي شبه منحرف نثبت أن:

ضلعين متقابلين فيه متوازيان والضلعان الآخران غير متوازيين.

الثيات أن الشكل الرباعي متوازى أضلاع نثبت إحدى الخواص الآتية :

کل ضلعین متقابلین متوازیان.

(01.1)

(1..)

(. ()

(-11-)

(7)

- كل ضلعين متقابلين متساويان في الطول.
- ♠ ضلعان متقابلان متوازيان ومتساويان في الطول.
 - () القطران ينصف كل منهما الآخر.

لإثبات أن الشكل الرباعي مستطيل أو معين أو مربع فإننا نثبت أولاً أن هذا الشكل متوازى أضلاع كما سبق ، ثم :

- الإثبات أن متوازى الأضلاع هو مستطيل نثبت إحدى الخاصيتين الآتيتين:
- (٢) القطران متساويان في الطول. شطعان متجاوران فیه متعامدان.
 - لإثبات أن متوازى الأضلاع هو معين نثبت إحدى الخاصيتين الاتيتين :
 - ضلعان متجاوران فيه متساويان في الطول.
 - القطران متعامدان.
 - لإثبات أن متوازى الأضلاع هو مربع نثبت إحدى الخواص الآتية :
 - ① ضلعان متجاوران فيه منعامدان ومتساويان في الطول.
 - شلعان متجاوران فيه متعامدان ، والقطران متعامدان.
 - القطران متساويان في الطول ، ومتعامدان.
 - (٤) ضلعان متجاوران فيه متساويان في الطول وقطراه متساويان في الطول.

رر ملاحظة

اذا كان: له ⊥له وكان ميل ل، هو م، ، ميل له هو م، حيث م، ∈ع* ، م ∈ع. فإن: ١٥ = ١٥ ، أ- عما = من

> فإن ميل المستقيم العمودي عليه ي فمثلًا: • إذا كان ميل المستقيم ل هو ٢ • إذا كان ميل المستقيم ل هو ٢- فإن ميل المستقيم العمودي عليه ٣

مثال 🔞

في الشكل المقابل:

إذا كان: ل، 1 لم

فأوجد: قيمة ك

- : المستقيم ل يمر بالنقطتين (٠،١-) ، ح (١،٠)
 - $1 = \frac{\cdot 1}{(1)} = \frac{\cdot}{1}$
- ، : المستقيم ل يمر بالنقطتين ١ (٠ ، ك) ، و (٤ ، ،)
 - $\frac{2}{5} = \frac{2}{5} = \frac{2}{5} = \frac{2}{5} = \frac{2}{5}$
 - $1 = \frac{1}{2}$ میل ل $\frac{1}{2}$ میل ل $\frac{1}{2}$
 - ·· ميل ل_ه = -١
 - $1 = \frac{\omega}{s} \therefore : (\Upsilon) : (\Upsilon)$ ٤= ك ::

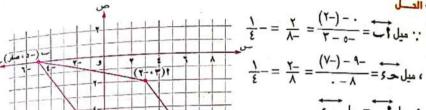
حاً والفسك

- [] إذا كانت: ١ (٢٠١٠) ، ح (٢٠١) ، ح (٢٠١) ثلاث نقط في مستوى إحداثي متعامد فأثبت أن: أب لرب
- ا أثبت أن: المستقيم المار بالنقطتين: (٧ ، -١) ، (٥ ، -٣) عمودى على المستقيم المنتقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ١٣٥°

مثال 🕜

على مستوى إحداثي متعامد مثل النقط: ٩ (٣ ، ٣) ، - (- ٥ ، ٠)

، ح (٠٠٠) ، و (٨، -٩) ثم أثبت أن : الشكل ٢ سحر متوازى أضلاء.



میل اب = میل حد ۶

 $\frac{V_{-}}{\Omega} = \frac{(Y_{-}) - 9_{-}}{Y_{-} \Lambda} = \overrightarrow{S} \overrightarrow{I}$

$$\frac{V-}{0} = \frac{\cdot - V-}{(0-)-\cdot} = \frac{\cdot}{0}$$
 ميل ميل م

من (١) ، (٢) : ∴ الشكل أبحر متوازى أضلاع.

مثال 🛈

اثبت أن النقط: ١ (٢ ، ٢) ، ب (٢ ، ٤) ، ح (٥ ، ٧) ، و (١ ، ١-) هى وه وس المستطيل اسحر

$$1 = \frac{7}{7} = \frac{1 - V}{(1 -) - 0} = \frac{2}{5} \Rightarrow \text{ on } 1 = \frac{7}{7} = \frac{2}{7} = \frac{1}{7} \Rightarrow \frac{1}{$$

$$1 - = \frac{r}{r} = \frac{\sqrt{-\xi}}{\sqrt{-\lambda}} = \frac{1 - r}{\sqrt{-\xi}} = \frac{1 - r}{\sqrt{(1 - \xi)^{-1}}} = \frac{1$$

$$\frac{1}{r} = \frac{\sqrt{-2}}{\circ - \Lambda} = -1 \text{ and } (1 - \frac{1}{r})^{-1}$$

$$\frac{1}{r} = \frac{\sqrt{-2}}{\circ - \Lambda} = -1 \text{ and } (1 - \frac{1}{r})^{-1}$$

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{\sqrt{-2}}{\circ - \Lambda} = -1 \text{ and } (1 - \frac{1}{r})^{-1}$$

$$\frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac$$

ن (۱) ، (۲) ينتج أن: الشكل المحد متوازى أضلاع ۱-= ۱- × ۱ = عيل حد = ۱ × -۱ = -۱ マンレン! :. الشكل أب حرى مستطيل.

الله الله

على مستوى إحداثي متعامد مثل النقط: ١ (٣- ، ٣-) ، ب (١ ، ١) ، ح (١ ، ٥) ، (-۲ ، ۲) ثم أثبت أن : الشكل أ حدى شبه منحرف.

 $\frac{\gamma}{m} = \frac{m-0}{(\gamma-)-1} = \overrightarrow{s} = \overrightarrow{s}$

$$\frac{7}{7} = \frac{7}{1} = \frac{(7-)-7}{(7-)-7} = \frac{7}{1} = \frac{7}{1}$$

$$\frac{}{1} \underbrace{}_{\text{aut}} \underbrace{}_{\text{aut}} = \underbrace{}_{\text{aut}} \underbrace{}_{\text{aut}} \underbrace{}_{\text{aut}}$$

$$Y-=\frac{1-0}{7-1}=$$

$$7 = \frac{(r-)-r}{(r-)-r-} = \overrightarrow{s}$$
 میل

(٣) اثبت بنفسك [فكرة الحل: حاصل فعرب عيلي المستقيمين = -1]

- عدار] (البيت بنسك [فكرة العلم: عبل عبل مديل عد = -1]
- (ri. . 5 . Nº (tail)
- (المنعقة) . . ه ((المنعقة)
- (13° 77711° (126 (13)
- (۲) ۱۰۱ (تفری*با*)
- (7) -7٧ , / (ほんり)

(A) en = -3

المالة المالة المالة

177

De Com

(القليوبية ١١)

(الوادى الجيير)

(الغريبة ١١)

[1 (lungum) [1]

🚺 أكمل ما يأتي :

- 🚺 ميل المستقيم الموازي لمحور السبينات .
- آ ميل المستقيم الموازي لمحور الصادات
- $\frac{7}{4} = \overrightarrow{1}$ إذا كان: $1 \cancel{1}$ إذا كان: $1 \cancel{1}$ إذا كان الم

فإن : ميل حرى =

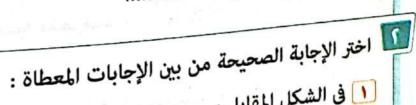
$$\frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$
 إذا كان: $\frac{1}{4}$ $\frac{1}{4}$ وكان ميل $\frac{1}{4}$

فإن : ميل حرى =

$$(\cdot \cdot \cdot) =$$
 ، $(\cdot \cdot \cdot) =$ ، $(\cdot) =$

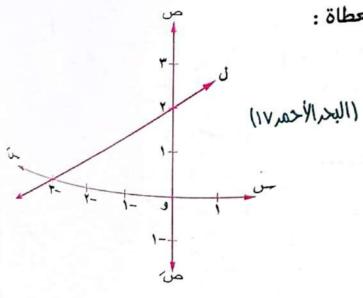
فإن : ميل بح =

(1) aulielamy1) اندا کان: ۹ ب حو مربعًا قطراه ۱ ح ، ب و حیث: ۱ (۳ ، ۵) ، ح (۱۰ ، ۵) فإن : ميل بع =



1 في الشكل المقابل:

ميل المستقيم ل يساوى



آ في الشكل المقابل: ميل أحز =

(الأقصرو)

Y (i)

ميل المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها هر يساوي

(۱) ماه
$$(ب)$$
 مناه (a) مناه (c) مناه (c) مناه (c) مناه (c)

و إذا كان: م، م، ميلى مستقيمين متعامدين فإن

$$1 = \gamma_1 =$$

آ إذا كان : م، ، م، ميلى مستقيمين متوازيين فإن (بوسعيد ١٠٨)

$$\cdot \neq {}_{\uparrow} - {}_{\uparrow} = \cdot (\cdot) + {}_{\downarrow} = \cdot (\cdot)$$

$$\frac{7}{7} \begin{pmatrix} 1 \end{pmatrix} \qquad \frac{7}{7} \begin{pmatrix} 2 \end{pmatrix} \qquad \frac{7}{7} \begin{pmatrix} 1 \end{pmatrix} \qquad \frac{7}{7} \begin{pmatrix} 1 \end{pmatrix}$$

$$\frac{1}{r}-(a) \qquad \frac{1}{r}(a) \qquad r-(a) \qquad r(1)$$

آ إذا كان : م، ، م، ميلى مستقيمين متعامدين ، م، = ٥٠,٠٠

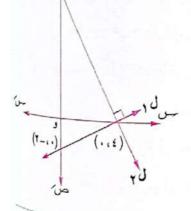
$$(-1) - \frac{7}{3} \qquad (-1) \frac{3}{7} \qquad (-1) \frac{7}{3}$$

الله الستقيمان اللذان ميلاهما ٢٠٠٠ متوازيين المستقيمان اللذان ميلاهما

$$\frac{\xi^{-}}{7}(1)$$
 $\gamma (1)$ $\gamma (2)$ $\gamma (2)$ $\gamma (2)$ $\gamma (3)$

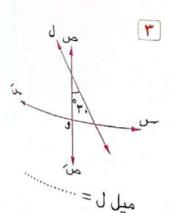
ا إذا كان المستقيم المار بالنقطتين : (س ، ٥) ، (٣ ، ٣) يوازى المستقيم المار بالنقطتين

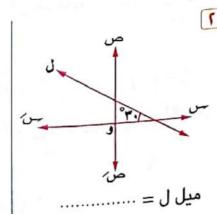
الشكل المقابل:

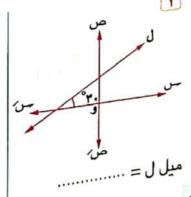


(01.

اكتب أسفل كل شكل ميل المستقيم ل:







الدرس ﴿ أوجد ميل الخط المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات °£0 😭 💽 "T. 😭 🚺 ov £ ٩. ٦ Y 73 712 170 A إستخدام الآلة الحاسبة أوجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم الذي ميله (م وربعاه الموجب لمحور السينات في كل من الحالات الآتية : ٦ م = ٢.٠ 1 🛄 م = ۲۷۲۲. . 7 = 737.1 ٤ = ٥ ٤ أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين : (٢ ، ٢) ، (٥ ، ٦) يوازي المستقيم المار بالنقطتين : (1 (1-) ((0 (.) 🛄 🛄 أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين: أ (-٢، ٤) ، حد (-٢، -٢) عمودي على الستقيم المار بالنقطتين : - (٢ ، ١) ، ٤ (-٢ ، ٢) الذي يصنع (٢ ، ٦) ، وازى المستقيم المار بالنقطتين : (٢ ، ٦) ، (٦ ، ٢) يوازى المستقيم الذي يصنع الذي يصنع زاوية موجية قياسها 20° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات. (العجمة مناها ١٨١٨ المستود) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين: (٢ ، ٢ ٦٧) ، (٥ ، ٢ ٢٧) عمودى على المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٢٠ (القاصة ١٦، الم عجبة المناه مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٢٠٠ في المستوى الإحداثي المتعامد إذا كانت: ١ (١ ، ٥) ، ب (س - ١ ، ٢) ، حر(٤ ، ٧) ، و (٢ ، ١) أربع نقاط تحقق أن أو // بح فأوجد قيمة : س ١٠٠٠ إذا كان المثلث الذي رءوسه النقط ص (٢،٤) ، حل (٢،٥) ، ع (٥،١) قائم (أسبوط ٢٠ ، المنوفية ١٧ ، دهياط ١٧) ، - ١ ، الزاوية في ص أوجد قيمة : ٢ إذا كان المستقيم أب // محود الصادات حيث: ١ (٥٠، ٧) ، ب (١، ٥) ^{فاوجد} قيمة : س ١/ الأقتصر ٥

اذا كان المستقيم حرة // محود السينات حيث : حد (٤،٢) ، و (٥٠،٠ فا

TYI

الممسوحة ضوئيا بـ CamScanner

فأوجد قيمة : ص

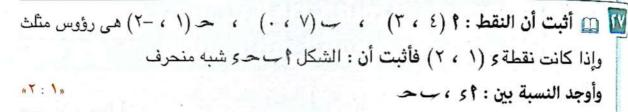
- الاتجاه المستقيم ل يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ك) والمستقيم ل يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° فأوجد قيمة ك إذا كان المستقيمان ل ، ل الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٢٥٠٠ رأسواه ۲۰ الإسكندية ١٨ ، الإسكندية ١٨ ، أسبوط ١٧) "صفر ، ٢، متوازيين.
- أوجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم ل مع الاتجاه الموجب لمحور السينات إذا كان المستقيم ل يمر بالنقطتين : (٤ ، ٣) ، (٢ ، -٥) Vo oV o . n
- أوجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم ل مع الاتجاه الموجب لمحور السينات إذا كان المستقيم ل يمر بالنقطتين : (٠٠٠) ، (٢ ، -٢) " 170 »
- أوجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم ل مع الاتجاه الموجب لمحور السينات إذا كان المستقيم ل عموديًا على المستقيم المار بالنقطتين : (-٢ ، ٥) ، (٤ ، -١) «٥٤،
- 🚺 أثبت أن النقط: ٢ (١ ، ١) ، ب (٢ ، ٣) ، ح (٠ ، -١) تقع على استقامة واحدة. (القاهرة ١١)
- 🛄 🛄 إذا كانت النقط: (۰،۱) ، (۹،۳) ، (۲،٥) تقع على استقامة واحدة فأوجد قيمة : ٢ (القاهرة ٢٠، دمياط ١٩، سوهالح ١٨، قنا ١١، الغريبة ١٤) ١٠٠
- ١٠٠١) ، د (٢٠٢) ، د (٢٠٠) ، د (٢٠٠) ، د (٢٠٠) أثبت أن: المثلث المسح قائم الزاوية في ب (أسوان ١٩، تقرالشيخ١١، السويس١١)
- النقط: ۱ (۱،۱-) ، د (۱،۱-) ، د (۱،۱-) النقط: ۱ (۱،۱-) ، د (۱،۱-) النقط: ۱ (۱،۱-) ، د (۱،۱-) النقط: ۱ (۱،۱-) النقط هى رءوس لمتوازى الأضلاع ١ ب وحد (بني سويف ١٨ ، الأقصر١١
- اثبت باستخدام الميل أن النقط: ٩ (١٠٠) ، ب (٥،١) ، ح (٢،١) ، ۶ (۰، ۲) هي رءوس المستطيل ٢ ب حري (اس سيناء ١١ مسوها ١٨ ، بني سوني ١١)
 - (۱، ۲) ، (۹، ۷) ، د (۲، ۱) ، د (۱، ۲) ، د (هى رءوس المعين اسحرى

الدرس الثالث

اثبت أن النقط: ٩ (-١ ، -١) ، - (٢ ، ٢) ، ح (٦ ، ٠) ، و (٣ ، -٤) اثبت أن النقط: ٩ (-١ ، ١-) ، و (٣ ، -٤) مي رءوس مربع.

🔝 🚊 في الشكل المقابل:

عبد منحرف فيه: عب // حرة عبر منحرف فيه: عبر // حرة عبر (٩ ، -٢) ، ب (٣ ، ٢) ، ح (س ، -س) عبر (٤ ، -٢) ، ب (٣ ، ٢) ، ح (س ، -س) عبر (٤ ، -٣) أوجد إحداثيي نقطة حيد (السويس ١٩ ، الإسكندية ١٤) «(١ ، -١)»



المتفوقين 🕙

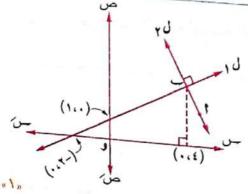
الله أوجد ميل المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة عبيها جيبها جيبها الله المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب المحور السينات زاوية موجبة المحور المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب المحور السينات زاوية موجبة المحور السينات زاوية موجبة المحور السينات زاوية موجبة المحور المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب المحور السينات زاوية موجبة المحور المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب المحور السينات زاوية موجبة المحور المستقيم المحور المستقيم المحور المحبد المحور المحبد المحرد المحبد المحرد المحرد

ال إذا كانت النقط: ١ (١ ، ١) ، ب (٣ ، ٣) ، ح (٠ ، -٣-٠٠) ، و (س ، ص) النقط: ٩ (١ ، ١) ، ب (٣ ، ٣) ، ح (٠٠٠ -٣٠٠) هي رءوس المستطيل ٢ ب ع قاوجد قيمة كل من : س ، ص

الإسماعيلية عين فيه: ٩ (٣ ، ٢) ، ب (٤ ، ك) ، ح (١٠ ، ٢٠) أوجد:

(الإسماعيلية ك ٢ ٢٠ وحدة طول عيدة طول

🎒 في الشكل المقابل :



المحاصلا (رياضيات - شع) عع / ت ١٨٥١١ ٢٧٣

إيجاد ميل الخط المستقيم وطول الجزء المقطوع من محور الصادات

مثال تمهیدی

مثل بيانيًا العلاقة: ٢ -س - ص + ٣ = ، ثم أوجد من الرسم ميل المستقيم المثل لهذه العلاقة وطول الجزء المقطوع بالمستقيم من محور الصادات.

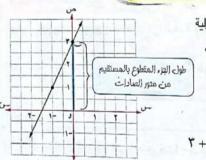
لرسم المستقيم يجب إيجاد على الأقل نقطتين من نقط المستقيم ، ولتسهيل ذلك يفضل وضع أحد المتغيرين - 0 أو ص في طرف مستقل:

أى أن: المستقيم يمر بالنقطتين (٢٠٠) ، (١٠١-)

ومن الرسم نجد أن : و - = ٣ وحدات طولية

أى أن: المستقيم يقطع من الجزء الموجب

لمحور الصادات (٣ وحدات طولية



طول العزر المقطوع بالمستقيم من معور الصادات

ص = (آ) حس + (۳)

وبملاحظة معادلة المستقيم : ص = $Y - \omega + \Upsilon$ نبد أن:

- * ميل المستقيم = معامل س = ٢
- طول الجزء المقطوع بالمستقيم من محور الصادات
 - الحد المطلق | = | ٣ | = ٣ وحدات طولية

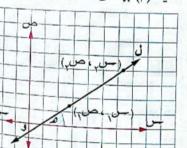


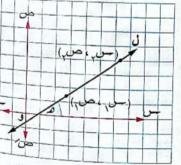
معادلة الخط المستقيم بمعلومية ميله وطول الجزء المقطوع من محور الصادات

سىق أن درسنا أن :

العلاقة إس+ب ص+ح= . حيث ١ ، ب (كلاهما معًا) خ .

هي علاقة خطية يمثلها بيانيًا خط مستقيم يمكن إيجاد ميله (م) بإحدى الطريقتين الآتيتين :





حيث (س، ، ص،) ، (س، ، ص،) عيد أى نقطتين عليه.

م = التغير الأفقى مر - ص

حيث ه موقياس الزاوية الموجبة التي يصنعها المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحود السيئات وسوف نستكمل دراستنا لهذا الموضوع بدراسة كيفية:

- * إيجاد ميل الخط المستقيم وطول الجزء المقطوع بالمستقيم من محور الصادات إذا علمت معادلة الخط المستقيم.
- * إيجاد معادلة الخط المستقيم إذا علم ميله وطول الجزء المقطوع بالمستقيم من محود الصادات.

FYE

میله =
$$\frac{1}{7} = \frac{1}{7}$$
 ، ویقطع محور الصادات فی النقطة $\left(\frac{7}{7}, \frac{7}{7}\right)$

أى أنه يقطع جزءًا طوله = $\frac{\pi}{7}$ وحدة طولية من الجزء الموجب لمحور الصادات.

$$. = 8 + 0 + 0 + 7 = 1 + 0 + 1$$
 .

ميله =
$$-7$$
، ويقطع محور الصادات في النقطة (٠، -٤)

أى أنه يقطع جزءًا طوله = ٤ وحدات طولية من الجزء السالب لمحور الصادات.

مثال 🕜

إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (١- ، ٧) ، (٩ ، ٣) عموديًا على المستقيم الذي معادلته : - س + ك ص - ١٣ = ، فأوجد قيمة : ك

الحلل

بفرض أن : ميل المستقيم المار بالنقطتين (١- ١ ، ٧) ، (٩ ، ٣) هو م

$$\frac{\gamma}{\gamma} = \frac{1}{1} = \frac{1}$$

وبفرض أن : ميل المستقيم الذي معادلته : س + ك ص - ١٢ = ٠ هو 4

 $1-=\frac{1}{1-1}\times\frac{1}{1-1}$ -1: المستقيمان متعامدان ... م $\times A_{\gamma} = -1$

$$\frac{Y-}{0}=2$$
: $Y=20-:$ $1-=\frac{Y}{20}:$

ح والبنفساء

فأوجد: قيمة ك

هذا المستقيم مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

T أوجد طول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم الذي معادلته: ٢ ص = ٣ - س + ١٢

إذا كانت معادلة الخط المستقيم على الصورة: ص = م س + حد فإن:

• ميل الخط المستقيم = م

• طول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم = إحا والمستقيم يمر بالنقطة (٠٠٠)

مثال 🕦

أوجد ميل الخط المستقيم : ٢ - u + o - u - ١٥ = u وأوجد طول الجزء المقطوع من محور الصادات.

الحا

نضع معادلة الخط المستقيم على الصورة : ص = م س + ح

$$T + U - \frac{Y-}{0} = \omega$$
 : $10 + U - Y- = \omega$:

ن ميل المستقيم = $\frac{Y}{0}$ وطول الجزء المقطوع من محور الصادات = Y وحدات طولية.

11 ملاحظة

في المثال السابق وبملاحظة المعادلة على الصورة: ٢ - س + ه ص - ١٥ = . نجد أن:

$$\frac{\gamma_{-}}{0} = \frac{-\text{valab} - 0}{\text{valab} \cdot 0} = \frac{\gamma_{-}}{0}$$
 ميل الخط المستقيم

• المستقيم يقطع محور الصادات في النقطة (٠٠) - الحد المطلق) أي (٠٠)

إذا كانت معادلة المستقيم على الصورة: ١٩ - س + - ح = . فإن :

• المستقيم يقطع محور الصادات في النقطة (٠٠)

نفرض أن معادلة المستقيم على الصورة: ص = م س + ح

$$T = \frac{1-1}{1-1} = \frac{1-1}{1-1$$

:. معادلة المستقيم تصبح على الصورة : ص = ٣ - س + ح

مثال 🕥

أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١ ، ٢) موازيًا المستقيم : ٢ - ٠ + ٣ ص - ٦ = ٠

الحسل

- $\frac{Y_{-}}{Y} = \frac{-\text{valab} 0}{\text{valab} \cdot 0} = \frac{-\text{valab} 0}{\text{valab} \cdot 0} = \frac{Y_{-}}{Y_{-}}$
 - ن ميل المستقيم المطلوب معادلته = $\frac{7}{7}$
- معادلة المستقيم المطلوبة مى : $\omega = \frac{-7}{7}$ $\omega + \infty$

· : المستقيم يمر بالنقطة (١ ، ٢) .. فهي تحقق معادلته

$$\frac{\lambda}{r} = 3 : \qquad 3 + 1 \times \frac{r}{r} = 7 :$$

المستقيم الذي ميله = م ويقطع محور الصادات في النقطة (٠٠٠) تكون معادلته على الصورة: ص = م - س + ح

مثال 🕜

أوجد معادلة المستقيم:

- الذي ميله = 7 ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات ٣ وحدات طولية.
- الذى ميله = ۲ ويقطع من الجزء السالب لمحور الصادات ٧ وحدات طولية.

الحل

ص=م- س+ح

$$\Upsilon + \omega - \frac{\gamma}{2}$$
 ، ح $= -\frac{\gamma}{2}$ ، ح $= -\frac{\gamma}{2}$ ، معادلة المستقيم هي : $\omega = -\frac{\gamma}{2} - \omega + \Upsilon$

مثال 🗿

أوجد معادلة المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ١٣٥° ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات جزءًا مقداره ٧ وحدات طول.

الحسل

: الميل = طا ه = طا ١٦٥° = -١ . معادلة المستقيم المطلوبة هي : ص = - - ٠٠ + ٧

11 ملاحظات

- معادلة المستقيم الذي يمر بنقطة الأصل و (٠٠٠) هي ص = م → ر حيث م ميل المستقيم.
 - معادلة محور السينات هي ص = ٠
 - معادلة محور الصادات هي س = ٠
 - و معادلة المستقيم الذي يوازي محور السينات ويمر بالنقطة (٠٠٠) هي ص = ل
- معادلة المستقيم الذي يوازي محور الصادات ويمر بالنقطة (ك ، ٠) هي حن = ك

$$\frac{1}{Y} = \frac{Y - Y}{(Y - Y)^{-1}}$$
 ميل المستقيم المار بالنقطتين $\frac{Y}{Y} = \frac{Y - Y}{(Y - Y)^{-1}}$

$$\therefore$$
 المستقيم يمر باللفظة $I = \{1, 1\}$ \therefore فهى تحقق معادلته $\therefore Y = Y \times 1 + \infty$ $\therefore x = \frac{y}{y}$

$$\frac{\pi}{7}$$
 + س + $\frac{1}{7}$ = ص = ص + $\frac{\pi}{7}$ ب ب ... معادلة المستقيم المطلوبة هي : ص

كا ينفسك ٢

مثال 🕥

باستخدام الميل والجزء المقطوع من محور الصادات مثل بيانيًا المستقيم الذي معادلته:

الحسل

ميل المستقيم =
$$\Upsilon$$
 = $\frac{\Upsilon}{1}$ = التغير الأفقى

من النقطة ح نتحرك أفقيًا نحو اليمين وحدة واحدة

(التغير الأفقى (+ ١)) فنصل إلى النقطة ؟

ثم نتحرك رأسيًا لأعلى وحدتين (التغير الرأسى (+ ٢))

فنصل إلى ه فيكون حره هو التمثيل البياني

لمعادلة المستقيم: ص = ٢ - س - ٣

أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢ ، ٢) عموديًا على الخط المستقيم المار بالنقطتين :

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$
 د. میل المستقیم المار بالنقطتین $\frac{1}{1}$ ، بسیاوی $\frac{-7}{1} = \frac{7}{1}$

$$Y-=\frac{Y-}{1}=--$$
 ميل المستقيم العمودي:

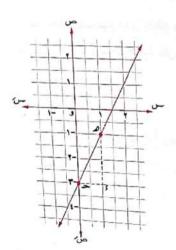
ح با بنفسك ٢

- ا أوجد معادلة المستقيم الذي يقطع من محور الصادات جزءًا موجبًا طوله ٥ وحدات طولية ويوازي المستقيم المار بالنقطتين (٢٠ ، ٣) ، (١- ، -٦)
 - ا أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢ ، ٤) عموديًا على المستقيم أب حيث : 1(1,0)-1 (1-17)

مثال 🔕

المحمثاث رءوسه النقط ا (٢٠١) ، د (٢٠١) ، ح (٤٠١- ٢) ، أو متوسط فيه أوجد: معادلة المستقيم المار بالمتوسط ع

$$(\cdot, r-) = \left(\frac{(r-)+r}{r}, \frac{(\epsilon-)+r-}{r}\right) = s :$$



147

(بالكيلومتر)

Y ..

مثال 🚯

الشكل المقابل عشل حركة سيارة تسير بسرعة منتظمة حيث المسافة (ف) مقيسة بالكيلو مترات ، والزمن (نم) بالساعة أوجد:

- السافة عند بدء الحركة.
 - 🕜 سرعة السيارة،
- 🔐 معادلة الخط المستقيم المثل لحركة السيارة.

- 👔 المسافة عند بدء الحركة = ٥٠ كيلو متر
- ۲۰۰٬ ۱) ، (۵۰،۰) سرعة السيارة = ميل الخط البياني المار بالنقطتين (۵۰،۰) ، (۲۰،٬۲)

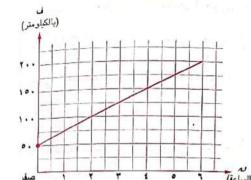
مر ساعة
$$\frac{10.}{7} = \frac{0.7..}{7} = \frac{3.7..}{7} = \frac{3.7..}{1}$$

معادلة الخط المستقيم هي : ف = م 10+ حد أي أن : ف = ٢٥ 10+ ٥٠

مثال 🕥

أوجد معادلة المستقيم الذى يقطع من محورى الإحداثيات السينى والصادى جزء ين موجبين طولاهما ٣ ، ٤ وحدات طولية على الترتيب ثم أوجد مساحة المثلث المحصور بين المستقيم ومحوري الإحداثيات.

- · المستقيم يقطع من الجزء الموجب لمحور السينات ٣ وحدات طولية
 - .. المستقيم يمر بالنقطة ٩ (٣ ، ·)
- ، : المستقيم يقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات ٤ وحدات طولية
 - المستقيم يمر بالنقطة (٤،٠)



- : المستقيم يمر بالنقطتين ١ (٢ ، ٠) ، (٠ ، ٤) ويفرض معادلة المستقيم: ص = م س +ح
- $\frac{\xi}{\tau} = \frac{1}{\tau} = \frac{\xi}{\tau} = \frac{\xi}{\tau}$
- :. المعادلة هي : $0 = \frac{-3}{7} 0 + 3$
 - , and $\Delta 1 e = \frac{1}{7} \times 1e \times e = \frac{1}{7} \times 7 \times 3 = 7$ each a que.

ا بنفسات ع

نعرك شخص بسيارته بسرعة منتظمة بين المدينتين ١، ب

والشكل البياني المقابل يوضح العلاقة بين

المسافة (ف) بالكيلو متر والزمن (١٨) بالساعة.

أجب عما يأتي :

- 1 ما مقدار السرعة المنتظمة للسيارة ؟
-] أوجد معادلة الخط المستقيم الممثل لحركة السيارة.
 - الله المسافة التي تبعدها السيارة عن
 - نقطة و (٠٠٠) بعد مرور ٣ ساعات من

بداية الحركة.

- 3 (O o V 24/2) 5
- (P) = 0 Y W+ . 0
- 100 ev=-1++++ 100

- Dec = 7 -0+ 7
- A 03

قيامه تالع راية.

(1) ONY 24

المسفن بالملت القاليات

747

أوجد الميل والجزء المقطوع من محور الصادات بكل من المستقيمات الآتية:

$$7 = \omega + \frac{\omega}{\gamma}$$

$$1 = \frac{\omega}{r} + \frac{\omega}{r} \square \boxed{1}$$

أوجد معادلة المستقيم إذا علم أن:

- ۱ هیله = ۲ ویقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات ۷ وحدات. (السویس، ۲۰ دمیاط ۱۹)
 - آ ميله = ا ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات ٣ وحدات.
 - ميله = $\frac{1}{7}$ ويقطع من الجزء السالب لمحور الصادات وحدة واحدة.
 - ميله = $-\frac{\gamma}{2}$ ويقطع من الجزء السالب لمحور الصادات $\frac{\gamma}{\gamma}$ وحدة.
 - ه ميله = صفر ويقطع من الجزء السالب لمحور الصادات وحدتين.

 (\cdot,\cdot) میله = $-\frac{1}{7}$ ویمر بالنقطة

(المنياء)

ميله = -٢ ويمر بنقطة الأصل.

أوجد معادلة الخط المستقيم:

- 1 المار بنقطة الأصل ويصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ١٣٥°
- آ المار بالنقطة (٣ ، ٢) ويصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥°
- الذى يقطع من الجزء السالب لمحور الصادات جزءًا طوله ٣ وحدات ويوازى المستقيم الذى معادلته: ٢ س ٣ ص = ٦

- و الذي يقطع جزءًا موجبًا من محور الصادات مقداره ٥ وحدات وعمودي على المستقيم المار بالنقطتين (-٢ ، ١) ، (٢ ، ٧)
 - الذى يقطع من محورى الإحداثيات السينى والصادى جزءين موجبين طولاهما عن ٩٠٤ على الترتيب. (القليوبية ١٩، كقرالشيخ١١، الأفصر١١)

(القلبوبية ١١) المار بالنقطة (٢ ، -١) وميله يساوى ٢

المار بالنقطة (-7، 7) عموديًا على المستقيم الذي معادلته : $0 = \frac{1}{7} - 0 - 0$

- ۱۰ المار بالنقطة (۲ ، ۲) ويوازى المستقيم الذى يمر بالنقطتين (٥ ، ٦) ، (-١ ، ٢) (حلواه ٩٠)
- (۱ المار بالنقطة (۱ ، ۲) عموديًا على المستقيم المار بالنقطتين ۱ (۲ ، -۲) ، - (٥ ، -٤) (بوسعيد ۲۰ ، السويسه ۱۹ ، الأقصر ۱۸ ، الغريبة ۱۶)
- الأقصر١١) عموديًا على المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة قياسها ٤٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.
- القليوبية ١٦، الغرية ١٦) (١،١) (١،١) القليوبية ١٦، الغرية ١٣)
 - ك المار بالنقطتين: (٤، ٢)، (-٢، -١) ثم أثبت أنه يمر بنقطة الأصل.

(القاهرة ١٩، البحيرة ١٧)

- الذي ميله يساوى ميل الخط المستقيم : $\frac{\omega 1}{-u} = \frac{1}{\tau}$ ويقطع جزءًا سالبًا من محور الصادات مقداره ٣ وحدات.
 - العمودي على أب من نقطة أحيث: ١ (٣- ، ٦) ، (١ ، ١)
- المار بمنتصف القطعة المستقيمة $\frac{1}{1}$ حيث : $\frac{1}{1}$ ، $\frac{1}{1}$ ، $\frac{1}{1}$ ويوازى المستقيم الذي معادلته : $\frac{1}{1}$ ص = $\frac{1}{1}$ س $\frac{1}{1}$
- الذي يمر بمنتصف القطعة أب حيث: ١ (٣ ، ٣) ، ب (-١ ، ٤) عموديًا على الذي يمر بمنتصف القطعة أب حيث: ١ (٣ ، ٣) ، ب (-١ ، ٤) عموديًا على الفاهرة ١٠٩ المستقيم الذي معادلته: ٢ ص ٤ س + ١١ = ،
- المار بالنقطة (٢ ، ٣) ويقطع من الجزء الموجب لمحور السينات ٤ وحدات. (الشرقية ١٨)

- - الستقيم الذي معادلته : ٢ ω + ٣ ω ٦ = ٠ يقطع محور الصادات في النقطة
- اللقعلية ۱۱) معادلته عند النقطة (۰، ۳) معادلته عند النقطة (۱، ۳) معادلته هي
 - ع معادلة محور السينات هي بينما معادلة محور الصادات هي
 - معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٣ ، ٥) ويوازى محور السينات هي

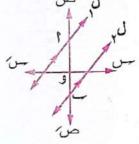
(1 migd. 71)

- ٦ معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٣- ، ٢) ويوازي محور الصادات هي
 - ٧ معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢ ، -٥) وميله صفر هي
- - 🐧 في الشكل المقابل:

ل، // ل، ، ؟ ب = ٧ وحدات طول

ومعادلة ل، هي : ص = ٢ س + ٤

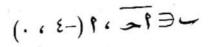
فإن معادلة ل هي



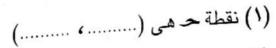
(الشرقية ١١)

٩ (-٤، صفر)

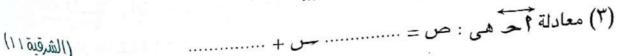
🕦 في الشكل المقابل:



ユーニート・(で・・)ー・



(٢) في ∆ و ٢ ب يكون : طا ٢ =



	المحطاة	الاحابات	بن	من	الصحيحة	الإجابة	اختر
ï	00000		٠	_	-		

آ ميل المستقيم الذي معادلته: ٣ ص = ٢ س - ٥ هو (ب) ۲ (خ) م T (1) آ المستقيم الذي معادلته: ٣ - س - ٣ ص + ٥ = ، يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قياسها (Idieein 11) (ب) ۴۵° (ج) ۳۰° °٣٠ (أ) °9. (1) المستقيم الذي معادلته : ٢ س – ٣ ص – ٦ = ، يقطع من محور الصادات جزءًا \square طوله وحدة طول. (القليوبية ١٨، قنا١٧، القاهرة ١٤، الفيوم١٣) (ب) ۲– 7-(1) Y(2) $\frac{2}{4}(2)$ المستقيم الذي معادلته : ٢ س + ٥ ص - ١٠ = 0 يقطع من محور السينات جزءًا طوله عن محور السينات المعادلته عن عادلته المعادلته عن عادلته المعادلته المعادلة الم يساوىوحدة طول. (الاقعلية ١١) (ب) ۲ ÷ (+) 0(1) ٥ معادلة المستقيم الذي يقطع جزءًا طوله ٤ وحدات من الاتجاه الموجب لمحور الصادات ويوازى المستقيم: ص = ٣ - س + ه هي (1) ص = ٣ -س + ٤ (ب) ص = ٤ س + ٣ (ج) ص = ٣ -س - ٤ (د) ص = -٣ س + ٤ ٦ المستقيمان: ص = ٣ - س - ه ، ٢ ص = ٦ - س + ه هما مستقيمان (الجيزة P ·) (ب) منطبقان. (أ) متوازيان. (د) متعامدان. (ج) متقاطعان وغير متعامدين. ٧ 🚇 إذا كان المستقيمان: ٣ - س - ٤ ص - ٣ = ، ، ك ص + ٤ - س - ٨ = . (البحر الأحمر ١١، الجيزة ١٦، البحيرة ١٥) متعامدين فإن : ك = (ب) ۳ (ج) ۲ (س) ٤-(١) ▲ 🚇 إذا كان المستقيمان: - س + ص = ه ، ك س + ٢ ص = ٠ متوازيين (المنيا ١٩ ، قنا١٧ ، سوهالج ١٦ ، الدقعلية ١٥)

> Y (1) (ج) ا (ب) –۱ Y-(i)

فإن : ك =

 إذا كان المستقيم الذي معادلته : ص = ك ح ب + ه يوازي محور السينات (الغريبة ١٨)

فإن : ك =

الستقيمان: ص=٩-٠٠ ، ص=ح-٠٠ + و متعامدان على الستقيمان على السيقيمان على السيقيم السيق

(mess/5/1.1/exps/.) فإن : = -١

(۱) المستقيم المار بالنقطتين (٥ ، ٤) ، (١ ، ٥) عمودي على المستقيم

$$\xi = - + \omega \circ (-)$$
 (+) $\xi = - + \omega \circ (-1)$

$$\xi = \omega + \gamma + \omega - (1)$$

$$(1)$$

المستقيم الذي معادلته : ٣ ص = ٩ ص - ٥ ويمر بالنقطة (٢٠ ، ٥) هو $\frac{4}{7}(7)$ $\lambda - (\dot{\tau})$ $\lambda = \lambda \cdot (\dot{\tau})$

(تقرالشيخ ١٦٠ بالنقطتين (۱ ، ٤) ، (۳ ، ٥) فإن : ۴ =

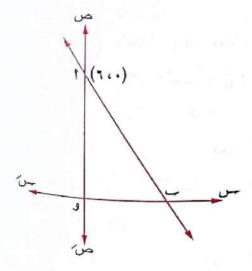
۱۲ = ∞ ٤ - ساحة المثلث بالوحدات المربعة المحدد بالمستقيمات : ٣ - س - ٤ ص = ١٢

، س = ، ، ص = ، تساوى القليوبية ١٥٥ الماليوبية ١٥ الماليوبية ١٥٥ الماليوبية ١٥٥ الماليوبية ١٥٥ الماليوبي

الشكل المقابل: في الشكل

إذا كانت مساحة المثلث ٢ و ب تساوى ٩ وحدات مربعة فإن معادلة ٢٠

(المنوفية ١٧)



الشكل المقابل:

T (1)

إذا كان: ١٩ حرو مربع

$$1 + \dots = \frac{7}{\pi} - \dots + 1$$
 معادلة المستقيم ل، : ص

فاِن : ك =

$$\frac{r}{r}$$
 (1) $\frac{r}{r}$ (2)

$$(\div)$$
 $\frac{7}{7}$ (\div)

يكون موازيًا المستقيم :
$$7 - \omega + 3 - \omega - 7 = 0$$

 $\bullet = \Lambda + \infty + \infty$ أثبت أن المستقيم الذي معادلته : ۲ $-\infty + \infty + \infty$

- △ أوجد معادلتي المستقيمين اللذين يمران بالنقطة (٣- ٢ ، ٢) ويوازيان المحورين.
- وجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها الخط المستقيم: ٣ ١ ٢ ص + ٦ = ٠ مع الاتجاه الموجب لمحور السينات ثم أوجد إحداثيي نقطة تقاطعه مع محور الصادات.
 - إذا كان المستقيم ل: ٢ ٠ ٣ ص ٦ = صفر يقطع محور السينات عند النقطة ١ ومحور الصادات عند النقطة ب أوجد:
 - 1 إحداثيي النقطتين ٢ ، -
- آ معادلة الخط المستقيم المار بنقطة منتصف أب ويوازى محور الصادات. (الشرقية ١٣)
- الذا كان المستقيم الذي يمر بالنقطتين (٢ ، -١) ، (٥ ، ١) يوازي المستقيم الذي معادلته : (Ilégus 11) "-7" ۹ - 0 + 7 - 0 + 0 = 0 أوجد قيمة :
- إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (٥، ٢) ، (٦، -٣) عموديًا على المستقيم الذي معادلته : a 1 m

المحله (رياضيات - شرح) ٣ع / ت١١ م ١٩ 119

- إذا كان المستقيم: ص (٢ ك ١) س = ٧ ، المستقيم الذي يصنع مع الاتجاء الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١٦٥) ١١٠ الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١٦٥) ١١٠ الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١٦٥) ١١٠ الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥٠ متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١٦٥) ١٥٠ متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١٦٥) ١١٠ من الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥٠ متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١٦٥) ١١٠ من الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥٠ متوازيين فأوجد قيمة له (الشرقية ١١٥) ١١٠ من المورد الموجب المورد المورد
- أوجد معادلة محور تماثل القطعة المستقيمة سص حيث س (٢٠،٣) ، ص (٥-،١) المقعلية ١١١ (١٤ سعيد ١٠) المقعلية ١١١)
- الفيوم ٠٠ (١ ، ٣) ، فأوجد معادلة الخط المستقيم الذي عدر بالنقطة ع وبنقطة منتصف بحر الفيوم ٢٠ ، بوسعير ١٩ الفي
 - النقط $q = (\cdot, \cdot, \cdot)$ ، $= (\cdot, \cdot)$ ، $= (\cdot, \cdot)$ ، $= (-\cdot, \cdot)$ ، $= (-\cdot$
 - (と、ア) ン ((())) ・ (()) ・ (()) ・ (())) (()) (())) (()) (())) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (())) (()) (())) (()) (())) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (())) (()) (())) (()) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (())) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (()) (())) (()) (
- ، و منتصف عب ، رسم وه // بحد ويقطع عمد في هه ، أوجد:

 ا طول وه
 ا معادلة المستقيم وه
 ا معادلة المستقيم وه
- السندية ١٥ السندية ١
- المنوفية ١٥ عين ، م نقطة تقاطع قطريه حيث : ٩ (١ ، ٣) ، ح (٦ ، ٠) أوجد معادلة : ب ١٥ (١ ، ٣) ، ح (٦ ، ٠) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين ب ، ٢
- السواده ۱۰) المعادلة المستقيم المار بالنقطتين: (7, 7) ، (-7, 7) ، (-7, 7) ، ثم بين أنه لأى نقطة ح(7, 7) ، ك (7, 7) فإن : ح (7, 7) الرقعلية ١١٤ (الرقعلية ١١٤)
- الدقعلية ١٤ الله المستقيم في كل من الحالات الآتية .
 - ا ميله يساوى المناع جزءًا من الاتجاه الموجب لمحور الصادات يساوى وحدة واحدة.
 - الم ميله يساوى ٢ ويقطع جزءًا من الاتجاه السالب لمحور الصادات يساوى ٣ وحدات.
 - آ يقطع من الجزءين الموجبين للمحورين السينى والصادى جزءين طولاهما ٢ ، ٣ من الوحدات على الترتيب.

الدرس الرابع

مستقيم معادلته: ص - ٢ -س - ٣ = .

أوجد ميله وطول الجزء المقطوع من محور الصادات وارسم هذا المستقيم.

(-161011)

🗓 🖺 من الشكل المقابل أوجد :

- الشكل المقابل اوجد : آ ميل الخط المستقيم (م)
 - ا طول الجزء المقطوع من
 - محور الصادات ح
 - معادلة الخط المستقيم بمعلومية م ، ح
 - طول الجزء المقطوع من محور السينات.
- و مساحة المثلث المحدد بالخط

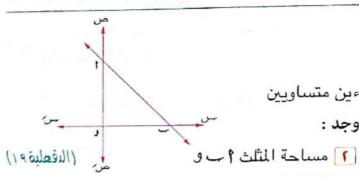
المستقيم والجزءين المقطوعين من محورى الإحداثيات.

	من
	,
	1
() 0- 1- T- T- 1	- 3 1 7 7 5
	v-
	100

۳ ۲ ۱ س ص = د (س) ع = ص 🗓 🕮 الجدول المقابل يمثل علاقة خطية :

- 1 أوجد معادلة الخط المستقيم.
- 1 أوجد طول الجزء المقطوع من محور الصادات.
 - أوجد قيمة ٢

(الإسكندرية ١٥، القليوبية ١٣)



الشكل المقابل يمثل المستقيم أب الذى معادلته ص = ك س + ح ويقطع من محورى الإحداثيات جزءين متساويين فى الطول ويمر بالنقطة (٢ ، ٣) أوجد:

فى الشكل المقابل:

أ - و مثلث متساوى الأضلاع

م ح منتصف أ
أوجد معادلة و ح

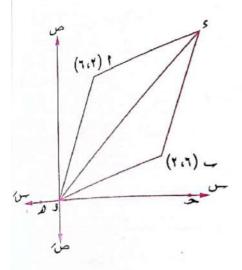
(1 (Nexió - 7)

ن الشكل المقابل:

هى رؤوس معين

أوجد:

- ١ إحداثيي النقطة ؟
- معادلة المستقيم و 5
 - ٣ (١ و ه)



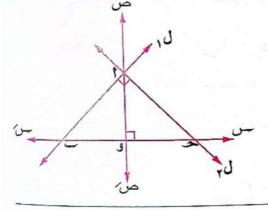
(الشرقية ١٤)

1 في الشكل المقابل:

إذا كان: ل، 1 ل،

 $. = Y + \infty - \infty + Y = .$ ومعادلة ل : Y = 0

أوجد معادلة المستقيم ل



ن الشكل المقابل:

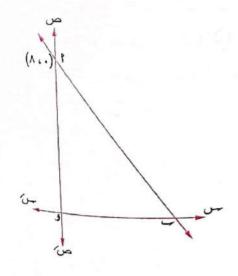
 $(\wedge \cdot)$ يقطع محور الصادات في النقطة $(\cdot \cdot)$

ويقطع محور السينات في النقطة ب

(د ب ع و) أولاً : ق (د ب ع و)

ثانيًا: إحداثيي النقطة ب

ا أولاً: ميل المستقيم أب



(الشرقية ١١)

ثانيًا: معادلة المستقيم المار بالنقطة و ، وعموديًا على أب

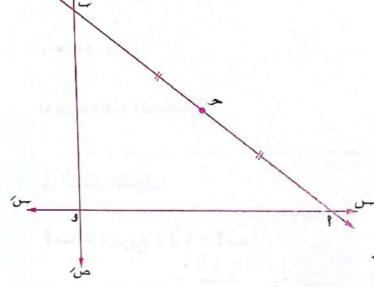
🖺 في الشكل المقابل:

النقطة حمنتصف اب حيث: ح (٤، ٢)

- آ أوجد إحداثيي كل من : و ، ٢ ، ب
 - آ أوجد طول كل من: وع ، وب
 - ، حا، حب، حو
 - 🔭 أوجد ميل كل من:

المن وح ، وا ، وب

 $\overrightarrow{2}$ أوجد معادلة كل من : $\overrightarrow{9}$ ، $\cancel{2}$

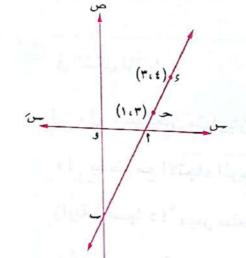


🌃 في الشكل المقابل:

المستقيم $\overrightarrow{1}$ يمر بالنقطتين (7, 1) ، (3, 7) ويقطع محورى الإحداثيات في (7, 7) على الترتيب.

أوجد طول كل من: أو ، وب

حيث و نقطة الأصل.



🍱 في الشكل المقابل:

«و» هي نقطة الأصل

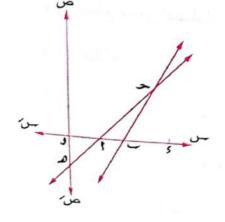
١، ب، و ∈ محود السينات،

ميل حد = ٧٣ ، معادلة أحد هي : س - ص =

1 أوجد: ميل أحد ، طول و هـ

(5キュ) ひ((ムニン) い(ムニカ) 1

(۱۹۵۰ - ۱۹۵۰ -



(الشرقية ١١)

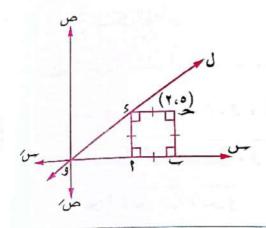


في الشكل المقابل:

٩ حـ و مربع ، و ∈ المستقيم ل

(٢ , 0) ~ ,

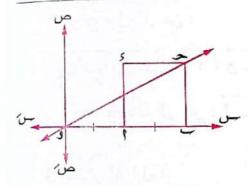
أوجد معادلة المستقيم ل



ن الشكل المقابل:

ابحرمربع، و١=١ب

أوجد معادلة المستقيم وح



🔁 في الشكل المقابل:

ل، ، ل، مستقیمان متوازیان

، ل، يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات

زاوية قياسها 83° ويمر بنقطة الأصل و

، ۱ ∈ له حيث ۱ (۱ ، ٥) ، أب ل ل

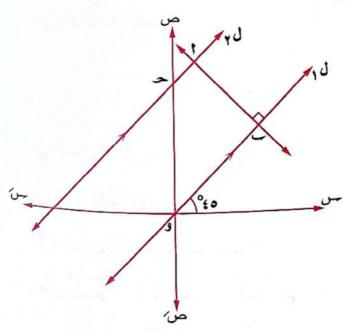
، لى يقطع محور الصادات

في النقطة ح

أوجد: ١ معادلة المستقيم ل

اً معادلة المستقيم ل

٣ طول ٢ -



(الشرقية ١١)

تطبيقات حياتية

👊 🏥 الشكل المقابل يمثل حركة جسيم

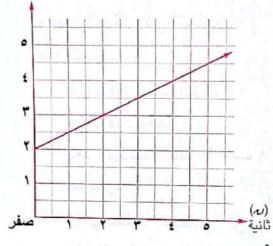
يتحرك بسرعة منتظمة (ع) حيث

المسافة (ف) مقيسة بالمتر

والزمن (١٠) بالثانية.

أوجد: 1 المسافة عند بدء الحركة.

1 سرعة الجسيم.



- ٣ معادلة الخط المستقيم الممثل لحركة الجسيم.
- المسافة المقطوعة بعد ٤ ثوان من بدء الحركة.
- الزمن الذي يقطع فيه الجسيم مسافة ٥,٣ من المتر من بدء الحركة.

🔟 🚊 الشكل المقابل يمثل العلاقة بين

المسافة (ف) التي تقطعها سيارة

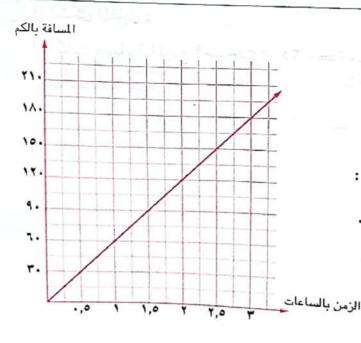
بالكيلو متر والزمن (بالساعة)

الذى قطعت فيه هذه المسافة. أوجد:

المسافة المقطوعة بعد ٩٠ دقيقة.

آ الزمن الذي قطعت فيه السيارة

١٥٠ كيلو مترًا.



- ٣ سرعة السيارة.
- ٤] معادلة الخط المستقيم الذي يمثل العلاقة بين المسافة والزمن.



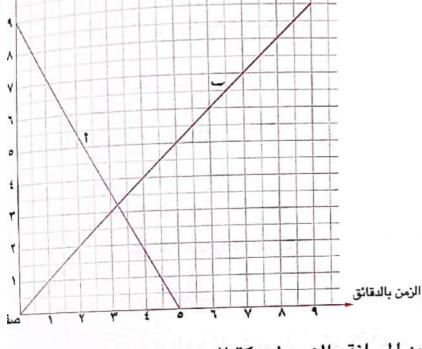
الشكل المقابل يمثل العلاقة بين المسافة (ف) بالكيلو مترات والزمن (ن) بالدقائق لجسمين المسقيم طريق مستقيم واحد يتحركان في اتجاهين

- 1 هل بدأ ۲ ، ب الحركة في توقيت واحد ؟
- آ بعد كم دقيقة التقى ٢ ، ب ؟
 - 🍸 ما سرعة 🕈 ؟

متعاكسين.

٤ اكتب معادلة الخط

المستقيم الذى يمثل العلاقة بين المسافة والزمن لحركة الجسم ب

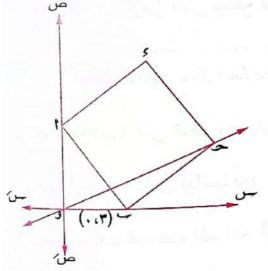


بالكيلو ،

للمتفوقين

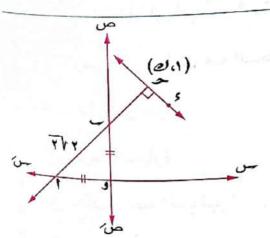
في الشكل المقابل:

إذا كانت مساحة المربع اسح = ٢٥ وحدة مربعة أوجد: معادلة حوق



ف الشكل المقابل:

أوجد: معادلة حرك



ملخص الوحدة الخامسة



وإذا كانت: ١ (س، ، ص،) ، ب (س، ، ص،) فإن:

$$\frac{1}{Y} = \sqrt{\frac{1}{4}} = \sqrt{\frac{1}{4}} + \frac{1}{4} + \frac{1}{4}$$

نقطة منتصف
$$\frac{1}{Y} = \frac{\nabla}{Y} = \frac{\nabla}{Y}$$
 ، نقطة منتصف و نقطق و نقطة منتصف و نقطة منتصف و نقطة منتصف و نقطق و نق

(حيث هم قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها أب مع الاتجاه الموجب لمحور السينات)

- و إذا كان: ل، ، ل، مستقيمين ميلاهما م، ، م، على الترتيب فإن:
 - ل // لم إذا كان: م = م والعكس صحيح.
 - لر ل له إذا كان: مر × مر = -١ والعكس صحيح.
- و إذا كانت معادلة الخط المستقيم على الصورة: ص = م س + ح فإن:
 - ميل الخط المستقيم = م
- طول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم = حا والمستقيم يمر بالنقطة (٠٠٠ ح)
 - و إذا كانت معادلة الخط المستقيم على الصورة: ٢ س + ب ص + ح = ، فإن:
 - ميل الخط المستقيم = معامل ص
 - طول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم = ا -ح |

والمستقيم يمر بالنقطة (٠٠٠ -ح

معادلة المستقيم الذي يمر بنقطة الأصل و $(\cdot \cdot \cdot)$ هي : a = 4 - 0 حيث a = 1

0 معادلة محور السينات هي ص = ٠



امتحانات على الوحدة الخامسة



أجب عن جميع الأسئلة الآتية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:	- 1
---	-----

بُعد النقطة (-٧ ، -٣) عن محور الصادات يساوى وحدة طول.	اوى وحدة طوا	الصادات يس	عن محور	(r- · v-	النقطة (ابُعد
---	--------------	------------	---------	----------	----------	-------

$$(\uparrow, 1-)(\downarrow) \left(\frac{\tau}{\gamma}, \frac{1}{\gamma} - \right)(\downarrow) \qquad (\uparrow, 1-)(\downarrow) \qquad (\uparrow, 1)(\uparrow)$$

$$\frac{1}{5}(3) \qquad \xi = (-1) \qquad \xi = (-1) \qquad \xi = (-1)$$

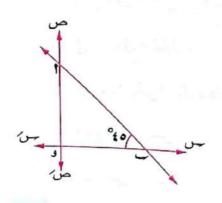
و الشكل المقابل:

191

- (1) ابح و شکل رباعی حیث ا (-۱، ۳) ، ب (۱، ۱) ، ح (۲، ۱) آ (۱) اثبت أن : الشکل ابح و متوازی أضلاع.
- [1) إذا كانت النقطة ٢ (٥ ، ٢) تقع على الدائرة التي مركزها م (١ ، -١) فأوجد:
 - 1 مساحة الدائرة بدلالة π
 - 🕜 معادلة المستقيم المار بالنقطتين ٢ ، م
- (ب) إذا كانت النقط ٢ (٣ ، ٢) ، ب (٤ ، ٣) ، ح (١- ، ٦-) ، ٥ (٣ ، ٣) فراب إذا كانت النقط ٢ (٣ ، ٣) ، و (٣ ، ٣) هي رؤوس معين أوجد إحداثيى نقطة تقاطع القطرين وأوجد مساحة سطحه.
 - (أ) إذا كان بعد النقطة (س، ٥) عن النقطة (٦، ١) يساوى ٢ ٧٥ وحدة طول فما قيمة س٠ ؟
- (ب) أثبت أن: النقط ٢ (٣٠٠) ، ب (٤،٣) ، ح (١، ٦-) هي رؤوس مثلث متساوى الساقين رأسه ٢
 - ، ثم أوجد طول القطعة المستقيمة المرسومة من ٢ عمودية على صح
 - [1) أوجد معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطتين : (۲، ۷) ، (۲، ۱۳)

(ب) في الشكل المقابل:

المستقيم أب يقطع من المحود السينى جزءًا طوله ٣ وحدات طول ، ق (د ١ ب و) = ٥٤° أوجد: معادلة المستقيم أب





أجب عن جميع الأسئلة الآتية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$(\Upsilon, \circ - \cdot \Upsilon, \circ) (\iota) \qquad (\Upsilon, \circ) (\div) \qquad (\circ, \Upsilon) (\iota) \qquad (\Upsilon, \circ) (1)$$

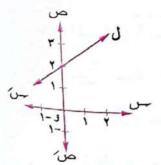
بنا کان المستقیمان :
$$\Upsilon$$
 - 0 ص - 0 = .

معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة (٢ ، -٣) ويوازى محور السينات هي

$$\Upsilon = \omega (\iota)$$
 $\Upsilon = -\Upsilon (\iota)$ $\Upsilon = -\Upsilon (\iota)$ $\Upsilon = -\Upsilon (\iota)$

🚺 في الشكل المقابل:

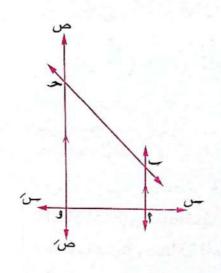
أى مما يأتى يمثل معادلة المستقيم ل ؟



- (١) إذا كان ا ب حرى مربع حيث ا (٢ ، ٤) ، ب (٣- ، صفر) ، ح (٧- ، ٥) أوجد: 🚺 إحداثيي النقطة و آ مساحة المربع ٢ - حري
 - (ب) في الشكل المقابل:

$$" + - - - - + " معادلته ص = - - + " المستقيم معادلته ص$$

- ا طول بح
- آ مساحة الشكل و ٢ حـ
 - الاوحب) ت (دوحب)



- النقط النقط الحرام ، حرام ، حرام ، ٢) الست على النقط المرام ، ١٠ (٣٠٣) الست على استقامة واحدة.
- (ب) إذا كانت: ١ (س، ٣) ، ب (٢،٣) ، ح (٥،١) وكانت ١- = ح فأوجد قيمة : - ب

اً) في الشكل المقابل:

في المستوى الأحداثي المتعامد رسم المثلث ٢ بح أثبت أن:

Δ ٢ بحد قائم الزاوية وأوجد مساحته.

(ب) احرح مثلث فیه: ۱ (۲،۱) ، ب (٥، -۲) ، ح (۲،٤) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة أ وعموديًا على حد

(۱، ۵) عبد و شکل رباعی فیه : ۱ (، ، ۲) ، د (۱، ۵) ، د (۱، ۵) ، ٤ (٦ ، ٤) أثبت باستخدام الميل أن الشكل ٢ حد مستطيل.

(ب) إذا كان محور تماثل حرى يمر بالنقطة ٩ (٦ ، م) حيث حر (٢ ، ١) ، ٥ (-٢ ، ٧)

فأوجد: قيمة م

أهداف المشروع

- إيجاد البعد بين نقطتين في المستوى الإحداثي المتعامد.
 - إيجاد إحداثيي منتصف قطعة مستقيمة.
 - حساب محيط ومساحة المثلث.
 - إيجاد ميل الخط المستقيم.
 - الربط بين الهندسة والتاريخ.

المطلوب

« الهندسة التحليلية هى أحد فروع الرياضيات التى تستخدم نظام الإحداثيات فى دراسة الهندسة »

في ضوء ذلك قُم بإعداد مشروع بحثي يتضمن ما يلي :

- اكتب نبذة عن العالم رينيه ديكارت الذى نُسب إليه نظام الإحداثيات الديكارتية، وإنجازاته في مجال الرياضيات.
 - على ورقة رسم بياني ارسم محوري الإحداثيات.
- حدد على الشبكة البيانية ثلاثة نقاط تمثل روؤس مثلث متساوى الساقين ، ثم أوجد ،
 - ١) محيط المثلث.
 - ٧ مساحة المثلث.
 - ٣) ميل كل ضلع من أضلاع المثلث.
 - ٤) معادلة الخط المستقيم الذي يحمل كل ضلع من أضلاع المثلث.



مفاهيم ومهارات أساسية تراكمية

فتر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

(Eil . 7. MECHT1) 🚺 عدد أقطار الشكل السداسي يساوي

> (ج) ۱۲ (د) ۹ ٣ (ت) 7(1)

] زاويتا القاعدة في المثلث المتساوى الساقين (الإسكندية ١١، ١ سينا، ١٧، ش. سينا، ١٧)

(ب) متكاملتان. (1) متطابقتان.

(د) متناظرتان. (ج) متقابلتان بالرأس.

٣ قياس الزاوية الخارجة عند رأس من رؤوس مثلث متساوى الأضلاع يساوى

(القاهرة ٢٠، تقرالشيخ ١٩، بني سويف ١٨، الإستنسية ١١)

°T. (1) (خ) ۱۲۰° (ب) ۱۵۰° °7. (1)

عدد محاور التماثل في المثلث المتساوى الساقين يساوى (الإسلسوة ١٨ ، مطروح ١١)

4 (2) (ج) ۲ (ب) ا

· (1) ه في الشكل المقابل:

إذا كان: ع (ل ع) = . ٩° ، ع (ل ع) = . ٢° ، برى متوسط

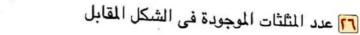
فإن : ق (دوب هـ) = ° ٤0 () (خ) کی، (ب) ۳۰° °7. (1) 4.4

		ا اصرعه د سم ، د سم	الملك الدى اطوار
(المنياب		عاقين.	مثلث متساوى الس
14 (7)	(ج) ۱۱	(ب) ۱۰	۹ (۱)
المروعهم المطروح ٨	سم تكون مساحته =	عه ه سیم ، ۱۲ سیم ، ۱۳ ،	٧ مثلث أطوال أضلا
188 (2)	(ج) ۸۷	(ب) ۳۲٫۵	٣٠ (١)
الث. (المنيا ١٥، الفيوم١٨	طول الضلع الث	ضلعين في المثلث	🔥 مجموع طولي أي
(د) ضعف	(ج) يساوي	(ب) أصغر من	(أ) أكبر من
ن جهة القاعدة. الفيوم١٨	نسبةم	طات المثلث تقسم المتوسط	🐧 نقطة تقاطع متوسيم
7:1(2)	(ج) ۳ : ۱	(ب) ۲ : ۱	T: 1(1)
(11600 1 1 / lling d. 11)	يساوى	زوايا المتجمعة حول نقطة	
(د) ۲۲۰°		(ب) ۱۸۰°	°9.(1)
(البحيرة ١٨، الإستنسية ١١)	١	مربعًا فإن: • (دح	
°۳۰ (۵)	°٦٠ (ج)	(ب) ه٤°	°4 · (1)
مم القرالشيخ١١)	احته س	سم ، ۱۰ سم تکون مس	
١٠ (٤)	(ج) ۱۵		٣٠ (١)
القرالشيخ١١)	هی	، ٥) بالانتقال (٢ ، -٣)	۱۳ صورة النقطة (-٤
(٢, ٢-)(١)	(≺ , ≺) (÷)	(ب) (۲۰، ۲)	(۲-, ۲-)(1)
(17 ōuluslaulus 11)	ر السينات هي	، ٥) بالانعكاس في محور	
(٢-, ٥)(٦)	(÷) (× · · o)	(ب) (۲ ، ه)	(0-, 4-)(1)
(بني سويف ۲۰)	طول ومتعامدان هو	ى قطراه متساويان في الم	الشكل الرباعي الذي
(د) متوازى الأضلاع.	(ج) المستطيل.	(ب) المعين.	(1) المربع.

```
المستطيلات الذي أبعاده ٢٧ ، ١٧٣ ، ١٦٠
                                                                                                   من السنتيمترات يساوى .....سم
(5. mils 11)
          7(1) 7\(\frac{1}{2}\) \(\frac{1}{2}\) \(\frac{1}{2}\) \(\frac{1}{2}\)
 الا إذا كان ٣ ، ٧ ، ل أطوال أضلاع مثلث فإن ل يمكن أن تساوى ..... (سوهالا ١٠)
           (ب) ٤ (ج) ٧
 (اسواه ۱۱ میل کا محد فیه : \sigma (د می) = \sigma (د می) = \sigma فإن : \sigma (د می) = \sigma (د می) 
                                (ب) ٥٤° (ج) °۲۰ (ع)
                                                                                                                                                                      °r. (1)
  · ≥ - P - > P (·)
                                                                                                                                          ·>-1-21(1)
                                              · < - > - > - (1)
                                                                                                                                                 しりシュー(三)
   الفيوم ۱۷ محيط الدائرة التي طول قطرها ۱۶ سم يساوي .....سم. سم. (\frac{77}{V} = \pi)
             (ب) ۲۲ (ج) ٤٤ (١) ٢٢ (١)
                                                                                                                                                                              V(i)
                  ال إذا كان: \sigma(L-v) = \sigma(L-v) ، L-v ، L-v متتامتين
   (ûs. mils VI)
                                                                                                          فإن : ق (د س) = .....
            (ب) ۳۰ (ج) ۵۱° - (د) ۴۰ (ب)
                                                                                                                                                                    °9.(1)
   السويس ١٠٠٠ (السويس ١٠٠٠) إذا كان: س محور تماثل أب فإن: س م
             上(¬) = (÷)
                                                                                                        >(-)
                                                          (Hunguns PI, Kulting AI, Kundentis VI)
                                                                                                                         فإن : ق (دب) = ....
                                (ب) ۸۰ (ج) ۱۰۰° (د) ۱۲۰° (د)
                                    الله ا کان: ۱۹ محور متوازی أضلاع فإن: ۱۹ محو = .....
    (1 hunguno 1)
                             52 Y(J) 54 Y(J) 24 Y(J)
                                                                                                                                                2PY(i)
```

المحاصد (رياضيات - شرح) ٣ع / ١٠١٠ ٢٠٠٥

البحيرة ١١٧ ، له ١١ كان: ل، ١/ ل، ، له ١ كان: ١١٠ فإن: ١١٠ فإن: ١١٠ فإن: ١١٠ فإن: ١١٠ فإن: ١١٠ فإن (۱) لم // لم (ب) ل // ل_ع (ج) لم // ل_ع (د) لم ل ل



يساوىمثلثات،

o(1)

(ج) ۷



(الأقصر١) عدد أشياه المنحرف يساوى

(ب) ۲ Y(1)

0(1) (ج) ٤

الشكل المقابل:

٢ ب قطر في دائرة

فإن مساحة الشكل المظلل تساوىسم (السويس ١٦)

π ٤ (1) π ۱٦ (ب)

π ۲ (÷) π ٩ (١)

أ في الشكل المقابل:

ا بحد مثلث قائم الزاوية في ب

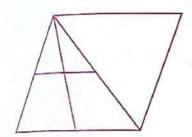
ما هي مساحة نصف الدائرة التي

تقع على الوتر أح إذا كانت مساحتا

نصفى الدائرتين الذين يقعان على الضلعين ٢٠٠٠ ، بح

هما ٣٦ ، ٦٤ وحدة مربعة ؟

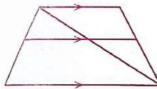
- (١) ٨٠ وحدة مربعة.
- (ج) ۱۰۰ وحدة مربعة.

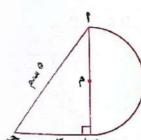


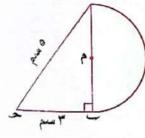
(الوادى الجديد ١٦)

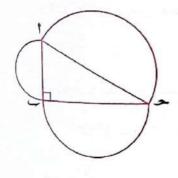
(ب) ٢

(د) ۸









(د) ۱۲۰ وحدة مربعة.

1

ف الشكل المقابل:

عدد المثلثات القائمة المظللة التى تلزم لتغطية

سطح المستطيل تمامًا يساوى

- ٤(١)
- (ج) ۸
- 17(1)

📆 في الشكل المقابل :

إذا كانت أهم: هرء = ١ : ٢

فإن النسبة بين مساحة المثلث - ه ٥

إلى مساحة المستطيل أبحر هي

Y: \(i)

(ب) ۲ : ۳

۲:۲(ج)

(implo 11)

(ب) ۲۲

(ب) ٦

0: Y(3)

<u>الله المقابل :</u>

محيط الشكل يساوىس

17(1)

78 (2) (ج) ۲۹

📆 في الشكل المقابل:

مستطیل به دائرتان م ، ن

طول نصف قطر كل منهما ٦ سم

فإن مساحة المستطيل تساوىسم (ج) ۲۱۲

YAA (1)

(ب) ۲۰۲

كا الشكل المقابل يمثل ربع دائرة طول نصف قطرها ٢ سم

فإن محيط الشكل يساوىسم.

π ه (ب)

π ۲(i)

٤+π٤(١)

188 (2) ۲ سم

(الجيزة ١١)

T.V

الممسوحة ضوئياً بـ CamScanner

ولشكل المقابل:

إذا قُسمت القاعدة في متوازى الأضلاع

بنسبة ١: ٣ فإن نسبة مساحة المثلث المظلل

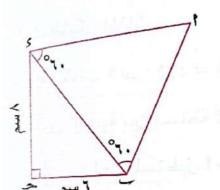
إلى مساحة متوازى الأضلاع هي

T: 1(1)

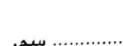
📆 في الشكل المقابل:

(ب) ۱ : ۲

9:1(1)



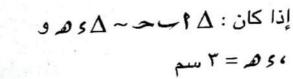
(الأقصر ١١)



٤٤ (١)

الشكل المقابل: في الشكل المقابل:

، 5 هـ = ٣ سم



(ب) ۹

🚜 في الشكل المقابل:

T(1)

إذا كان طول ضلع المربع = ١٠ سم

فإن : مساحة الدائرة =سم

 $\pi \cdots (1)$

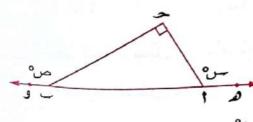
π ۲٥ (ب)

$$\pi \circ \cdot (\Rightarrow)$$

(ج) ٤

π ο · (+) π ٤. (١)

🔫 في الشكل المقابل:



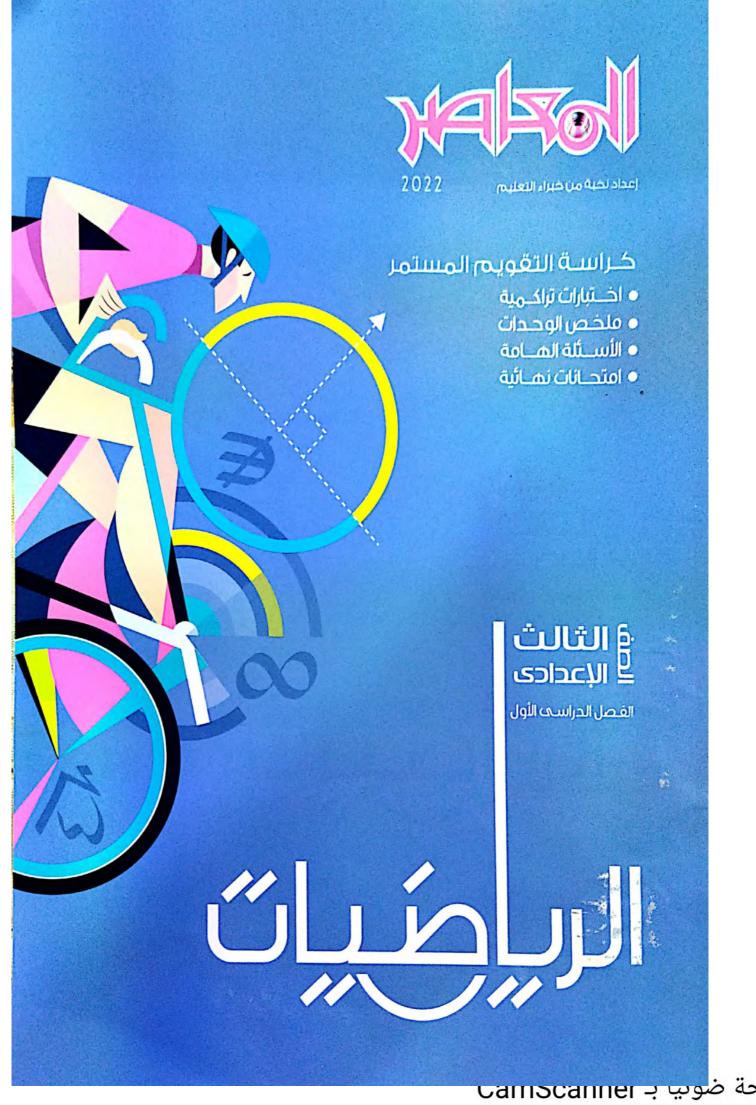
(د) ٢

فإن : س + ص =

- °9.(1)
- (ج) ۲۷۰°

- (ب) ۱۸۰°
 - (د) ۲۲۰°

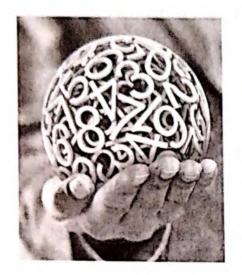
4.4



محتويات الكراســة

الجبر والإحصاء

- الاختبارات التراكمية (عدد ٩ اختبارات)
 - الأسئلة الهامة في الجبر والإحصاء.
 - الامتحانات النهائية :
 - نماذج امتحانات الكتاب المدرسي
 - (عدد ۲ نموذج + نموذج للطلاب المدمجين)
 - امتحانات بعض المحافظات (عدد ۲۰ امتحانًا)



ثانياً حساب المثلثات والهندسة

- الاختبارات التراكمية (عدد ٦ اختبارات)
- الأسئلة الهامة في حساب المثلثات والهندسة.
 - الامتحانات النهائية :
 - نماذج امتحانات الكتاب المدرسي (عدد ۲ نموذج + نموذج للطلاب المدمجين)
 - امتحانات بعض المحافظات (عدد ۲۰ امتحانًا)

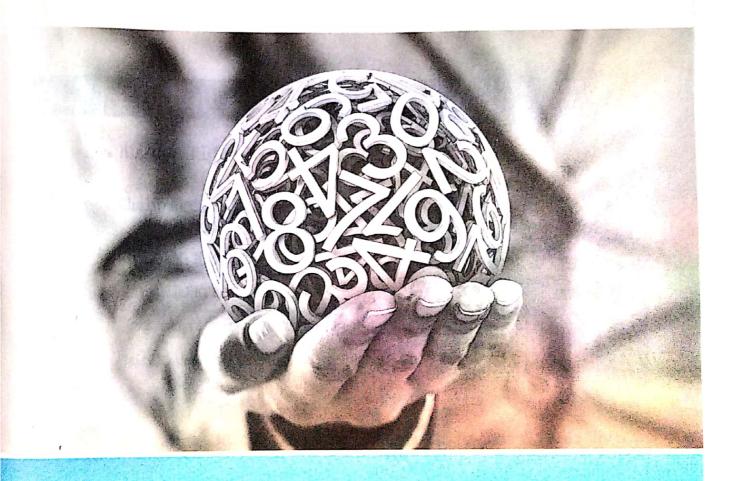


مجموعة من امتحانات الرياضيات بالامتحانات المجمعة من العام الماضي.

أولًا

الجبر والإحصاء

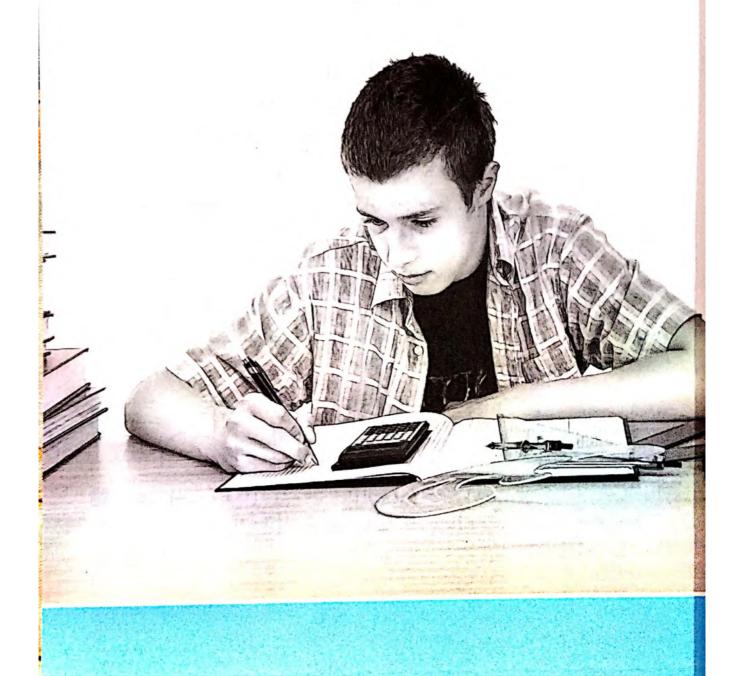
٥	• الاختبارات التراكمية (عدد ٩ اختبارات)
רו	• الأسئلة المامة في الجبر والإحصاء
۳۵	• الامتحانات النمائية :
	~ نماذج امتحانات الكتاب المدرسي
	(عدد ۲ نموذج + نموذج للطلاب المدمجين)
	- امتحانات بعض المحافظات (عدد ۲۰ امتحانًا)



الاختبارات التراكمية

في الجبر والإحصاء

من امتحانات المحافظات



حة ضوييا بـ Camocanner

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

آ إذا كانت النقطة (س ، ٧) تقع على محور الصادات فإن : ٥ -س + ١ = (بورسعيد ١١) 7(3)

(۱) صفر (ب) ۱

آ إذا كانت : س ∈ ع فإن النقطة (- س ، لاس) تقع في الربع (د) الرابع.

الأول. (ب) الثاني. (ج) الثالث.

ازا کانت : درس) = ٤ ، درس × ص) = ۲ فإن : درص) = 7(2)

(ج) ۲ (۱)

(كفر الشيح ١١) ك إذا كان: (٣ ، ٥) ∈ {٣ ، ٦} × {م ، ٨} فإن: م =

V (7)

ه إذا كان: $(Y^{U}, Y^{V}) = (YY, \omega^{T})$ فإن: $\frac{U}{\omega} = \dots$ (الغربية ١١) TY (2)

 $\frac{r_{\gamma}}{r_{V}}(z) \qquad \qquad \frac{c}{r}(z) \qquad \qquad \frac{r}{c}(z)$

٦ إذا كانت النقطة (س - ٣ ، ٢ - س) تقع في الربع الرابع فإن : س = (الدقيلية ٢٠)

(ب) ۲

1(2) (ج) ۲

 \mathbf{Y} إذا كانت : $\mathbf{w} = \{\mathbf{v}\}$ ، $\mathbf{v} = \{\mathbf{v}\}$ فإن : \mathbf{v} ($\mathbf{w} \times \mathbf{v}$) = (أسيوط ١٩)

 $(2) \qquad (3) \qquad (4, 7) \qquad (4, 7) \qquad (5) \qquad (7, 7) \qquad (1)$

(الجيزة ١٩)

π YV (3)

π ۲٦ (ب) π ٤ (۱)

(القاهرة ٢٠)

ا س× ص ا ا س (ص^۲)

Y~ [T]

إذا كان : $(-0 - 1 , 7) = (3 , 00^7 + 7)$ أوجد قيمة : -0 + 7 ص (البحر الأحمر ١٧)

حتى الدرس الثاني الوحدة الأولى

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(القليوبية ١٧) فإن : ع تمثل دالة مداها

(القليوبية ۲۰) إذا كانت ؛ س
$$= \{Y\}$$
 فإن : س $Y = \dots$

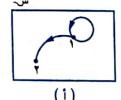
$$\{(7,7)\}(3) \qquad (7,7)(4)$$

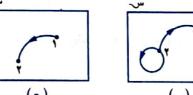
الزوج المرتب
$$(-v^{Y}, ov^{Y})$$
 حیث : $-v \neq v$ ، $ov \neq v$ یقع فی الربع

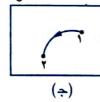
۲۰ (پ)

ردا کانت : س
$$= \{ Y : Y \}$$
 فإن المخطط السهمى الذى يمثل دالة على سر إذا كانت : س

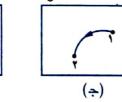
(الأقصر ١٧)

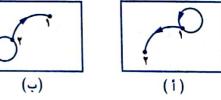






(ج) ۸



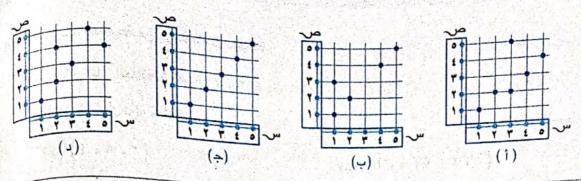


فَإِنْ : ٢ + ب = ٠٠٠٠٠٠٠

(كفر الشيخ ١٨)

(بورسعيد ١٧)

أى من العلاقات التالية تمثل دالة من س إلى ص ؟



- الشرقبة $\{Y,Y\} = \{Y,Y\} = \{Y,Y\} \}$ ، $\{Y,Y\} = \{Y,Y\} \}$ ، $\{Y,Y\} = \{Y,Y\} \}$ الشرقبة $\{Y,Y\} = \{Y,Y\} = \{Y,Y\} \}$ فأوجد:
 - و × (س- ص) 1 (س- ص) 1 (س − ص) 1 (س − ص)

t	Madi	dide.	Ass Ass	المصمة	الاجابة	441	67
٠	CO STATE OF S	THE PROPERTY.	1 PM . LO	A COLUMN AND I	ALC: UP ME	100	93 3

17(3) (ج) V ٥ (ټ) ۲ (۱)

آ الدالة د : ع - ع حيث : د (س) = س (٢ س ٢ + ٥ س) كثيرة حدود (البحر الأحمر ١٦) من الدرجة

(ج) الثالثة. (د) الرابعة. (1) الأولى. (ب) الثانية.

(القاهرة ١٧) ٧ إذا كانت الدالة د : س → ص فإن مدى الدالة د ر

رد) مر × مر (ع) س (ب) س×س (i) (القامرة ۱۹ می الله علی : س = $\{ T \}$ ، س (ص) = ه فإن : س (س × ص) =

۸ (ج) 10 (2) 0 (-) 1(1)

[اذا کانت: س= {۲،٥،٧} ، ص= {س: س ∈ ط،٨ < س ح د الله وكانت الدالة د من س ــه صربيانها كالتالى د = {(٢١، ٧)، (٥، ١٥)، (٧، ٢١)}

اذكر مجال الدالة د
 اكتب قاعدة الدالة.

آن إذا كانت : د (س) = ٢ س + س ، د (٤) = ١٣ فأوجد قيمة : س (الأسكندرية ١٧)

المعاصد (رياضيات - كراسة) ٢ع / ١٠/١ ٢

	The state of the s	A CONTRACTOR OF THE PARTY OF TH	
and Warran Ly		ة من بين الإجابات المعطاة :	🚺 اختر الإجابة الصحيحا
ر (۱) = (الدفهاية بر	ت د (-ر) = ۲ فإن:	حيث د : ع ــــــ ع ، وكان	آ إذا كانت د دالة
(د) غير معرف.	(خ) ۴	(ب)	7(1)
= (البحو الأحمر ال	١ فإن: -ن - ص	- ص = ه ، س + ص =	آ إذا كانت: س
70(3)	(خ) ه	(ب) ۱	$\frac{1}{70}$ (1)
+ ٣ ح م يمر بنقطة الأصل	ع حيث د (س) = ۲ س	م الممثل للدالة د : ع ــــــ يُ	🝸 إذا كان المستقي
(الشرفية ١٨			فإن : ح =
<u>L</u> (7)	(ج) صفر	(ب) ۳-	٣(1)
قطع محور الصادات	- ١ يمثلها خط مستقيم ين	عرفة بالقاعدة ص = ٢ -س	٤ الدالة الخطية الم
(مطروح ۲۰			في النقطة
(· · /-)(2)	(-, 1)(-)	(ب) (۱-،۰)	(1) (1)
رط ا 🖯 (الغرية ، م			
_E(s)		(ب) ع	2(1)
(البعيرة ١٦)	= (1) J	<i>ن) = ۷ -س - ۷ فإن</i> :	٦ إذا كانت : د (-
L(7)	/-(÷)	(ب) ۲	V(i)
الإسماعيلية ١٩ (الإسماعيلية ١٩)	لربع الثالث فان: ب	(۲ ، ۲ - ب) تقع فی	٧] إذا كانت النقطة
(د) ۲	٤ (ج)	(ب) ۳	۲(۱)
IN Strategy	متقيم الممثل للدالة د : 2 _	(٢ ، ٢) تقع على الخط المس	اذا كانت النقطة
(الوادي الجديد ٢٠)		ع س - ه فإن : ٢ = ٠٠	حيث د (س) =
		(ب) ۳	
ومن الرسم استنتج: (سوهاج ٢٠)	[٣ , ٣-] ∋ ··· · · · ·	الة د حيث د (س) = ۲ – ٠	🚺 مثل بيانيًا منحنى الد
] معادلة محور التماثل.	س المنحني.	١ إحداثيي نقطة رأ
30 . 20 L			
			آ إذا كانت : س− = {۱
	_	T take	
(>			,- , <u></u>

1.

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بن الإجابات المعطاة :

(1)
$$\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} (a)$$
 (a) $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} (a)$ (b) $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} (a)$ (c) $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} (a)$

(السویس (۱) عند :
$$w = \{0\}$$
 ، من = $\{7\}$ فإن : $w = \{0\}$ فإن : $w = \{0\}$ فإن : $w = \{0\}$

حتى الدرس الثاني الوحدة الثانية

اختبار تراكمي



15 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

اً إذا كان:
$$\frac{1}{2} = \frac{2}{5} = \frac{6}{6} = 4$$
 (حيث $4 \in 2^{+}$) فإن $\frac{1 - 6}{2 \cdot 6} = \frac{1}{1}$ (القليوبية ۱۸) (د) $\frac{1}{2}$ (د) $\frac{1}{2}$

$$(+)$$
 $(+)$

نسبة مساحة منطقة مربعة طول ضلعها ل إلى منطقة مربعة أخرى طول ضلعها ٣ ل

(الشرقية ٢٠)
$$\frac{1}{2} = \frac{1}{2} =$$

$$\frac{2}{\rho}(y)$$

$$\frac{2}{\rho} + \frac{2}{s} + \frac{1}{c}(1)$$

$$\frac{2}{\rho}(y)$$

$$\frac{2}{\rho}(y)$$

٧ إذا كان: ٢ ٢ + ٢ - + ح = ٣٦ وكان: ٢ + - = ١٥ فإن: قيمة ح = (الإسماعيلية ١٦)

$$\{(1, 1), (1, 1), (2, 1)\}$$
 اذا کانت : $-\infty \times \infty = \{(2, 1), (2, 1), (2, 1)\}$ فإن : $-\infty \times \infty = \{(2, 1), (2, 1), (2, 1)\}$

$$(1)$$
 عان: (1) (2) (3) (4)

القليوبية ۱۱)
$$\frac{1}{1 + \frac{1}{1}} = \frac{1}{1 +$$

الشرقية ۲۰) إذا كان:
$$\frac{9}{2} = \frac{7}{7}$$
 أوجد قيمة: $\frac{9-47}{7-2}$

حتى الدرس الثالث الوحدة الثانية

اختبار تراكمي

٧

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

ال إذا كانت : ٢ ، ٢ ، ٤ ، ١٠ هي تناسب متسلسل فإن : ١ + - =

$$A(7)$$
 $A(7)$ $A(7)$

$$\{V : Y\}(2) \qquad \qquad \{V\}(2) \qquad \qquad \{Y\}(2) \qquad \qquad \emptyset(1)$$



$$\frac{1}{1} = \frac{1 - 2}{1} = \frac{1 + 2}{1} = \frac{1 + 2}{1}$$



$$\frac{1}{1} = \frac{-1 - -1}{1 + -1}$$
 اثبت أن:

احتبار تراكمي 🗼 حتى الدرس الرابع الوحدة الثانية

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

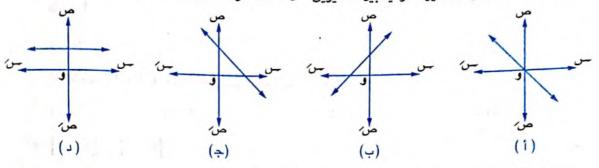
(المنيا ١٨) آ إذا كان : -س ص = ٧ فإن : ص ٥٠

$$\frac{1}{\omega}(x) \qquad \frac{1}{\omega}(x) \qquad \frac{1$$

ا إذا كانت ص تتغير عكسيًا مع حل وكانت حل =
$$\sqrt{7}$$
 عندما $\sqrt{7}$

فإن ثابت التناسب يساوى (الوادي الجديد ٢٠)

$$\gamma(1)$$
 $\gamma(2)$ $\gamma(3)$ $\gamma(4)$ $\gamma(4)$



إذا كان:
$$\frac{7-7-2}{7-7-7} = \frac{1}{7}$$
 أثبت أن: $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{7}$ ميات متناسبة.

:	Madi	الاحابات	w	الصحيحة	الاحابة	اخة	1
۰	-		D- D-	-	~~,	, ,	

 الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة في مجموعة من البيانات يسمى (الشرقية ١٨)

آ إذا كانت ١٨ هي أكبر مفردات مجموعة ما وكان المدى = ٦

 إذا كانت جميع قيم المفردات متساوية في القيمة فإن (الشرقية ١٦)

$$\cdot > \overline{\omega} - \omega - (1) \qquad \cdot < \overline{\omega} - \omega - (2) \qquad \cdot = \overline{\omega} + (1)$$

(دمياط ١٧) 🚺 الجدول الآتي يبين الأعمار بالسنوات لعشرين شخصًا :

المجموع	۲.	۲٥	77	77	۲.	. 10	العمر
۲.	٤	١	0	٥	٣	۲	عدد الأشخاص

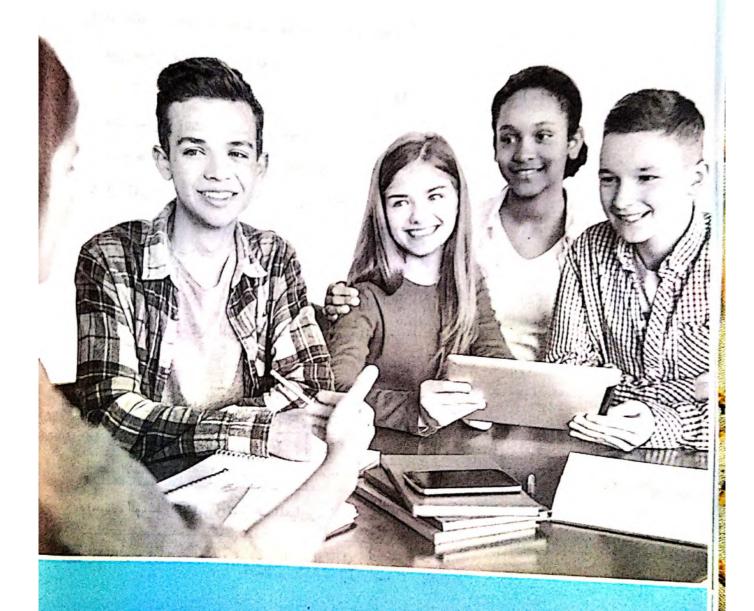
احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري.

(الغربية ١٩)
$$\frac{5+2}{5} = \frac{-+1}{5}$$
 إذا كانت : ١ ، - ، ح ، و كميات متناسبة أثبت أن : $\frac{1}{5}$

الأسئلة الهامة

فى الجبر والإحصاء

من امتحانات المحافظات



حة ضوّليا بـ camocanner

ملخص الوحدة الأولى الملاقبات والبدوال



حاصل الضرب الديكارتي

🔾 لأى مجموعتين منتهيتين وغير خاليتين س ، ص يكون :

حاصل الضرب الديكارتي س× صحهو مجموعة جميع الأزواج المرتبة التي مسقطها الأول عنصر ينتمى إلى س- ومسقطها الثاني عنصر ينتمي إلى ص-

- $\emptyset = -\infty \times \emptyset = \emptyset \times -\infty$ لأى مجموعة سيكون \otimes
 - 🗘 محور السينات ومحور الصادات يقسمان المستوى إلى أربعة أقسام (أرباع) كما بالشكل المقابل ويمكن التعرف على الربع الذي تقع فيه أي نقطة من إشارتي إحداثييها.



- 🗘 إذا كان الإحداثي السيني للنقطة يساوي الصفر فإن النقطة تقع على محور الصادات.
- 🖒 إذا كان الإحداثي الصادي للنقطة يساوي الصفر فإن النقطة تقع على محور السينات.

العلاقة

- € العلاقة من المجموعة سرالي المجموعة صرهي ارتباط يربط بعض أو كل عناصر سرببعض أو کل عناصر صہ
 - 🗘 إذا كانت على علاقة من المجموعة سم إلى المجموعة صم فإن:
- * بيان عد هو مجموعة من الأزواج المرتبة التي مسقطها الأول ينتمي إلى سر ومسقطها الثاني ينتمي إلى صر ~~×~¬&*
 - يذا كانت عـ علاقة من سر إلى سر فيقال إن عـ علاقة على سر ويكون عـ رس×س

الدالة

- ♦ يقال لعلاقة من سم إلى صم إنها دالة إذا تحققت إحدى الحالات الآتية:
- (١) كل عنصر من عناصر سم يظهر مرة واحدة فقط كمسقط أول في أحد الأزواج المرتبة التي تنتمي إلى بيان العلاقة.

- ٧ كل عنصر من عناصر سي يخرج منه سهم واحد فقط إلى أحد عناصر صودلك في المخطط السهمي الممثل للعلاقة.
- ٣ كل خط رأسى تقع عليه نقطة واحدة فقط من النقط التي تمثل العلاقة وذلك في المخطط البياني الممثل

🖒 إذا كانت د دالة من سر إلى ص فإنها تكتب د : س ـــه ص ويكون :

- س هي مجال الدالة د
- 😙 ص-هى المجال المقابل للدالة د
- ❤ مجموعة صور عناصر س- بالدالة د هي مدى الدالة ويكون مدى الدالة

 المجال المقابل للدالة.

دوال كثيرات الحدود

🗘 الدالة كثيرة الحدود هي دالة قاعدتها حد أو مقدار جبري ويتوافر فيها الشرطان الآتيان معًا :

- كل من المجال والمجال المقابل للدالة هو مجموعة الأعداد الحقيقية ح
 - 😯 قوة (أس) المتغير في أي حد من حدود قاعدتها هو عدد طبيعي.

لاحظ أن: درجة الدالة كثيرة الحدود هي أكبر قوة للمتغير في قاعدة الدالة.

نالدالة الثابتة:

الدالة د: ع → ع حيث د (س) = ب ، ب ح ع تسمى دالة ثابتة ويمثلها بيانيًا خط مستقيم يوازى محور السينات ويقطع محور الصادات في النقطة (٠، ب)

🔾 الدالة الخطية:

الدالة د: ع → ع حيث د (س) = ١ س + ب ، ١ = ع - { . } ، ب = ع تسمى دالة خطية (دالة من الدرجة الأولى) يمثلها بيانيًا خط مستقيم يقطع محور الصادات

 (\cdot,\cdot) ويقطع محور السينات في $\left(\frac{--}{1},\cdot\right)$

🗘 الدالة التربيعية:

الدالة د : ع ـــ ع حيث د (س) = ١٠٠٠ + بس +ح ، ١ ، ب ، ح أعداد حقيقية ١ ≠ ٠ تسمى دالة تربيعية وهى دالة كثيرة حدود من الدرجة الثانية ويمثلها بيانيًا منحنى نقطة رأسه هي : (- ب ، د (- ب))



الأسئلة المامة على الوحدة الأولى 🧣 العلاقات والدوال

أولا أسئلة الاختيار من متعدد

$$V(a)$$
 $E(a)$ $V(a)$

$$(-1)^{-1}$$
 اذا کانت : $(-1)^{-1}$ ا ، $(-1)^{-1}$ ، $(-1)^{-1}$ فإن : $(-1)^{-1}$ المحدة $(-1)^{-1}$

$$\{(7,7)\}(1) \qquad \qquad \{9\}(2) \qquad \qquad (7,7)(1) \qquad \qquad 9(1)$$

$$(1)$$
 اِذَا کَانْت : س $= \{ 1 , 1 \}$ ، ص $= \{ 7 , 3 \}$ فإن : $(7 , 3) \in \mathbb{N}$

$$\{(4,7)\}(3) \qquad \{(7,7)\}(4) \qquad \{(7,7)\}(5) \qquad \{(7,7)\}(7) \qquad \{(7$$

إذا كانت : د (--) =
$$\omega$$
 + γ - γ فإن مجموعة قيم ω المكنة والتي تجعل د دالة من الدرجة الثانية هي

$$\{1, \Upsilon\}(1) \qquad \{\cdot, 1, \Upsilon\}(2) \qquad \{\{1, \Gamma\}(1), \Gamma\}(2) \qquad \{\Upsilon, \Upsilon\}(1)$$

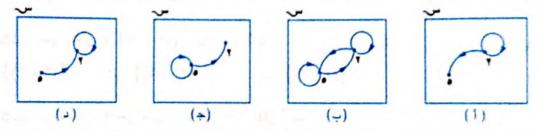
🚻 الليكل المقابل بعثل والة

(1) (1)

(1) الأولى.

- الدالة د : د (سر) = س ' (س ' ۲ س) كثيرة حدود من الدرجة
- (1) التُولى. (ب) الثانية. (ج) الثالثة. (د) الرابعة.
- (1) وذا کان: (۲ ء سے) (2) بیان الدالة د حیث د (س) = ۲ س ۲ فإن: (2) فان: (3) فان: (4) کان: (۲) صغر (۱)
- أى من الدوال المعرفة بالقواعد الأتية تمثل كثيرة حدود ؟ [مطروح ١١٠]

- - (۱) (ب) ۱ (ج) صفر
- إذا كانت: س= (۲ ، ٥) فأى من المخططات السهمية الاتية يعبر عن دالة على المجموعة س-؟ (بورسعيد ١١)



١ + ١٠ ٢ = (١٠) وكانت د : س - ح ك حيث د (س) = ٢ س + ١

فإن مجموعة صور عناصر المجال بواسطة الدالة د هي

```
iduillă Ilmloă
          🚺 الدالة د : د (-س) = ٢ -س يمثلها بيانيًا خط مستقيم يمر بالنقطة ......
(بلي سويف ١١٧)
        (4 , 4) (4)
                       (\cdot, \cdot, \cdot) (\rightarrow) \qquad (\cdot, \cdot, \cdot) (\rightarrow) \qquad (\forall -, \cdot, \cdot) (1)
                     ازا کانت د : ع مید د (س) = س او ۲ + ۲ و کانت : د (۲) = ۱۱
(الشرقية ٢٠)
                                                            نان: له = ساسان
            Y-(2) Y(+)
                                                        r (w)
                                                                         0(1)
(الدقهلية ١٩)
                            ال إذا كانت : د (س + ٣) = س - ٣ فإن : د (٧) = .....
             1. (3)
                        V(+) 1(+) 1(1)
(الدقهلية ٢٠)
                                 اذا کانت : د (۲ -س) = ٤ فإن : د (- -س) = .....
              7(1)
                                  (ب) -٤
                                                                       Y-(1)
                     [1] إذا كان المستقيم الذي يمثل الدالة د : د (---) = ٢ --- أ يمر بنقطة الأصل
(الفيوم ١٧)
                             (ج) مىلى
              7(4)
                                                        ۲ ( ت
                                                                        Y-(1)
                     [1] إذا كانت النقطة (ك ٢ - ٤ ، ك) تقع على الجزء السالب من محور الصادات
(الشرقية ١٨)
               Y(1)
                                                                        Y ± (1)
                      آ إذا كانت : س ، ص مجموعتين غير خاليتين ، له (س) = له (س× ص)
(دمياط ١٨)
                                                        فإن : له (ص) = ....
              The Directory
               (4) 3
                                   (ج)
                                                        Y (~)
                                                                          1(1)
الشرقية ١٥) الشرقية ١٥) × {٢} اذا كان: {٢} × {٢} م ، ص = ........... (الشرقية ١٥)
           (د) صفر
                                  (ب) – ۱ (ج) ± ا
                                                                          1(1)
                              ثَانَيًا الأسئلة المقالية
```

$$\{i \in T\} : w = \{i \in T\} \}$$
 , $a = \{i \in T\} \}$
 $(a = i)$ $a = \{i \in T\} \}$ $a =$

(بني سويف ۲۰)

E × (~~ ∩ ~~) []

إذا كانت: س- = { ٤ ، ٥ ، ٧ } وكانت على دالة على س- وكان بيان غ = {(١،٥)، (ب، ٥)، (١،١)} غاوجد:

(neals .T)

اً مدى الدالة،

القيمة العددية للمقدار † + -

اذا كانت: س × ص = (۱ ، ۱) ، (۱ ، ۱) ، (۲ ، ۱) ، (۱ ، ۲) ، (٤ ، ۱) ، (٤ ، ۳) علامة أوجد: ١] ص×س ~~ (~~ [7] (الشرقية ١٦)

[۲، ۵، ۲] = س = {۵، ۲، ۲، ۱} = س = {۲، ۵، ۲} أوجد: [(ص ∩ س) × ص (صاً) مدر (صاً) مدر (صاً عند الشيخ ١١)

- [3] إذا كانت: س= {-٢ ، ١ ، ، ، ، ، ، } وكانت ع علاقة على سحيث «أ ع ب تعنى أن «العدد 1 معكوس جمعى للعدد ب، لكل 1 ∈ س، ب ∈ س اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى ، وهل عدالة أم لا ؟
 - إذا كانت: س= (٢ ، ٣ ، ١) ، ص= (٢ ، ٢ ، ١) وكانت ع علاقة من س إلى صحيث «أ ك ب تعنى أن «أ + ب = عدد فردى» لكل أ ∈ س ، ب ∈ ص
- ١ اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي.

آ إذا كانت ٢ ١ ع ٢ فأوجد: قيمة ١

(الإسماعيلية ١٧)

- إذا كانت : س = {٢ ، ٣ ، ٢} ، ص = {١٢ ، ٩ ، ٨ ، ٩ ، ١٢} وكانت ع علاقة من س إلى ص إلى ص إلى الله على ال حيث «أع ب» تعنى أن «٢١=ب» لكل أ∈س، ب ∈ ص
 - آ مثل ع بمخطط سهمي.

١ اكتب بيان العلاقة.

٣ هِل عُدالة من سر إلى صرام لا ؟ ولماذا ؟

(الشرقية ١٨)

ع: س → صحيث «ا ع ب» تعنى أن «ا = ا ب » لكل ا ∈ س ، ب ∈ ص اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى ، هل ع دالة أم لا ؟ مع ذكر السبب. (الفيوم ١٦)



13 إذا كانت: س- = {١،١١، ٣} ، ص- = {١،٢،٢،١} . وكانت د : س- سـ حيث د (س) = ٥ - س

(الوادي المديد ١٧) ارسم مخططًا بيانيًا للدالة د (الوادي المديد ١٧)

[(۱۱، ۵)، (۹، ٤)، (۷، ۳)، (۲، ۱)] اِذَا كَانَ بِيَانَ د = [(۱، ۲)، (۲، ۲)، (۲، ۵)، (۲، ۲)]

آ اکتب مدی الدالة د

٣ اكتب قاعدة للدالة د

١ اكتب مجال الدالة د

(دمیاط ۱۱)

- إذا كان المستقيم الممثل للدالة د : ع ـــ ع حيث د (س) = ٤ س ٢ يقطع محور السينات في النقطة (المنيات) أوجد : قيمتي ٢ ، ب
- - [-1, -1] مثل بیانیًا الدالة التربیعیة د : د $(-0) = -0^7 3 0 + 7$ ، $-0 \in S$ متخذًا $-0 \in [-1, -1]$ ثم أوجد :

لقيمة الصغرى للدالة. المبيرة ١٨٥

معادلة محور تماثل الدالة.
 القيمة الصغرى للدالة.

إحداثيى نقطة رأس المنحنى.
 القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

[Y, Y] ارسم منحنی الدالة د حیث د $(-0) = 1 - -0^{Y}$ فی الفترة [-۲، ۲]

(٣) معادلة محور التماثل.

ومن الرسم عين :

(الشرقية ١٨)

الجبر والإحصاء

اذا كانت : د (س) = ۱ + س ، ل (س) = ح كثيرتي حدود حيث ١ ، ح ثابتان وكانت :

أوجد القيمة العددية للمقدار : ٢ د (\cdot) + ٢ ل (\lor)

(الدقهلية ١٩)

[الشكل المقابل يوضع المستقيم أب

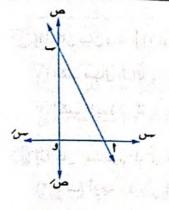
أوجد: قيمة كل من ك ، له حيث و نقطة الأصل.

(المنوقية ١٨)

الشكل المقابل يمثل الدالة د حيث د (---) = 3-7-7-7 أوجد:

1 إحداثيي كل من النقطتين ٢ ، ب

آ مساحة سطح △ ١ و ب

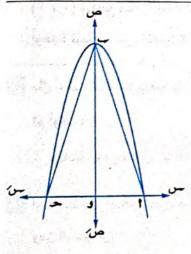


(الأقصر ١٩)

 $^{\text{Y}}$ الشکل المقابل یمثل منحنی الدالة د حیث د (--) = --

أوجد: ١ إحداثيي ١ ، ح

1 مساحة المثلث اسح



(كفر الشيخ ١٨)

ملخص الوحدة الثانية



النسبة والتناسب والتغير الطردي والتغير العكسي

النسيسة

التناسب

$$\frac{2}{1} = \frac{5}{5}, \quad \frac{2}{2} = \frac{5}{1}, \quad \frac{2}{2} = \frac{1}{1}$$

$$\frac{2}{5} = \frac{1}{5} : \text{div} : \frac{2}{5} = \frac{1}{5} : \text{div} : \frac{2}{5} = \frac{1}{5} : \text{div} : \frac{2}{5} = \frac{1}{5} : \frac{2}{5} : \frac{2}{5}$$

ے =
$$\frac{1}{5}$$
 = $\frac{1}{5}$ اذا کانت : ۱ ، $\frac{1}{5}$ = $\frac{1}{5}$ ح میات متناسبة وفرضنا أن : $\frac{1}{5}$ = $\frac{1}{5}$

نقال إن الكميات † ، ب ، ح في تناسب متسلسل إذا كان ، أ = €
 يسمى † الأول المتناسب ، ح الثالث المتناسب ، أما ب فتسمى الوسط المتناسب بين † ، حــ

التغير الطردى والتغير العكسي

التغير العكسى

- إذا كانت : ص تتغير عكسيًا مع ص وتكتب ص ∞ أبياً فإن :
 - () ص = بن (أي أن: س ص = م)

حيث م ثابت ≠ ٠

- 100 = 100 Y
- (٣) العلاقة بين س ، ص ليست علاقة خطية.
 - لإثبات أن ص ∞ بن نثبت أن : س ص = م حيث م ثابت خ ·

was I - - who we designed if - +

I get be I are for golden in a good love about the love had

التغير الطردي

- إذا كانت : ص تتغير طرديًا مع س وتكتب م ∞ س فإن :
- - 100 = 100 Y
- العلاقة بين س ، ص يمثلها بيانيًا خط مستقيم يمر بنقطة الأصل.
 - لإثبات أن ص ∞ ـ س نثبت أن : ص = م س حيث م ثابت خ .

No 3 - 1 - 3 - 4 - 5 - 6 + - - - (12) Re-

النسبة والتناسب والتغير الطردت والتغير العكست الأسئلة الهامة على الوحدة الثانية

أولاً أسئلة الاختيار من متعدد

$$\frac{r}{o}$$
 (\Rightarrow) o (\rightarrow) r (1)

$$\frac{\delta}{\Lambda}(\lambda)$$
 $\frac{\tau}{\delta}(\lambda)$

$$\Upsilon(\Rightarrow)$$
 $\frac{7}{7}(1)$

$$\frac{h}{\omega} = \Delta \omega$$
 (a) $\omega = \Delta \omega$

$$\frac{\omega}{\gamma} = \frac{\omega}{\alpha} (1) \qquad (4) \qquad (4) \qquad (5)$$

(ب) ۲

(ب) ٤

$$\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} (x, y)$$

$$\frac{\xi}{\tau} = \frac{\sqrt{\tau}}{\tau} (\Rightarrow)$$

$$\frac{\omega}{r} = \frac{\omega}{\sigma}(1) \qquad \frac{\varepsilon}{r} = \frac{\omega}{\sigma}(2) \qquad r + \omega = 0 \qquad (1)$$

(القاهرة ١٦)

٤(١)

$$\frac{\lambda}{I}$$
 (7)

7 (=)

٤(١)

$$V(u)$$
 $v(u)$ $V(1)$

$$(r_1)$$
 (r_2) (r_3) (r_4) (r_4) (r_4) (r_4) (r_4) (r_4)

$$\frac{(1)^{2}}{(1)^{2}} = \frac{1}{2} = \frac{$$

ص	٠-)	س	•
٦	۲	۲.	
4~	Y	14	

من	U-
٩	١.
١٨	٥

A (a)

1 (4)

۲

٤

اذا کان : ٤ –
$$0^{4}$$
 = ٩ ص المان : $\frac{-0}{8}$

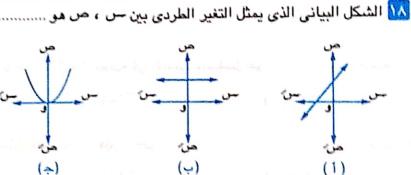
$$\frac{9}{5}(1)$$

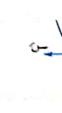
 (\sim)

$$(1) \circ \times \gamma^{\gamma}$$

(المنوفية ١٢)

(بنی سویف ۱۲)







اذا كانى: حن من + أ = حن من المن : (Highi 11)

$$\frac{1}{\omega} \times (1) = 0 \times (1)$$

🜆 اِذَا كَانَ : ﴿ صِ صِ ﴿ ﴿ اللَّهُ اِ صِ ٢٥ (الشرقية ١٨)

ثانيًا الأسئلة المقالية

$$\frac{7-\omega+7}{1}$$
 إذا كان: $\frac{\omega}{\omega}=\frac{7}{7}$ أوجد قيمة النسبة: $\frac{7-\omega+7}{7}$

القاهرة ۱۹ اس ، ح ، ۶ کمیات متناسبة فأثبت أن :
$$\frac{1+7}{5+7} = \frac{z-1}{5-1}$$
 إذا كانت : $\frac{1}{5}$ ، $\frac{1}{5}$ میات متناسبة فأثبت أن : $\frac{1+7}{5}$

(کفر الفیخ ۱۰)
$$\frac{1}{r_{s+s}} = \frac{1}{r_{s+s}} = \frac{1}{r_{s+s}} = \frac{1}{r_{s+s}}$$
 إذا كانت : ۲ ، ب ، ح ، ۶ في تناسب متسلسل أثبت أن : $\frac{1}{r_{s+s}} = \frac{1}{r_{s+s}}$

الحينة ١٢)
$$\frac{1}{2-2} = \frac{1}{2-2}$$
 فأثبت أن: ١ ، ٠ ، ح ، و كميات متناسبة.

$$\frac{1}{\sqrt{1+2}}$$
 إذا كان : $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ أثبت أن : $\frac{1}{\sqrt{1+2-2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$

الجيزة ۱۸) إذا كان:
$$\frac{1}{Y} = \frac{2}{Y} = \frac{2}{X} = \frac{19-7-9-2}{9-0}$$
 فأوجد: قيمة -0

a mularin

اذا کانت : ص
$$\infty$$
 بن ص $= 18$ عندما $= 28$ عندما $= 28$ فأوجد : [] العلاقة بن ص $= 28$ قيمة ص عندما $= 28$

القابوبية ۱) العلاقة بين س ، ص
$$\infty$$
 و كانت ص = ۳ عندما ω = ۲ كانت : ω و كانت ص = ۳ عندما ω = ۲ كانت : 1 العلاقة بين ω ، ω و كانت ص عندما ω = ۲ كانت : 1 العلاقة بين ω ، ω

(کفر الشیخ ۲۰) إذا كانت :
$$\frac{71 - v - av}{v} = \frac{av}{3}$$
 أثبت أن : av ع

إذا كانت:
$$-v = 3 + \lambda$$
 وكانت ع تتناسب عكسيًا مع $v = 0$ وكانت ع $v = 0$ وكانت ع $v = 0$ وكانت ع $v = 0$ أوجد العلاقة بين: $v = 0$ ثم أوجد: قيمة $v = 0$ عندما $v = 0$

إذا كانت :
$$ص = 1 + - حيث - تتغير عكسيًا مع مربع - 0 وكانت : $ص = 0$ عندما $- 0 = 7$ أوجد العلاقة بين : $- 0$ ، $- 0$ ثم أوجد : قيمة $- 0$ عندما $- 0 = 3$$$

ملخص الوحدة الثالثة الإحصياء

🔾 مصادر جمع البيانات :

- مصادر أولية (ميدانية) ؛ وهي المصادر التي يحصل منها الباحث على البيانات بشكل مباشر.
- مصادر ثانوية (تاريخية) : وهى المصادر التي يحصل منها الباحث على البيانات التي تم تجميعها وتسجيلها من قبل بواسطة آخرين.

ن أساليب جمع البيانات:

- أسلوب الحصر الشامل: ويقوم على جمع البيانات حول الظاهرة محل الدراسة من جميع مفردات المجتمع الإحصائى، ويستخدم لحصر جميع مفردات المجتمع.
- أسلوب العينات : ويقوم على جمع البيانات حول الظاهرة محل الدراسة من عينة ممثلة للمجتمع كله وإجراء البحث عليها ، ثم تعميم النتائج على المجتمع كله.

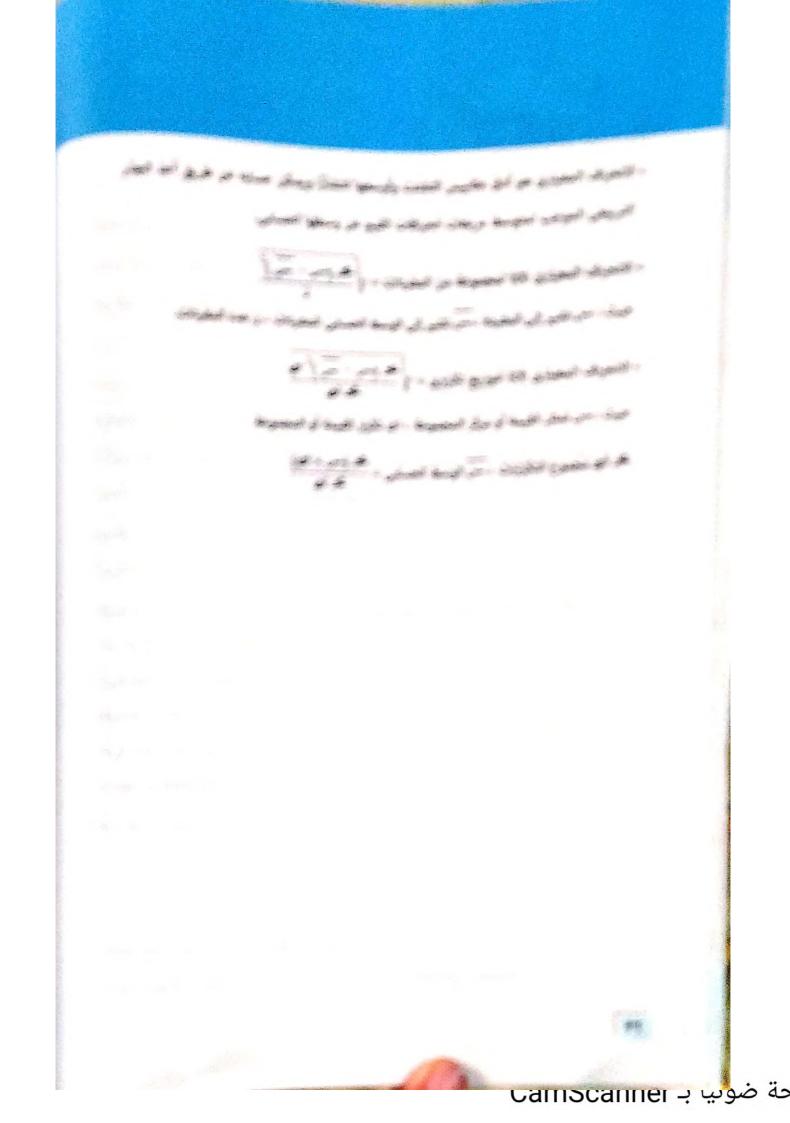
: العينات

- العينة هي جزء صغير من مجتمع كبير تشبه المجتمع وتمثله.
- العينة غير العشوائية (العمدية): هي عينة يتم فيها اختيار مفردات بعينها من مفردات المجتمع الإحصائي دون غيرها بحيث تناسب أهداف البحث.
 - العينة العشوائية البسيطة: هي عينة تستخدم مع المجتمعات المتجانسة الغير مقسمة بطبيعتها إلى فئات أو طبقات.
 - العينة العشوائية الطبقية : هي عينة تستخدم في حالة المجتمعات الإحصائية غير المتجانسة المقسمة بطبعها إلى مجموعات نوعية تختلف في الصفات.
 - عدد مفردات الطبقة في العينة $= \frac{3}{3}$ عدد مفردات الطبقة الكلى \times عدد مفردات العينة $= \frac{3}{3}$

«مع تقريب الناتج لأقرب وحدة»

: التشتت

- التشتت هو مقياس يعبر عن مدى تجانس المجموعات.
- المدى لمجموعة من المفردات هو الفرق بين أكبر مفردة وأصغر مفردة في المجموعة.



الأسئلة الهامة على الوحدة الثالثة 🧣 الإحصاء

أولًا أسئلة الاختيار من متعدد

هل طرق قياس التشتت هو	(i) الوسط الدى لجمو (i) ۳
(ب) ٢ (ج) ٤ (ج) ٢ (ب) ٢	(1) ۳ إذا كان : -
مح (س – س) القيم عددها ۹ ، فإن الانحراف المعياري الشرقية ۲۰ الشرقية ۲۰ (س – س) الشرقية ۲۰ (الشرقية ۲۰ (د) ٤ (د) ٤ (د) ٤	🧗 إذا كان : -
(الشرقية ٢٠) (ب) ۱۸ (ج) ۲۷	
(ب) ۱۸ (ج) ۲۷	یساوی
٧٠ عاملاً معم ٧٥ فناً ٤ م م مناسبًا ٤ مأذنت عينة طبقية حجمها ٥٠ فيريًا تُعثل فيها كا	Y (1)
والمراقع والمقي والمراقب والمنطق والمراقب المنطق والمراقب المنطق والمراقب المنطقة والمراقبة والمنطقة و	مصنع به د
ب حجمها فإن عدد المهندسين في هذه العينة يساوى	طبقة بحس
1 0(2) 7 0(字) 7 ·(中)	٣٠(١)
ثر شيوعًا لمجموعة من القيم تسمى	
(ب) الوسيط. (ج) الوسط الحسابي. (د) المتوال.	(١) المدى.
ر الثانوية لجمع البيانات (الفيوم ١٢)	🚺 من المصاد
الشخصية. (ب) الاستبيانات.	(١) المقابلة
بيانات الموظفين. (د) الملاحظة والقياس.	(ج) قاعدة ،
نة من طبقات المجتمع الإحصائي تسمى بالعينة (الإسكندرية ١٤)	📉 اختیار عین
ائية. (ب) الطبقية. (ج) العمدية. (د) العنقودية.	(1) العشوا
كبر المفردات وأصغرها لمجموعة من المفردات يسمى (سوهاج ١٨)	 لفرق بين أ
(ب) الوسط الحسابي.	(أ) المدى.
ط. (د) الانحراف المعياري.	(ج) الوسيم
عسابی لمجموعة القیم : ۷ ، ۳ ، ۲ ، ۳ ، ۵ یساوی	الوسط الد
(ب) ۲ (ج) ع	r (i)

🍱 أكثر المجموعات الآتية تشنتًا من المجموعة 17.74.11.11.7.(-) 1. 173 . T. . SV . TA ()) TV . 0 . 19 . 19 . 10 (4) 13, 44, 47, 40, 41 (-) 🚻 إذا كانت جميع المفردات متساوية في القيمة فإن (Se miller 19) 1 < Um = (1) · = 0 (*) · > + - + (-) 🌃 الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي يسمى 1611111 (_) الوسيط، (-) الانمراف المعياري. (ه) المنوال. r. (a) A (-7(-) 🍱 أي من القيم الأتية للعدد س تجعل مدى مجموعة القيم : س ، ١٥ ، ٢٠ ، ٢٤ يساوى ١٤ ؟ - المولد م T. (1) 1. (3) 19 (=) TO (-) ثاليا الأسئلة المقالية احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية : 11.11.17.17.17 (could ?!) 🚺 الجدول التالي يمثل التوزيع التكراري لأعمار ١٠ أطفال: العمر بالسنوات المجموع 14

🚺 احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للتوزيع التكراري التالى:

احسب الانحراف المعياري للعمر بالسنوات،

المجموع	۲۰ – ۲۱	- 17	- A	- ٤	صفر –	المجموعات
Y0	٩	۲	٧	٤	٣	التكرار

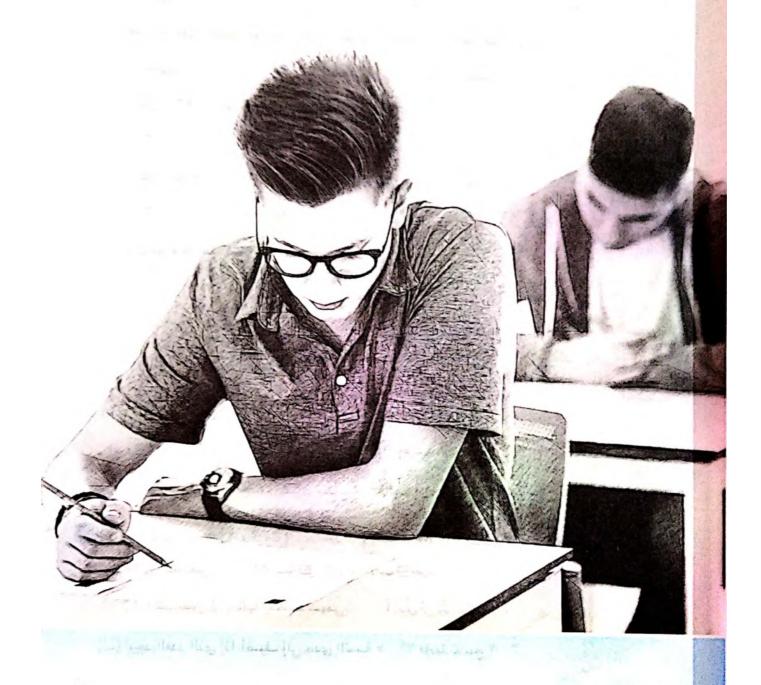
(الغربية ١٧)

(القاهرة ١٨)

عدد الأطفال

الامتحانات النهائية

فى الجبر والإحصاء



نماذج امتحانات الكتاب المدرسي

نـمــوذج 🚺

أجب عن الاسللة الاتية ,

		4.00	
		ة من بين الإجابات المعطاة	🊵 اختر الإجابة الصحيحا
		تقع لمى الربع	النقطة (٣٠ ، ٤)
(د)الرابع.		(ب) الثاني.	
 لحسابى يسمى	رافات القيم عن وسطها ا	لوجب لمتوسط مربعات انح	🚺 الجذر التربيعي ال
	ابي. (ج)الانحراف المعي		(١) المدى.
		٤ - فإن ١ : - =	الذا كان: ٣١ = .
V: £(1)	۷ : ۳ (ج)	۲ : ٤ (ب)	£ : T(1)
= (-	ه فإن: له (س× ص	ا = (مر ^۲) = ۱	آ إذا كان : مه (س)
V(2)		(ب) ۱۸	7(1)
	بساوی	م:۷،۲،۲،۷،	٥ المدى لمجموعة القي
17(2)		(ب) ٤	
 = ۳ عندما س =		س وكانت : ص = ٢ عند	
(د)۲	۲٤ (<u>÷)</u>	(ب) ۱۲	17(1)

1 av x m

$$\frac{2}{(+)}$$
 إذا كانت: ١، -، ح، وكميات متناسبة فأثبت أن: $\frac{1}{(+)}$

اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى.
 آبين أن ع دالة.

(ب) أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٧ : ١١ فإنها تصبح ٢ : ٣

	ة على س	{١، ٣، ١} وكانت كم دال	📰 (۱) إذا كانت : سـ
	٥)} فأوجد:	· \) · (\ · · ·) · (T · t)	وکان بیان گے = {
· 13 •	٢] القيمة العددية للمقدار : ٢ +		آ مدى الدالة.
	-ں = ٢ فأوجد:	$\frac{1}{-0}$ وکانت : ص = ۲ عندما	(ب) إذا كانت ؛ ص ∞
4 m L x _] قیمة ص عندما س = ٥٠١	_	العلاقة بين حل
Ī	$[\cdot,\cdot]$ متخذًا $-$ ں \in	لدالة د حيث د () = (🚺 (1) مثل بیانیًا منحنی ا
لتماثل.	لصغرى للدالة ومعادلة محورا	نقطة رأس المنحنى والقيمة ا	ومن الرسم استنتج
	0.7.V.9.A:	ابى والانحراف المعيارى للقيم	(ت) احسب الوسط الحس
in the second	r a	نـمــوذ؛	•
			أجب عن الاسئلة الأ
	who has the think of	بين الإجابات المعتمان .	🚺 اختر الإجابة الصحيحة من
	sti su Maste L . I fore	ى الربعا	١ النقطة (٢ ، ٤) تقع في
(د) الرابع.	(ج) الثاث.		(١) الأول.
	the thing for y		آ من مقاييس التشتت
(د) المنوال.	(ج) الانحراف المعياري.	(ب) الوسط الحسابي.	(١) الوسيط.
			٣] الثالث المتناسب للعددير
(د) ۱۲	(ج) ۲	(ب)	The second secon
	ِ فإن : له (ص ّ) =		
(د) ۱۲	ر چ) اج) ۱۲		٤ (١)
(-)			
20127-00-0000		، ۱،۱،۱،۱،۱،۱،۵ یساوی .	 المدى لجموعة القيم: ٧
14 (7)	(خ) ل	(ب) ٤	٣.(١)
		فإن : ص 🗴	آ إذا كان: - س ص = ٧
(د) س + ۷	(ج) س	(ب) س – ۷	ر (۱)
ica)			

ni matti a la att

- (1) مثل بيانيًا منحنى الدالة د حيث د (س) = ٤ س متخذًا س ∈ [-٣ ، ٣]
 ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحنى والقيمة العظمى للدالة ومعادلة محور التماثل.
- (ب) الجدول الآتي يمثل عدد الأطفال في ١٠٠ أسرة في إحدى المدن:

المجموع	٤	۲	۲	1	صفر	عدد الأطفال (س)
١	١٤	۲٥	٤.	١٥	٦	عدد الأسر (ص)

احسب المتوسط الحسابي والانحراف المعياري.

نموذج امتحان للطلاب المدمجين

أجب عن الاسللة الاتية ،

🚺 أكمل ما يأتي :

- (١) النقطة (٥ ، ٢) تقع في الربع
- ٢ الدالة د : د (س) = س م + ٨ تسمى دالة كثيرة حدود من الدرجة
- ٣ المدى لمجموعة القيم ؛ ٤ ، ١٤ ، ٢٥ ، ٢٤ هو
- ﴾ إذا كان : ص = ٢ س فإن : ص ه
- - آ إذا كان : (١ ، ٢) = (٦ ، ٠٠) فإن : ١ + ٠٠ = ············

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

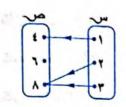
- ا إذا كان : س ص = ٧ فإن : ص × x
- $-V+\omega-(1)$ $V-\omega-(1)$ $\frac{1}{\sqrt{2}}(1)$
 - إذا كانت: ۲، ۳، ۲، ۳، حس كميات متناسبة فإن: س =
 - (١) ١٢ (ج) ١٨ (ب)
 - آ إذا كان: ٢١ = ٥ فإن: أ =
 - $\frac{\sigma}{r} \left(\begin{array}{ccc} \sigma \end{array} \right) & \frac{\sigma}{r} \left(\begin{array}{ccc} \sigma \end{array} \right) & \frac{\sigma}{r} \left(\begin{array}{ccc} \sigma \end{array} \right) & \frac{\sigma}{r} \left(\begin{array}{ccc} \sigma \end{array} \right)$
 - 🐒 من مقاییس التشتت
 - (١) الوسط الحسابي.
 - (ج) المنوال.

 - 1(1) Y(=) Y(-) E(1)
 - $\{1\}(2) \qquad \{(1,1)\}(2) \qquad (1,1)(2) \qquad 1(1)$

ضع علامة (✓) أمام العبارة الصحيحة وعلامة (X) أمام العبارة الخطأ :

إذا كانت د : س- حس فإن س تسمى المجال لهذه الدالة.

المخطط السهمى المقابل يمثل دالة
 من س- إلى ص-



(†) على من العمود (†) عا يناسبه من العمود (ب):

Market St. Comments	(:)
العمود (ب)	العمود (1)
1	آ إذا كان (۱ ، ٤) ∈ {۲ ، س} × {١ ، ٤}
la Salama	فإن : س =
1	ا إذا كانت دالة د حيث د (س) = س - ٤ يمثلها بيانيًا
13 1.	مستقيم يمر بالنقطة (٢ ، ٢) فإن : ١ =
	$\frac{\gamma}{\gamma} = \frac{\gamma}{r} = \frac{3}{r} = \frac{\gamma}{r}$ $\frac{1}{2} (1) 2 (1 - 1) = 0$
7 ±	فإن : د (٥) + د (-٥) =
Y .	٥ الوسط المتناسب للعددين ٤ ، ٩ هو
Majo -	اً في الشكل المقابل:
*	معادلة خط التماثل للمنحنى من ١١٧ ١١٠ - ١
	هى : -س =
12.	1úa

فى الجبر والإحصاء

امتحانات بعض المحافظات لعام ٢٠٢



١

محافظة الغاهيرة



أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الألة الحاسبة)

		من بين الإجابات المعطاة:	🚺 اختر الإجابة الصحيحة ،
****	فإن : 1 + ب =	(1 . 1-) = (1	(۱ ا از کان : (۱ + ۲
1. (2)	o (÷)	(ب) ۲	(١) صفر
	٦ ص =٦	س = ه فإن : ٦ -س -	آ إذا كان: س - م
1-(3)	(ج) ۱	(ب) ۱۱	r. (1)
	فإن : س =	۲ ، ٤ ، ٦ كميات متناسبة	٣ إذا كانت: - س،
۲ (۵)	(ج) ۲	(ب) ۱	(1) صفر
		=	[0,7[U {7} [
[0,7](2)	[0, 7[(=)	(ب) ۲	Ø(1)
سابى يسمى	فات القيم عن وسطها الحد	جب لمتوسط مربعات انحراه	٥ الجذر التربيعي المو
(د) الوسط الحسابي.	(ج) الوسيط.	(ب) الانحراف المعياري.	(١) المدى.
	إن : س =	۲۵ حيث س ∈ م ن	آ إذا كانت : -س ^٢ =
Yo-(1)	∘ ± (÷)	(ب) –ه	0(1)

$$\begin{array}{lll}
1 & (1)$$

$$(1)$$
 إذا كانت : $\infty \propto \frac{1}{1}$ وكانت $\infty = 7$ عندما $\infty = 7$ عندما $\infty = 7$ قيمة ∞ عندما $\infty = 1$ أوجد : 1 العلاقة بين ∞ ، ∞

(ب) إذا كانت: س= {۱، ۲، ۲، ۵، ۵} ، ص= {۲، ۳، ۱، ۵، ۱، 6 ، ۱ } وكانت كا علاقة من سر إلى صحيث «ا كاب» تعنى أن «ا +ب= ۷» لكل ا ∈ س، ب ∈ ص اكتب بيان كا ومثلها بمخطط سهمى. هل كا دالة أم لا مع ذكر السبب ؟

(1) فيما يلي توزيع تكاري بين أعمار ١٠ أطفال ١

-	-	: 014	611.	ين اعمار	ری پې	ا ياق كوريع نحر
المجدع	17	1.	٩	٨	0	العمر بالسنوات
1.	1	٣	٣	۲	١	عدد الأطفال

احسب الانحراف المعياري للعمر بالسنوات.

(-) مثل بیانیًا الدالة التربیعیة د حیث د $(-0) = -0^7 + 7 - 0 - 3$ متخذًا $-0 \in [-3, 7]$ Markett Markett

ومن الرسم أوجد:

ا إحداثيي رأس منحني الدالة.

 $\frac{1}{2} = \frac{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}}{\frac{1}{2} + \frac{1}{2}} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$

(ب) إذا كانت : د (س) = س - ٢ - س ، ر (س) = - ٠ - ٢

ا أثبت أن : د (۲) = $\sqrt{(Y)}$ أوجد : قيمة ك $\sqrt{(Y)}$



-1017 . . .

محافظة الحسرة

أجب عن الأسئلة الأتية :

🪺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

١ إذا كان: س ∈ ع وكان: ١ < س < ٣ فإن: (٢ س - ١) ∈

 $\{\lambda \cdot \Upsilon\}(2)$ $[\lambda \cdot \Upsilon[(3)]$ $[\lambda \cdot \Upsilon](4)$ $[\lambda \cdot \Upsilon](5)$

T المدى لمجموعة القيم: ٧ ، ٣ ، ٧ ، ٥ ، ٩ يساوى

(ب) ٤ T(1) : 17(2)

٣ نصف العدد ^{٢٠}٤ يساوي٣

10 2175 (2) (ب) ۲۹۲

فإن : له (ص ٚ) =فإن : له

17(2)

loves: lettering en see $\frac{1}{r}(z) = \frac{1}{r}(z)$ $\frac{1}{r}(z) = \frac{1}{r}(z)$ $\frac{1}{r}(z) = \frac{1}{r}(z)$ $\frac{1}{r}(z) = \frac{1}{r}(z)$ $\frac{1}{r}(z) = \frac{1}{r}(z)$

$$Y = 0$$
 إذا كائت : ص $0 < \frac{1}{10}$ وكائت ص = 3 عندما $0 < 1$ أوجد : [1] العلاقة بين $0 < 1$ ص

🚺 (1) الشكل المقابل يمثل منحنى الدالة د

(i) إذا كان:
$$\frac{-v}{7} = \frac{3}{7} = \frac{7 - v - \omega + 63}{7}$$
 فأوجد: قيمة م

محافظة الإسكندريــة

أجب عن النسئلة الأتية : " (يسهج باستخدام الألة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(٤) إذا كان سمى عددًا قرديًا قإن العدد القردي الثالي له هو

(ب) الانمراف المباري

(1) Hear.

.. Hail! (-)

(د) الوسط المسابي،

ال کان ۱۱ حسر ۲ ، سوع فان (۲-س-۱۱) ف]A . Y] (a) [A, T] (+)]A, T[(+) {A, T} (1)

$$\{r\} = e : \{r, 1\} = \infty : \{o, r\} = \infty$$

$$\{e \neq e : (loc \cap \infty) \times g$$

$$[e \neq e : (loc \cap \infty) \times g)$$

(ب) أوجد العدد الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ٥ : ١١ فإنها تصبح ٢ : ٥

$$\frac{\gamma - \alpha - 3}{1} = \frac{\gamma}{1} = \frac{\gamma}{1$$

(ب) إذا كانت: س= (١،٢،١) ، ص= (١،٢،١) عن ١٦ وكانت كم علاقة من سر إلى صحيث و1 كم ب، تعنى أن و1 + ب = ٧» لكل 1 € س ، ب عرب اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي وهل ع دالة أم لا مع ذكر السبب.

(ب) الجدول الآتي بين توزيعًا تكراريًا لأعمار ٢٠ شخصًا:

الجموع	۲.	To	**	**	۲.	١٥	العمر بالسنوات
۲.	£	1		۰	٢	۲	عدد الأشخاص

أوجد الانحراف المعياري للأعمار.

- (1) مثل بيانيًا منحنى الدالة د حيث د (س) = ٤ س متخذًا س ∈ [٢٠٢] ومن الرسم استنا نقطة رأس المنحني.
 القيمة العظمي أو الصغرى للدالة.
 معادلة محور التماثل.
 - (ب) إذا كانت : د (س) = ٥ س ١ ، ر (س) = س ٢ ا وكانت : د (١) + ر (٣) = ٧-فأوجد: قيمة ا

محافظة القليوبيــة



أجب عن الاسئلة الاتية ،

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\{(7,7)\}(2) \qquad (7,7)(4) \qquad \{\xi\}(4)$$

٦ الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي يسمى

$$(-)$$
 إذا كان: $\frac{1}{\gamma} = \frac{-1}{\gamma} = \frac{-1}{\gamma} = \frac{-1}{\gamma} = \frac{-1}{\gamma}$ فأوجد: قيمة س

ا اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى.
ا هل ع دالة ؟ ولماذا ؟

$$(-)$$
 إذا كانت - وسطًا متناسبًا بين 1 ، ح فاثبت أن : $\frac{1-2}{1-1} = \frac{-+2}{1-1}$

(ب) مثل بیانیًا منحنی الدالة د حیث د
$$(-0) = Y - -0^Y$$
 متخذًا $-0 \in [-Y : T]$ ومن الرسم استنتج:

1 نقطة رأس المنحنی.
1 القیمة العظمی للدالة.
 T معادلة محور التماثل.

(ب) أوجد الوسط الحسابي والانحراف المعياري للبيانات التالية :

المموع	1 1	T	- 1	- 7	صغر –	Ziali I
۲.	0	0	٦	۲	,	التكرار



محافظة المنوفية

0

أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\frac{1}{2}$$
 إذا كانت : $\frac{1+7-}{1-}=\frac{7}{7}$ فإن : $\frac{7}{1}=\frac{7}{1}$

$$\Lambda - (2)$$
 $\frac{1}{\Lambda} (4)$ $\Lambda (4)$ $\frac{1}{\Lambda} (1)$

اذا كانت : س
$$\in$$
 ع فإن النقطة $\left(- - v \right)$ تقع في الربع

$$\{7,0\} = \{2,0\} = \emptyset$$
 , $\{2,0\} = \emptyset$, $\{3,0\} = \emptyset$, $\{3,0\}$

- 🚺 اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي.
 - [] بين أن عدالة وأوجد مداها.
- (ب) إذا كان المستقيم الممثل للدالة د حيث د : ع ع ، د (س) = ٢ س + ب يقطع محور الصادات
 - (1) أوجد العدد الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ٧ : ١١ فإنها تصبح ٤ : ٥
 - (-) إذا كانت ص تتغير عكسيًا مع -0^{7} وكانت -0=7 عندما ص=3اً قيمة س عندما ص = ٩ فأوجد: 🚺 العلاقة بين ص ، -- ب
 - [1, 1] ارسم منحنی الدالة د حیث د $(-0) = 1 -0^{7}$ متخذًا $-0 \in [-7, 7]$ ومن الرسم أوجد:
 - آ معادلة محور التماثل. آ إحداثيي نقطة رأس المنحني.
 - ٣ مساحة المثلث الذي رؤوسه نقط تقاطع المنحني مع المحورين.
 - (ب) التوزيع التكراري التالي يبين عدد أطفال بعض الأسر في إحدى المدن الجديدة:

٤.	7	۲	1	صفر	عدد الأطفال	
٦	۲.	0.	17	٨	عدد الأسر	

احسب الوسط الحسائي والانحراف المعياري لعدد الأطفال.



محافظة الغرسة

أجب عن الأسئلة الآتية : (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- ١ الدالة د : ع → ع حيث د (س) = ١ س + ب تمثل دالة خطية بشرط ١ ∈
- -2 (s) -2 (x) +2 (v)

 - 1 الرابع المتناسب للأعداد ٤ ، ١٢ ، ١٦ هو
 - (۱) £ ۸٤ (ج) ۲٤ (ج) ۲٤ (۲۵ (ع) ۲٤ (١)

í	۱۸	٠,	١٨.	•	۱۷,	٣] إذا كان الأجر الأسبوعي بالجنيهات لمجموعة من العمال في أحد المصانع هو

$$(-1)^{1}$$
 $(-1)^{1}$

العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين ص ، - س هي

$$\frac{\xi}{\tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} (1) \qquad \frac{\partial}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} (2) \qquad \frac{\partial}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} (3) \qquad \frac{\partial}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} (4) \qquad \frac{\partial}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \tau} (4) \qquad \frac{\partial}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial$$

فإن القيمة العددية للمقدار :
$$\uparrow + \psi = \dots$$
 (ب) عير ذلك. (د) λ (ب) عير ذلك.

از (1) إذا كانت: $w = \{-1, 0$ صفر $\{7, 7, 7\}$ ، $a = \{1, 0$ صفر $\{7, 7, 7\}\}$ ، $a = \{1, 0\}$ علاقة من $a = \{1, 0\}$ سميث $a = \{1, 0\}$ تعنى أن «العدد $a = \{1, 0\}$ الضربي للعدد $a = \{1, 0\}$ للعدد $a = \{1,$

٤

ص

(ب) من بيانات الجدول المقابل أجب عن الأسئلة التالية :

_	•					
						-
			11			1
	~ / /	بین سر	النعب	ىو ج	بي	
~ ~ ~		, 0-	J			

$$\frac{7}{5} = \frac{1}{5} = \frac{1}{5}$$
 إذا كانت : ١ ، ٠ ، ح ، و في تناسب متسلسل أثبت أن : $\frac{1}{5} = \frac{5}{5} = \frac{5}{5}$

$$\{7, 0, 7\} = \emptyset$$
 ، $\{7, 7\} = \emptyset$ ، $\{7, 7\} = \emptyset$ ، $\{7, 17\} = \emptyset$. $\{7, 17\} = \emptyset$

- (1) عددان صحيحان النسبة بينهما ٢: ٣ وإذا أضيف للأول ٧ وطرح من الثاني ١٢ صارت النسبة بينهما ٥: ٣ أوجد العددين.
- 🧿 (١) احسب الانحراف المعياري للبيانات الآتية: ١٦ ، ٣٢ ، ٥ ، ٢٠ ، ٢٧ (مقربًا الناتج لأقرب رقم عشري).



محافظة الدقهلبة

اجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الالة الحاسبة)

[1] (1) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

[1] $|\dot{\epsilon}|$ $|\dot{\epsilon}|$

(ب) إذا كانت النقطة (-۱، ۲) تنتمى إلى منحنى الدالة د: د (س) = س ۲ - ۲ س + ح أوجد: قيمة ح

(ب) إذا كانت: س= {-۲ ، -۱ ، ، ، ، ، ، ، } وكانت على علاقة على سحيث «١عـ ب تعنى أن «العدد ١ معكوس جمعى للعدد ب» لكل ١ ∈ س ، ب ∈ س
 اكتب بيان عدد ومثلها بمخطط سهمى ، وهل عدالة أم لا ؟

آ (أ) إذا كانت : -0 = 3 + 1 وكانت ع تتناسب عكسيًا مع -0 وكانت 0 = 1 عند -0 = 1 أوجد : العلاقة بين -0 ، -0 ثم أوجد : قيمة -0 عندما -0 = 1

(ب) إذا كانت : د (س) = ٢ س + ٥ ، م (س) = س - ٦ أثبت أن : د (٢) + ٣ م (٣) = صفر

المحاصد (رياضيات - كراسة) عع / ت١/١٥

1.4.4	۱,۷,	للقيم: ٥	المعيارى	والانحراف	الحسابي	الوسط	احسب	(1)	0
Carlotte to the second									



محافظة الإسماعيليــة

٨

أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الالة الحاسبة)

	Shall	الاجابات	ind in	الصحيحة	الإجابة	اخاتر	1
--	-------	----------	--------	---------	---------	-------	---

$$(u) = Y = (v-v) = Y$$
 إذا كانت : $(v-v) = Y = v$ فإن : $(v-v) = V$ ($(v-v) = V$ (

- آ هل العلاقة عد دالة ؟ ولماذا ؟ وإذا كانت دالة اذكر مداها.
- (ب) عددان صحيحان النسبة بينهما ٣: ٧ وإذا طرح من كل منهما ٥ أصبحت النسبة ١: ٣ أوجد العددين.

مثل العلاقة بين ١٨، ص بيانيًا. ثم أوجد العلاقة الجبرية بينهما.

آ ما الوقت الذي ينتهى فيه يوسف من قراءة الكتاب ؟

٣ كم عدد صفحات الكتاب المتبقية عندما بدأ يوسف القراءة ؟

(ب) إذا كانت : س ، ص ، ع ، ل كميات متناسبة أثبت أن :
$$\frac{\omega - - u}{-u} = \frac{b - 3}{3}$$

11 | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) |

[٥ + ١-] عثل بيانيًا الدالة د حيث د (س) = (س - ٢) مثلًا س ∈ [-١ + ٥] ومن الرسم أوجد :

إحداثين رأس المنحني.
 إعداثين رأس المنحني.

🝸 القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

(ب) احسب الانحراف المعياري للقيم الآتية : ١٢ ، ١٤ ، ١٧ ، ١٩ ، ٢٢ ، ٢٠

O Car

(4) {7}

75 (4)

7. (3)

T: 1 (4)

محافظة بورسعيــد

أجب عن الاسللة الاتية ،

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

.....= {\ \ \ \ \} - [T \ \ \]

] 7 , 1] (-) [7 , 1[(-)] 7 , 1[(1)

آ إذا كانت : ٢^{-ن} = ٢٠ فإن : -ن =

٤ (ب)

٣٠ ٢٠ ٪ من ١٠ جنيهات = جنيه.

Y, o (~)

ع إذا كان: به (س) = ۲ ، به (س× ص) = ۱۲ فإن: به (ص) =

7 (-)

0 (-)

(۱) ٤ (١) (د) ۲۲ (۱)

اذا کان: ۲۱=٤٠ فإن : ٠=

٧: ٢ (ج) ٧: ٤ (ب) ٤: ٣ (١)

🗻 المدى لمجموعة القيم: ٧ ، ٢ ، ٢ ، ٥ ، ٥ يساوى

(۱) ۲ (ج) ۲ (ج) ۲ (۲)

آ (۱) إذا كانت: س= {۲،۲،۲} ، ص= {۲،۲،۲، ، ه، ، ۲،۷، } وكانت كل علاقة من سب إلى صحيث «ا كل به تعنى «ا = أب ب، لكل ا ∈ س، ب ∈ صد اكتب بيان كل ومثلها بمخطط سهمي، بين أن كل دالة من سب إلى صدوأوجد مداها.

(ب) إذا كانت : د (س) = ٤ س + ب وكانت : د (٣) = ١٥ أوجد : قيمة ب

(1) إذا كانك : د (س) = س - ٢ س ، بي (س) = س - ٢ ا اوجد: د $(\sqrt{7}) + 7 \sqrt{(\sqrt{7})}$ البت ان ، د $(7) = \sqrt{(7)} =$ صفر البت ان ، د $(7) = \sqrt{(7)} =$

(ب) مثل بيانيًا الدالة التربيعية د حيث د (س) = س١٠ ، س ∈ ع متخذًا س ∈ [٣، ٣-] ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحني ، القيمة الصغرى للدالة ، معادلة محور التماثل.

ا ا إذا كانت ب وسطًا متناسبًا بين ا ، ح فالبت أن : الله عنه عنه الله عنه ال

() إذا كانت : ص ∞ س وكانت ص = 11 عندما س = 12ں = ۲٤ آ قیمة ص عندما س = ۲۰ فأوجد : [] العلاقة بين س ، ص

(أ) احسب الانحراف المعياري للقيم الآتية : ١٦ ، ٢٢ ، ٥ ، ٢٠ ، ٢٧

(ب) إذا كان ع ارتفاع أسطوانة دائرية قائمة (حجمها ثابت) يتغير عكسيًا بتغير مربع طول نصف قطر قاعدتها نق ، وكان ع = ٢٧ سم عندما نق = ٥ , ١٠ سم. فأوجد: ع عندما نق = ١٥,٧٥ سم.

محافظة دمياط

أجب عن الأسئلة الآتية ، (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

11 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

 $\mathfrak{L} = (-\infty)$ نان: $\mathfrak{L} = (-\infty)$ ، $\mathfrak{L} = (-\infty)$ فإن: $\mathfrak{L} = (-\infty)$ ، $\mathfrak{L} = (-\infty)$

(۱) ۲ (ب) ۲۲ (ج) ۱۸ (۱) ۲۳

آ المدى لمجموعة القيم: ٧ ، ٤ ، ٦ ، ٩ ، ٥ يساوى

7(2)

(+) (+)

 $(-1) - (-1) \qquad (-1) \qquad (-1) \qquad (-1)$

آ إذا كانت : $\frac{\tau}{2} + \frac{\tau}{10} = \frac{\tau}{7} + \frac{\tau}{10}$ فإن : $\tau = \frac{\tau}{10} = \frac{\tau}{10}$

 $\mathcal{E}(1) \qquad \qquad \mathcal{T}(2) \qquad \qquad \mathcal{T}(1)$

ه الثالث المتناسب للعددين ٢ ، ٦ هو $\frac{1}{7}(1)$

 $\left\{ \Upsilon \right\} (\omega) \qquad \left\{ \Upsilon - \iota \right\} \left(\div \right) \qquad \left\{ \Upsilon - \right\} \left(\psi \right) \qquad \left\{ \xi \right\} \left(\uparrow \right)$

$$\{1\} = 0 , \{7, 0, 1, 7\}, \infty = \{1, 1, 1, 1\}, 0, 7\}$$

$$|e \neq 0, (m - m) \times 3$$

(ب) إذا كان : $\frac{\Delta u}{u - 3} = \frac{u}{\Delta u} = \frac{u}{3} = \frac{u}{3}$ اثبت أن : [1] كلًا من هذه النسب = ٢ (ما لم تكن - u + Δu عرصفر)

(ب) إذا كان: (س ، ص + ۱) = (۱ ، ۲) اوجد قيمة : $\sqrt{-u + 7}$ ص (ب) إذا كانت: $w = \{-1 , . , 7 , 7\}$ ، $av = \{. , 1 , 3 , 7 , 9\}$ وكانت عَ علاقة من w إلى av حيث av عنى av = av الكل av = av الكل av = av

اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى.
 آ بين أن ع دالة وأوجد مداها.

- (1) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية: ٧٢ ، ٥٣ ، ١١ ، ٧٠ ، ٥٩
- (ب) مثل بیانیًا منحنی الدالة $c:c(-1)=-0^7-7$ متخذًا $-0\in[-7,7]$ ومن الرسم استنتج:

 [إحداثیی رأس المنحنی. [] معادلة محور التماثل للدالة.



محافظة البحيــرة

أجب عن الأسئلة الاتية ، ﴿ (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- . ١ إذا كانت : ٣٠٠ = ٢٩ فإن : س =

٦ المدى لمجموعة القيم: ٧ ، ٣ ، ٦ ، ٨ ، ٥ يساوى

النقطة (س - ٤ ، ٢ - س) حيث س ∈ ص تقع في الربع الثالث فإن : س =
 ۲ (۱)
 ۲ (۱)

¿ العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين المتغيرين - ، ص هي

 $\frac{\omega}{\delta} = \frac{\omega}{\gamma} (1) \qquad \frac{v}{\gamma} = \frac{\omega}{\gamma} (2) \qquad 0 + \omega = \omega (1)$

$$(a)$$
 مجموعة حل المعادلة : (a) - (a) -

ال (١) إذا كانت : س= {٢ ، ٢ ، ٢ ، ٥ } ، ص= {١٠ ، ٨ ، ٦ ، ١ } وكانت ع علاقة معرفة من س الى صحيت ١١ كاب تعنى ١٢ ١ = ب الكل ١ ﴿ س ، ب ﴿ م آ بين أن ع دالة وأوجد مداها. 🚺 اکتب بیان ظ

(ب) إذا كانت : ب هي الوسط المتناسب بين ٢ ، ح فاثبت أن : $\frac{7-7-7}{7-7-7} = \frac{7}{7}$

$$Y = 0$$
 عندما $Y = 0$ العلاقة بين $Y = 0$ العلاقة بين ألمان ألمان $Y = 0$ العلاقة بين ألمان ألمان $Y = 0$ العلاقة بين ألمان أل

(ب) إذا كانت : د (س) = ه س + أ وكانت : د (٢) = ١٢ أوجد : قيمة أ

$$\{0, 1\} = \{1, 0\}$$
, $3 = \{1, 0\}$ $3 = \{1, 0\}$ $\{$

(ب) أوجد العدد الذي إذا طرح ثلاثة أمثاله من كل من حدى النسبة بالم فإنها تصبح ٢٠٠٠ (ب)

(1) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية: ٨ ، ١٣ ، ٢٠ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١

(ب) مثل بیانیًا الدالة د حیث د (س) =
$$7 - m^7$$
 متخذًا س $\in [-7, 7]$ ومن الرسم استنتج :

🚺 معادلة محور التماثل.



محافظة الغيوم

أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسمج باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$\frac{7}{1}$$
 إذا كان: $\frac{7}{3} + \frac{7}{40} = \frac{7}{7}$ فإن: $\frac{7}{1}$ فإن: $\frac{7}{1}$

$$\frac{r}{r}(1) \qquad \qquad \xi(2) \qquad \qquad r(1)$$

٣ ضعف العدد ٢٨ هو

(۱) ۲۲ (۱) ۲۰ (۱) ۲۰ (۱) ۲۰ (۱)

آ إذا كان : س ص = ١٢ فإن : ص تتغير طرديًا مع

 $\frac{1}{17+\upsilon-(3)} \qquad \frac{1}{\upsilon-(4)} \qquad \frac{1}{(4)} \qquad \frac{1}{(4)}$

 اشترى عمر ٤ كراسات ، ٣ أقلام بمبلغ ٥٠ جنيهًا ، فإذا كان ثمن القلم ضعف ثمن الكراسة فإن ثمن الكراسة الواحدة = جنيهات.

(۱) ٤ (١) ۲۰ (۱) ۲۰ (۱) ۲۰ (۱)

٦ إذا كان المدى للقيم: ٧ ، ١ ، ٨ ، ٩ ، ٥ هو ٦ فإن: ١ =

(۱) ۲ (ب) ٤ (ب) ۲ (۱)

 $\{\Upsilon\} = \mathcal{E}$ ، $\{\Upsilon, \Lambda\} = \emptyset$ ، $\{\Upsilon, \Lambda\} = \emptyset$ ، $\{\Upsilon, \Lambda\} = \emptyset$ ، $\{\Upsilon, \Lambda\} = \emptyset$

فاوجد: ا به (س× م) آ (ص ۱ س) × ع

(-) إذا كانت: 1 = 7 فأوجد قيمة المقدار: $\frac{\lambda + 0 - 0}{\lambda + 0}$

اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى.
 الله ع الله ع الكر مداها.

(ب) إذا كانت : د (س) = ٤ س + ك ، وكانت : د $\left(\frac{1}{2}\right)$ = ١٢ فأوجد : قيمة ك الحقيقية.

 $\frac{r}{r} = \frac{r}{r} = \frac{r}{r}$ (۱) إذا كانت: ۱، ب، ح، و في تناسب متسلسل فأثبت أن: $\frac{r}{r} = \frac{r}{r}$

فأوجد: [] العلاقة بين س ، ص ص العلاقة بين عندما عندما

نتج: ومن الرسم استنتج: [1] مثل بیانیًا الدالة د حیث د (-0) = 3 – -0 متخذًا -0 \in [-7 ، 7] ، ومن الرسم استنتج:

إحداثيى نقطة رأس المنحنى.

(ب) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم: ٣ ، ٦ ، ٧ ، ٩ ، ٥١



محافظة المنيــا

14

أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الالة الحاسبة)

:	المعطاة	الاجامات	من بن	الصحيحة	اختر الإجابة	1
---	---------	----------	-------	---------	--------------	---

$$\overline{V}V = V(1)$$

$$\overline{V}V = V(2)$$

$$\overline{V}$$

٤ الوسط الحسابي لمجموعة القيم: ٨ ، ٩ ، ٧ ، ٦ ، ٥ هو

1٤ ، ١٢ ، ١٠ ، ٨ ، ٦) أوجد الانحراف المعياري للقيم : ٦ ، ٨ ، ١٠ ، ١٢ ، ١٤

$$(1)$$
 إذا كانت : ص ∞ $\frac{1}{1}$ ، وكانت : ص = 0 عندما س = 0

$$1, o = 1$$
 العلاقة بين o ، o قيمة o عندما o

(1) إذا كانت : - وسطًا متناسبًا بين 1 ، ح البت أن : ألب ال

(ب) مثل بيانيًا الدالة التربيعية ل حيث د (س) = س" - ٢ متخدًا س ∈ [-٣ ، ٣] ومن الرسم استنتج ؛

(١) معادلة محور التماثل.

[1] إحداثين راس المنمني،

(٣) القيمة العظمي أو الصنفري للدالة.



محافظة أسيــوط

12

أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الالة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[٥، ٢] (١)] ١٥، ٢ [(١)] ٥، ٢] (١)

The thirty of the second of the property of th

۲ (ټ) ۲ (ټ) ۲ (ټ) ۸ (۱)

٣] مجموعة الحل للمعادلة : -س (-س - ١) = صفر في ح هي

ا إذا كان: ٢٠=٨ م فإن ١: ٢ المسلسل

 $(1) - A : T \qquad (1) - A : T \qquad (1)$ $(1) - A : T \qquad (1)$ $(2) - A : T \qquad (2)$ $(3) - A : T \qquad (2)$ $(4) - A : T \qquad (2)$ $(5) - A : T \qquad (2)$ $(7) - A : T \qquad (2)$ $(8) - A : T \qquad (1)$ $(9) - A : T \qquad (1)$ $(1) - A : T \qquad (2)$ $(1) - A : T \qquad (2)$ $(2) - A : T \qquad (2)$ $(3) - A : T \qquad (4)$ $(4) - A : T \qquad (4)$ $(5) - A : T \qquad (4)$ $(6) - A : T \qquad (4)$ $(7) - A : T \qquad (4)$ $(8) - A : T \qquad (4)$ $(9) - A : T \qquad (4)$ $(1) - A : T \qquad (4)$ $(2) - A : T \qquad (4)$ $(3) - A : T \qquad (4)$ $(4) - A : T \qquad (4)$ $(5) - A : T \qquad (4)$ $(6) - A : T \qquad (4)$ $(7) - A : T \qquad (4)$ $(8) - A : T \qquad (4)$ $(9) - A : T \qquad (4)$ $(1) - A : T \qquad (4)$ $(2) - A : T \qquad (4)$ $(3) - A : T \qquad (4)$ $(4) - A : T \qquad (4)$ $(5) - A : T \qquad (4)$ $(6) - A : T \qquad (4)$ $(7) - A : T \qquad (4)$ (8) - A :

اوجد: ص× س ومثله بمخطط سهمي.

(ب) ارسم منحنى الدالة التربيعية د : د (س) = س ٢ - ١ متخذًا س ∈ [-۲ ، ۲]

ومن الرسم استنتج: ١ معادلة محور التماثل.

(١) إذا كانت : د (س) = ٤ س + م وكانت : د (٣) = ١٥ أوجد : قيمة م المناسبة

(ϕ) | (ϕ)

المحاصد (رياضيات - كراسة) عع / ت١٠٦٨ ٧٥

$$T = 0$$
 aixal $-0 = 7$ $= 0$ $= 7$ $= 0$ $= 7$ $= 0$ $= 7$ $= 0$ $= 7$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 1$ $= 0$ $= 0$ $= 1$ $= 0$

س إلى صحيد واظ ب تعنى وا+ب= ١٠ لكل ا ∈س ، ب ∈ ص

اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى.
 إبين على عدالة أم لا ، وإذا كانت دالة عين مداها.

(ب) أوجد الوسط الحسابي والاتحراف المعياري للقيم الآتية : ٨ ، ٩ ، ٧ ، ٠ ، ٥



7. (2)

محافظة سوهاج

أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسمح باستخدام الألة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة عن بين الإجابات المعطاة :

1 أبسط مقاييس التشتت هو

(1) الوسط التسابي. (ب) الوسيط. (ج) المدى.

٢٠ آ / ١٠ يُنه = ----- جنيهًا.

١- (ب) ه (١) /∘ (÷)

..... = {v, r} - [v, r] T

[V, T](3)]V, T[(4) [V, T[(4)]]V, T](1)

عجموعة حل المعادلة: س ٢ - ٩ = ٠ في ع هي

{r} (·) {r-} (i) Ø(=) {r, r-}(=)

ق إذا كان: يه (س) = ، يه (س× ص) = ، فإن: يه (ص) =

۲ (پ) ٤ (١) 1(2) Y (=)

1 العلاقة التي تمثل تغيرًا طربيًا بين المتغيرين ص ، س هي

 $\frac{\omega}{\tau} = \frac{\omega}{0} (1) \qquad \frac{\xi}{\sigma} = \frac{\omega}{\tau} (1) \qquad \tau = \frac{\omega}{0} (1)$

ان ا کان: $\frac{4}{2} = \frac{7}{2}$ فأوجد قيمة المقدار: $\frac{7-4-4}{2}$

(ب) إذا كانت: س= { ٢ ، ٢ ، ١} ، ص= { ١ ، ٢ ، ١ ، أو كانت عَلَم علاقة من س إلى صحصية وا كرس تعنى أن والعدد ا معكوس ضربي للعدد سه لكل ا ∈س ، لكل ب ∈ص اكتب بيان ك ، ومنامها بمخطط سهمى ، ثم بين هل ك دالة أم لا ، مع ذكر السبب.



٣ القيمة العظمى للدالة.

أ () إذا كانت : - وسطًا متناسبًا بين ا ، ح فاثبت أن : $\frac{1}{1+\frac{1}{1+2}} = \frac{1}{2}$

(ب) من بيانات الجدول المقابل أجب عن الأسئلة الآتية :

1	٤	7	U+
1	۲	1	من

				التغير		140	1
-ب	"	س	بین	اسعير	25	٠	-

$$7\frac{7}{6} = 0$$
 أوجد قيمة ص عندما س

(1) إذا كانت النقطة (٢، ٢) تقع على الخط المستقيم المثل للدالة د : ع - ح حيث د (-٠) = ٤ - ٠ - ٥ فأوجد: قيمة ٢

(ب) أوجد الانحراف المعياري لمجموعة القيم: ١٥ ، ١٩ ، ٢٠ ، ٢١ ، ٢٥



محافظة قنكا

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

المعطاة :	الإجابات	من بين	الصحيحة	الإجابة	🚺 اختر
-----------	----------	--------	---------	---------	--------

- - (ب) الثاني. (ج) الثالث. (د) الرابع.
- (١) الأول.

- ٢ الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي

(ب) الوسيط.

(١) المدى.

- (د) المنوال.
- (ج) الانحراف المعياري.
- ٣] إذا كان: س ، س + ١٧ عددين أوليين فإن: س =
- ٠ (١) ٢ (٠) ٢ (١)

ا إذا كان : ص س ع ه المن : ص مد سسسسس 1 (4) (4) 1 (4)

(ص) إذا كانك : س= {٢} فإن : به (س) = ······· * (a) {(r, r)} (*) 1 (-)

[٦] نسبة مساحة منطقة مربعة طول ضلعها ل إلى منطقة مربعة أخرى طول ضلعها ٣ ل كنسبة

1:1(1) 1:1(*) 1: (()

(1) إذا كانت: س = {٢،٢،١} ، وكانت ص = {٠،١،٢،١} وكانت ك علاقة من س إلى من حيث ١٠ ك ب تعنى "ب ١ = ١ ، لكل ١ ﴿ س ، ب ﴿ من اكتب بيان ع ، ومنله بمخطط سهمي ، بين أن ع دالة واكتب مداها.

 $\frac{1}{r} = \frac{1}{2r-r+1}$: il zit $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$: it zitz: $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} = \frac{1}{r}$

 $\frac{1}{3} = \infty$ عندما $\frac{1}{3}$ عندما $\frac{1}{3}$ اكتب العلاقة بين : ص ، س ثم أوجد : قيمة س عندما ص = ١٥

(ب) إذا كانت النقطة (١ ، - ١) تقع على المستقيم الذي يمثل الدالة د : د (س) = س - ٦ أوجد : قيمة ١

ان ا کانت : ص وسطًا متناسبًا بین س ، ع اثبت أن : $\frac{3}{2}$ = $\frac{3}{2}$ = $\frac{3}{2}$

(ب) إذا كانت: س= {٢ ، ٢} ، ص= {٥} ، ع= {٥، ا أوجد: ١١ (س- ص) ×ع ١٦ س× (ص- ١٤)

مثل بیانیًا الدالة د حیث د $(-0) = (-0)^{7}$ متخذًا $-0 \in [0, 1]$ ومن الرسم أوجد:

> ١ رأس المنحني. آ القيمة العظمى أو القيمة الصغرى للدالة.

(ب) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للبيانات الآتية: ٧٧ ، ٥٤ ، ٢٢ ، ٧١ ، ٦٠



173 Cha.

أجب عن الأسئلة الأتية ،

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 \frac{1}{\pi} | lesc 73 =

(ج) ۲۳ rY(1) ۲۳ (ت) ۲۰ T(1)

(ب) ما العدد الذي إذا طرح من مقدم النسبة ١٥: ١٣ وأضيف إلى تاليها فإنها تصبح ٢: ٤

 $\frac{1}{1+2} = \frac{1}{1+2} = \frac{1+2}{1+2} = \frac{1+2}{1+2} = \frac{1+2}{1+2} = \frac{1+2}{1+2} = \frac{1+2}{1+2}$

(1) إذا كانت : س= { . ، ، ، ، ، . } وكانت كل علاقة على سحيث وا كل سه و المعكوس ضريى السه لكل ا (س ، ب (س اكتب بيان كل ومثلها بمخطط سهمى وهل كل دالة على سرأم لا

Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y = 0 عند Y = 0 وكانت : Y = 0 عند Y =

(١) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية : ٢٢ ، ٢٠ ، ٢٠ ، ١٨ ، ١٨ ، ١٨ ،

(ب) مثل بيانيًا الدالة التربيعية د: د (س) = س ٢ - ٤ س + ٥ متخذًا س ∈ [٠،٤] ومن الرسم أوجد معادلة محور التماثل والقيمة العظمى أو القيمة الصغرى للدالة.

محافظة أســوان



أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الالة الحاسبة)

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\frac{1}{r}(a) \qquad \frac{1}{r}(a) \qquad \frac{r}{r}(a) \qquad \frac{1}{r}(a) \qquad \frac{1$$

$$\{\cdot\}(a) = \{\circ, \gamma\} - [\circ, \gamma] \text{ }$$

$$\{\cdot\}_{(2)} = \{\cdot\}_{(2)} \otimes (-1) =$$

$$\overline{1}\sqrt{.0} - \sqrt{\lambda} = \frac{1}{(-1)\sqrt{1.7}} \qquad (-1)\sqrt{1.7} \qquad (-1)\sqrt{1.7}$$

$$(1) - Y \qquad (4) \qquad (4) \qquad (4) \qquad (5) \qquad (7) \qquad (8) \qquad (8) \qquad (9) \qquad (1) \qquad$$

(ب) إذا كانت :
$$\infty \propto -0$$
 وكانت $\infty = 7$ عندما $\infty = 7$ أوجد : [] العلاقة بين ∞ ، ∞

- (1) مثل بيانيًا منحنى الداثة د حيث د (→) = ٤ → متخذًا → (= ٣ ، ٣]
 ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحنى والقيمة العظمى للدالة ومعادلة محور التماثل.
- (ب) أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف مربعه إلى مقدم النسبة ٢٩ : ٢٦ وطرح مربعه من تاليها فإننا نحصل على النسبة ٣ : ٢
- إذا كان المستقيم الممثل للدالة د : $2 \longrightarrow 2$ حيث د (-0) = 7 0 1 يقطع محور الصادات فى النقطة (-0, 1) فأوجد : قيمة كل من (-0, 1) فأوجد : قيمة كل من (-0, 1)

(ب) فيما يلى التوزيع التكراري لدرجات امتحان ما سُجلت في أحد الشهور :

-		and the second second	The State of Concession Concession Con-	and the second state of the second second	CHARLES CO. C.		2- 14
1	0	٤	٣	۲	1	صفر	الدرجه
Commencion of the Commence of	CHICAGO COLONIA DE LA COLONIA	-	Printed and (Culture)		Charles and the Party of the Pa	Management of Street,	11.11
1	*			-		*	عدد الطارب

أوجد الانحراف المعياري للدرجات.

أوجد: [] مدى الدالة.

القيمة العددية للمقدار † + -

(ب) إذا كانت: ١ ، ٠ ، ح ، ٤ كميات متناسبة فاثبت أن: - ١ = ١ = ١ - - ١



محافظة جنوب سيناء

19

أجب عن الأسئلة الأتية ،

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

(۱) ۲ (ب)

آ إذا كان : س ص = ه فإن : ص x

 $0 + \omega - (1) \qquad 0 - \omega - (2) \qquad (-1)$

٣ من مقاييس التشتتسميرين بالله والمقالمة المسال الم

(1) الوسط الحسابي. (ب) الوسيط. (ج) المنوال. (د) الانحراف المعياري.

الوسط الحسابي للقيم: ١ ، ٢ ، ٣ ، ٤ ، ٥ يساوي

(۱) ه (ج) ۲ (ج) ۲ (۱) ۲ (۲)

(ب) س (ب) س (ب) الس (ب

(L)

آ إذا كانت : $\frac{0}{3} + \frac{0}{7} = \frac{0}{7}$ فإن : $1 = \dots$

 $(-) \frac{\circ}{7} (-)$

1-(1)

- (ب) مثل بيانيًا مذهني الدالة د هيث د (ص) = ص ا متخذًا ص ﴿ [٣، ٢] ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحني والقيمة الصغري للدالة.
- إذا كانت : س = {١ ، ٢ ، ٢ ، ١ ، ٥ ، ١ } ، ص = {١ ، ٢ ، ٢ ، ١ ، ١ ، ١ } وكانت كل علاقة من س = إلى ص حيث « أ كل ب « ٧ » لكل ا ∈ س ، ب ∈ ص اكتب بيان كل ومثلها بمخطط سهمي وأخر بياني. هل كل دالة ؟ ولماذا ؟
 - $Y = \infty$ (1) إذا كانت : هن $X = \infty$ وكانت هن X = 0 عندما X = 0 فأوجد : قيمة هن عندما سن X = 0
 - (ب) أوجِد العدد الموجِب الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ٥ : ١١ فإنها تصبح ٣ : ٥
 - $\frac{y_2 y_3 y_3}{1 x_3}$ اذا کانت : ۱ ، ب ، ح ، ۶ فی تناسب متسلسل فاثبت آن : $\frac{y_3 y_3}{1 x_3}$
 - (ب) فیما یلی توزیع تکراری یبین أعمار ۱۰ أطفال :

المجموع	١٢	١.	٩	٨	0	العمر بالسئوات
1.	١	٣	٣	Y	1	عدد الأطفال

احسب الانحراف المعياري للعمر بالسنوات.

محافظة البحر الأحمر

أجب عن الاسئلة الاتية ، (يسوح باستخدام الالة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- 🚺 المدى لمجموعة القيم : ٧ ، ٣ ، ٧ ، ٥ ، ه يساوى

🝸 العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين متغيرين -س ، ص هي

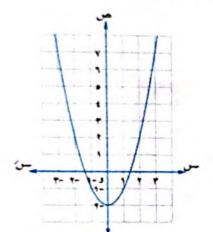
$$\frac{\omega}{Y} = \frac{\omega}{\sigma} (\omega) \qquad \frac{\varepsilon}{T} = \frac{\omega}{\sigma} (\omega) \qquad T + \omega = \omega (\omega) \qquad 0 = \omega \omega (\omega) \qquad (1)$$

$$Y = \infty$$
 عندما $= 0$ عندما $= 0$

(ب) الشكل المقابل يعبر عن التمثيل البياني للدالة د :

أوجد:

- 1 رأس المنحني.
- آ معادلة محور تماثل المنحني.
- 🝸 القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.



ق (1) إذا كانت: س= {-۲ ، ۱ ، ۱ ، ۱ ، ۲ } وكانت ع علاقة على سحيث «1 ع س» تعنى «العدد ١ معكوس جمعى للعدد ب الكل 1 ∈ س ، ب ∈ س اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى.

$$\frac{-}{(+)}$$
 إذا كانت : - وسطًا متناسبًا بين 1 ، ح أثبت أن : $\frac{1--}{1--}$ = $\frac{-}{-}$

- (1) مثل بيانيًا الدالة د : د (س) = س ٢ ثم أوجد نقطتي تقاطع المستقيم المثل لها مع محوري الإحداثيات.
 - (ب) احسب الانحراف المعياري للقيم: ٨ ، ٩ ، ١ ، ٦ ، ٥

ثانيا

حساب المثلثات والهندسة

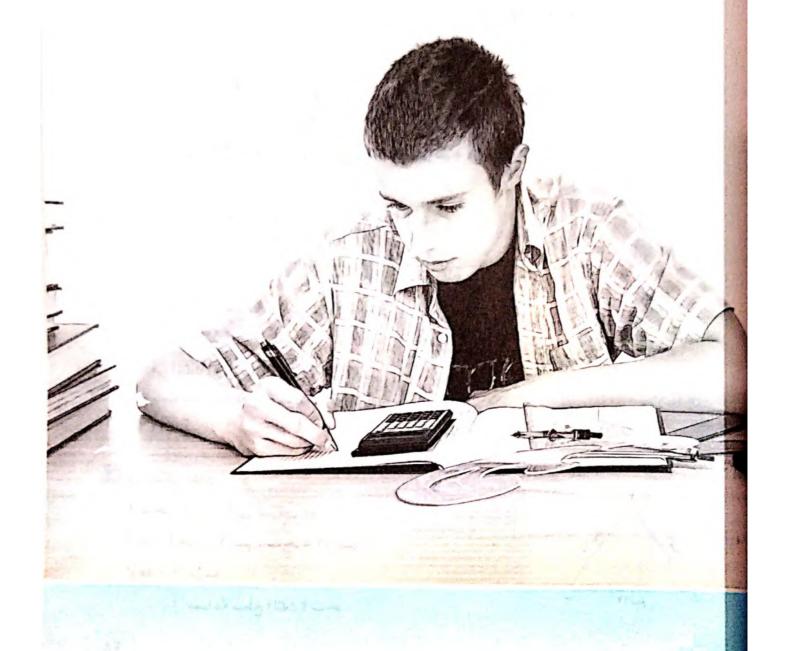
1 V	
TV	• الاختبارات التراكمية (عدد ٦ اختبارات)
۷۵	، الأسئلة المامة في حساب المثلثات والمندسة
Λ9	، الامتحانات النمائية :
	- نماذج امتحانات الكتاب المدرسي
	(عدد ۲ نموذج + نموذج للطلاب المدمجين)
(1) Hara and (1) A.	- امتحانات بعض المحافظات (عدد ۲۰ امتحانًا)



الاختبارات التراكمية

فى حساب المثلثات والهندسة

من امتحانات المحافظات



على الدرس الأول الوحدة الرابعة

اختبار تراكمي

1 أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\frac{\hat{r}}{r}(x) = \frac{1}{2} \text{ if } x = \frac{1}{2}$$

(4) $\frac{1}{2}$ (5) $\frac{1}{2}$ (6) $\frac{1}{2}$ (7) $\frac{1}{2}$ (7) $\frac{1}{2}$ (8) $\frac{1}{2}$ (9) $\frac{1}{2}$ (1) $\frac{1}{2}$ ((الإسكندرية ١١) فإن :

- h = 1 h (4)

- انه = ۱ انه (ع)

(سوهاج ۱۱۹ إذا كانت: ما ه = مناه فإن: ق (ده) = (حيث ه زاوية حادة) °4. (4) °r. (1)

٠٦. (٩)

(الوادي الجديد ١٩

٤ لأى زاوية قياسها 1 يكون ما 1 =

1(4)

(ب) منا ۱ (ج) طا ۱

14(1)

=(i)

≥(2)

< (-)

(الوادي الجديد ١٧)

1 (4)

<u>₹</u> \((÷)

 $\frac{\overline{r}}{v}(v)$ $\frac{1}{r}(1)$

(المنوفية ٢٠)

Y مربع مساحة سطحه ۲۰ سم فإن طول قطره يساوىسس سم

7/1. (2)

١٠ (ب) ه (١) × 1 0 (÷)

أفى المثلث إسح القائم الزاوية في إيكون

(الشرقية ١٨)

جيب تمام الزاوية -: جيب الزاوية ح =

1 (2)

 $\frac{r}{t} (\Rightarrow) \qquad \frac{t}{r} (\neg) \qquad \frac{r}{o} (i)$

🚺 في الشكل المقابل:

(الشرقية ١٩)

أ - ح مثلث متساوى الساقين حيث :

ا -= ا حـ - ۱ سم ، - حـ = ۱۲ سم

أوجد: [] ماب

آ مساحة سطح المثلث أ بح

7.4

دني الدرس الثاني الوحدة الزانية

1 (2)

(الدقملية ١٩)

اختبار تراكمي

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\frac{\overline{\tau}V}{\tau}(z) \qquad \frac{\overline{\tau}V}{\tau}(1)$$

1 و حد مثلث قائم الزاوية في س

اختبار تراكمي

حتى الدرس الأول الوحدة الخامسة

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة ،

1000	
ر بین النقطتین (۲ ، ،)	11.
ر بال الشطيان (١١)	1

$$L(z) \qquad L_{\frac{1}{2}}(z) \qquad L(z) \qquad L(z) \qquad L(z)$$

$$\Lambda - (3)$$
 $\Lambda (\Rightarrow)$ $1 - (4)$ $1 - (1)$

$$\Upsilon(1)$$
 and $\Upsilon(2)$

$$() (\cdot \cdot) (\Rightarrow) \qquad (\neg \lor \cdot \lor -) (\Rightarrow) \qquad (\lor - \cdot \lor) (1)$$

آ إذا كانت: منا
$$\frac{7}{7} = \frac{7}{7}$$
 حيث $\frac{7}{7}$ قياس زاوية حادة

$$\frac{\overline{\tau}\sqrt{\tau}}{\tau}(z) \qquad \qquad \frac{\tau}{\tau}\sqrt{\tau}(z) \qquad \qquad \overline{\tau}\sqrt{\tau}(z)$$

$$\frac{1}{\sqrt{\gamma}} (2) \qquad \frac{7}{\sqrt{\gamma}} (2) \qquad \frac{7}{\sqrt{\gamma}} (2) \qquad \frac{7}{\sqrt{\gamma}} (3) \qquad \frac{7}{\sqrt{\gamma}} (4)$$

(شمال سيناء ٢٠)

(القاهرة ١٧)

حتى الدرس الثانى الوحدة الخامسة

اختبار تراكمي

۱ اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : ا إذا كان: ١ (١٠ ، ٢) ، ب (٥ ، - ،١) فإن نقطة منتصف أب هي (٤) (١)

فإن : س =

٧(٦) (ج) 14(1) 7 (-)

آ في المثلث ٢ سح القائم الزاوية في ب يكون ما ٢ + ٢ مناح = 112 4(3)

16 (=) (۱) ۲ ما حل ۱ (ب) ۲ ما ۱ و منكث أطوال أضلاعه ه سم ، ١٢ سم ، ١٣ سم تكون مساحتهسم

(ج) ۸۷ r. (1) TY, 0 (-)

 $-\frac{1}{2}$ إذا كانت: منا ٤ س = $\frac{1}{2}$ حيث ٤ س زاوية حادة فإن: $\sigma(L-\omega)$ = 010(2) °۲۰ (۱) ۳۰ (۱)

۲ أ- قطر في دائرة مركزها م ، حيث ا (۲ ، ٤) ، - (-۲ ، ۰)

(1, (1) (٠،٠)(ب) (٠،٠) (ب) (۲،٠)

(الدقهلية ١٧) (د) ٤

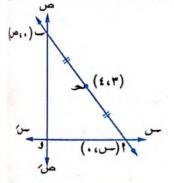
Y- (=) T(1) ۲ (س)

ا اسح و شبه منحرف فیه : أو // سح ، ق (دس) = ۹۰ ، اسم ، س (البحيرة ١١)

ن الشكل المقابل:

النقطة ح (٢ ، ٤) منتصف أب

أوجد: محيط المثلث أوب



(القلبوبية ١٠

(الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

[ميل المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها الموجب - 0°

(Y . 5 mod)

م ميل المستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ٣) ، (٢ ، -٣) هو (الشرقية ١٨)

(i)
$$\frac{r}{\gamma}$$
 (v) $\frac{r}{\gamma}$ (v) $\frac{r}{\gamma}$ (v) $\frac{r}{\gamma}$

إذا كان المستقيم ل, ميله و المستقيم لم ميله حد عيد ١ ، - خ صفر وكان : ل, ⊥ ل، (الشرقية ١٩)

$$10-(3)$$
 $\frac{r}{0}-(-1)$ $\frac{r}{0}(1)$

اذا كان المستقيمان اللذان ميلاهما $\frac{Y}{7}$ ، $\frac{2}{7}$ متوازيين فإن : 2 = $\frac{1}{7}$ (i) $\frac{1}{6}$ (i) (ج) ۲

٦ ميل المستقيم العمودي على المستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ٣) ، (٥ ، ١) يساوي (الجيزة ١٧)

$$\frac{7}{7}$$
 (2) $\frac{7}{7}$ (2) $\frac{7}{7}$ (2) $\frac{7}{7}$ (1)

٧ بعد النقطة (٣- ، -٤) عن محور الصادات يساوى وحدات. (الشرقية ١٦)

ا ا ا محدد شکل رباعی حیث النقط ا (۲، ۲) ، ب (۲، ۲) ، ح (۲، ۲-) ، و (۲، ۲) أثبت أن: الشكل أبحر شنه منحرف. (دمیاط ۱۸)

🔀 إذا كان: ١ سحى متوازى أضلاع فيه: ١ (٣،٣) ، س (٢، ٦٠) ، حـ (٥، -١)

فأوجد: ٦ إحداثيي نقطة تقاطع القطرين.

آ إحداثيي نقطة و

(الشرقية ١٩)

المحاصد (رياضيات - كراسة) ٢ع / ١٠ ١٠ / ٢٠

اختبار تراكمي 7 دني الدرس الرابع الوحدة الخامسة

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإمابات المعطاة :

(=) m (=)

1 ± (=)

يساوي وحدة طول.

يساوى وحدة طول،

4(1) A (-)

0 (4) A- (a)

الم المربع س ص ع ل إذا كان : ميل س ع = ١ فإن : ميل ص ل =

📆 إذا كانت الأطوال ٣ ، ٧ ، ل هي أطوال أضلاع مثلث فإن ل يمكن أن تساوى

٧ (ب) ٢ (١)

٧ إذا كان المستقيمان: س + ص = ٥ ، ك س + ٢ ص = ، متعامدين

1-(-) 1(1)

°7. (~)

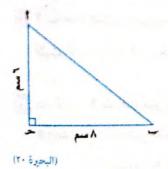
ن الشكل المقابل:

1 - ح مثلث قائم الزاوية في ح

، 1 ح = ٦ سم ، ب ح = ٨ سم

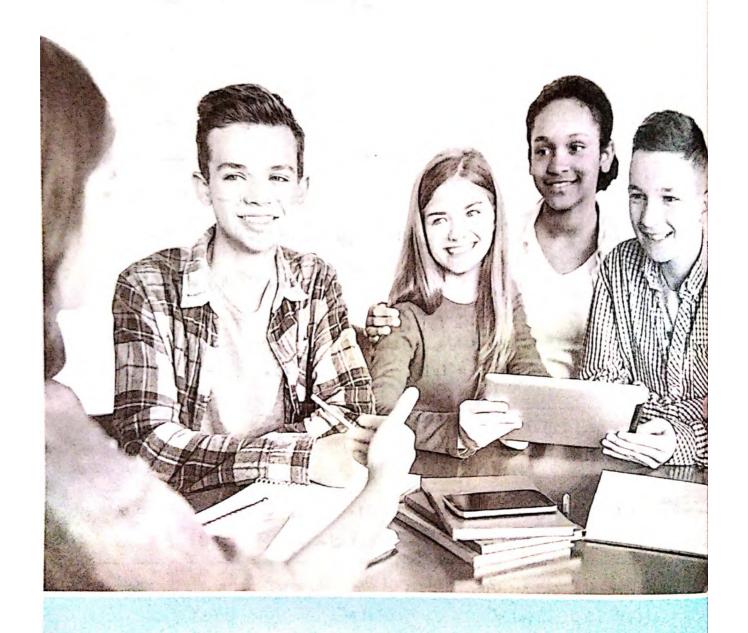
أوجد: ١ منا ٢ مناب - ما ٢ ماس

(-1) U [



الأسئلة الهامة فى حساب المثلثات والهندسة

من امتحانات المحافظات





ملخص الوحدة الرابعة حسباب المثلثات

النسب المثلثية الأساسية للزاوية العادة



والعكس صحيح أي أنه:

إذا كانت : ١ ١ ، ١ - زاويتين حادتين

النسب المثلثية لبعض الزوايا الخاصة

$$\frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \xi \circ L \circ \qquad \frac{\overline{\gamma} V}{\gamma} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \qquad \frac{1}{\gamma} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \qquad \frac{\overline{\gamma} V}{\gamma} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \qquad \frac{\overline{\gamma} V}{\gamma} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim \qquad \frac{1}{\gamma V} = {}^{9} \gamma \cdot L \circ \circ \sim$$

حساب المثلثات

رزرسنلة المامة على الوحدة الرابعة

أولا أسنلة الاختبار من منعدد

194 医、加速的

$$\frac{1}{5}$$
 [1] $\frac{1}{5}$ $\frac{1}{5}$

in i.e.
$$\frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}$$

$$\frac{7}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{1}} = \frac{1}{\sqrt{1}}$$

matching strength facts " was i tida . At the Age of public care days of the Fig. 1. and tid to +41-1 10 ... الساعد منائل قائم الراوية في ساعيث ١٢هـ د و ساعد فإن ١١٥ - -+101 \$ 1-1 · = 1 - × 10 + , '4. = (- 3) es est com = - 1 111 37 (-) 4113 To |= | 11-1 1 - حسنت قائم الزاوية في 1 فيه : فات = ١ فإن فاح - ما حسنا ح = 1 121 1(-) T (=) 🚺 في المثلث 1 -ح القائم الزاوية في 1 يكون جيب تمام الزاوية - : جيب الزاوية حـ 11-1 1 (1) T (-) 1 (-) ₩ إذا كانت : فما (٢ س - ٥) = ١ حيث س قياس زاوية حادة فمإن : س = 10(4) "to (i) To (-) *To (+) لله في ۱۵ سح إذا كست ما 1 ≈ مناب فإن ۱۵ سح بكون .. منفرج الزاوية. ا- احاد الزواما. (ج) قائم الزاوية. (١) منفرج الزاوية ومنساوى الساقين. ثَانِيًا الأسئلة المقالية اذا كانت النسبة بن قياسى زاويتن متكاملتن ٢: ٥ فأوجد القياس الستيني لكل منهما. المالية الموازقاة 🚺 إذا كانت النسبة بين قياسات الزوايا الداخلة لملك ٣ : ٤ : ٧ فأوجد القياس الستيني لكل زاوية. والبحوة YA

holml alimb

المن مثلث قائم الزاوية في س ، إ عدم ١٢ مدم ، سعد ١٢ مدم 1=16+= 6101001

It - pull all

十二年1日1日

معون استخدام الحاسبة البت ان: ق - ٢٠ - ف ١٥ : ١٠ م م ١٠ م ١٠ م ١٠ م ١٠ م ١٠ (14 knot)

" و ون استخدام الحاسبة البت ان ، مل ٣٠ " ١٠ ١٠ - ١٠ - ١٠ " ١٥ " (17 Shed)

[] أوجد قيمة س التي تحقق أن : س ما ٢٠ = ما ٢٠ منا ٢٠ + منا ٢٠ ما ٢٠

📆 أوجد قيمة سن التي تحقق: سن ما ٣٠ منا ١٥٠ = ما ٢٠٠

يدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة س حيث س قياس زاوية حادة هوجبة :

طاس = ٤ ما ٠٠٠ منا ٠٠٠ (T. 5 part)

إن الشكل المقابل:

٩. = (١١) ن : منكث فيه : ١ (١١) ، إحد = ١٥ سم ، إلى = ٢٠ سم

أثبت أن: مناح مناب - ما حرماب = صفر

(then & ver)

١ ٢ ٢ - ح مثلث قائم الزاوية في - فإذا كان : ٢ ٢ - = ٢ ٢ ١ حـ

فأوجد النسب المثلثية الاساسية للزاوية ح

(الإسكندرية ١١٥)

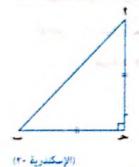
🚺 في الشكل المقابل:

ا بح مثلث متساوى الساقين

وقائم الزاوية في حر وطول كل من ساقيه ل وحدة طول

أوجد: ١ النسبة بين أطوال أضلاع المثلث ١ ح: -ح: ١-

14-14



أوجد: 0 (د ص) حيث هر زاوية حادة.

(الإستاعيلية ١١١)

диглітва скиков скиго «

🔯 في الشكل المقابل ا

(بنی سویف ۱۹

(الإسماعيلة ال

(كلر الشيخ ١٠)

💟 في الشكل المقابل:

إذا كان أسحر مستطيلًا فيه :

i

الشرقية ١٠٠



ملخص الوحدة الخامسة الهندســة التحليليــة

و إذا كانت : ١ (س، ١ ص، ١ ص، ١ اس، ١ ص، ١ فإن :

(حيث هـ قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها أب مع الاتجاه الموجب لمحور السينات)

ن إذا كان : ل، ، ل، مستقيمين ميلاهما م، ، م، على الترتيب فإن :

. ل, // ل، إذا كان : م، = م، والعكس صحيح.

. ل. ل ل، إذا كان: م، ×م، = -١ والعكس صحيح.

ي إذا كانت معادلة الخط المستقيم على الصورة: ص = م س + حد فإن:

. ميل الخط المستقيم = م

• طول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم = [ح] والمستقيم يمر بالنقطة (٠٠٠)

نا النا كانت معادلة الخط المستقيم على الصورة: ٢ - س + ب ص + ح = ، فإن:

ميل الخط المستقيم =
$$\frac{-\text{ axlad} - 0}{\text{axlad}}$$
 ميل الخط

• طول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم = | -ح-

والمستقيم يمر بالنقطة $\left(\cdot, \frac{-2}{2}\right)$

🗘 معادلة محور السينات هي ص = .

🗘 معادلة محور الصادات هي س = ٠

الأسئلة الهامة على الوحدة الخامسة

	Nontropico -	
C. A. A. B.	أُولًا أسئنة الاختيار من	
100	Control of the Contro	

ميل المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها الموجد (الجيزة ٢٠)

(ج) ماس ناح

الإسكندرية ، الإسكندرية ، السكندرية ، الإسكندرية ، الاسكندرية ، الإسكندرية ، الإسكن (V · o-) (-) (V- · o-) (-) (o- · V) (i)

اذا کان: ۱ محومستطیلا، ۱ (۱،۰)، ح(۱،٤) (الوادي الجديد ١٩) (ج) ۹ (ج)

المستقيم الذي معادلته: ٢ ص = ٣ س + ٦ يقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات جزءًا طوله

(a) Jacobs (a) T (=)

🚺 طول نصف قطر الدائرة التي مركزها (-٢ ، ٣) وتمر بالنقطة (٢ ، -١) (الشرقية ١٨) يساوى وحدة طول.

(-) 3 17 (ج) ۲

💟 ميل المستقيم الذي معادلته : -س - ص + ٣ = ٠ هو (الأقصر ١١) r-(i) 7 (2) 1 (=)

🔼 في مستوى إحداثي متعامد النقطة التي تبعد عن نقطة الأصل مسافة ٢ وحدة طول يمكن أن تكون (القاهرة ١٠)

 $(7, 7)(\Rightarrow) \qquad (7, 7)(\Rightarrow) \qquad (7, 1)(1)$ (0 (7-) (1)

🐧 دائرة مركزها نقطة الأصل وطول نصف قطرها ٢ وحدة طول ، فأى من النقط الآتية تنتمي للدائرة ؟ (بني سويف ١١) (1, 1)(-) (+) (\frac{1}{7}) (c) (V7) ()

```
اذا كان: أب قطرًا في دائرة حيث ( ٣ ، ٥٠ ) ، ب (٥ ، ١)
   dolmil alimili
(adies AI)
                                          (٢ , ٤) (٠) (٢-, ٤) (1)
      (Y- ( A) ( a) (Y- ( Y) (*)
                        (بورسعيد ١٠)
                      · # 14 - 14 (2)
           ازا کان : م، ، می میلی مستقیمین متعامدین ، م، = 0, . فإن : م، = .....
(الشرقية ١٢)
                                             (ب) <del>٢</del> (ب) <del>٢</del> (۱)
          (-1) \frac{7}{3}
 المستقيم الذي معادلته: ٣ س - ٣ ص + ٥ = ٠ يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات
                                                     قىاسها .....
(المنوفية ١١)
                                          °۲۰ (۱) ۴۰۰ (۱)
                            °٦٠ (ج)
          9. (2)
  المستقيم الذي معادلته : ٢ س + ٥ ص - ١٠ = ٠ يقطع من الجزء الموجب لمحور السينات جزءًا طوله
                                       يساوى ...... وحدة طول.
(الدقهلية ١١)
                                              Y(y) \qquad \frac{Y}{2}(1)
                         ° (÷)
            0(1)
           اذا كان المستقيمان: ٣ -س - ٤ ص - ٣ = ، ، ك ص + ٤ -س - ٨ = ، متعامدين
(البحيرة ١٥)
                           ٣ (ج) ٣- (ب) ٤- (۱)
            (د) ٤
                  آ إذا كان المستقيمان: -س + ص = ه ، ك س + ٢ ص = ، متوازيين
                                                  فإن : ك = .....
(سوهاج ١٦)
                                          (۱) ۲– (ب)
            ١(١) ١ (ج)
🚺 المستقيم الذي معادلته: ٢ -س - ٣ ص - ٦ = ٠ يقطع من الجزء السالب لمحور الصادات جزءًا طوله
                                                ..... وحدة طول.
(القاهرة ١٤)
                             T (→) T (→)
           Y (2)
            ١٨ المسافة العمودية بين النقطة (٣ ، -٤) ومحور السينات تساوى ........... وحدة طول.
(الشرقية ٢٠)
            ٤ (١)
                       (ج) ه
                                             ٤- (ب)
                                                             r (i)
```

```
(المنوفية ال
                                                           حساب المثلثات والهندسة
                   اذا كان المستقيمان اللذان ميلاهما ﴿ مَنْ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّ
                                   1-(-)
(القليوبية ال
                    [ اذا كان ميل المستقيم : أ س - ص + ٢ = ، يساوى ٢ فإن : أ = .....
             7 (4)
                                   ÷ (*)
                               🚺 البُعد العمودي بين المستقيمين : س + ۲ = ، ، س - ٤ = ،
(الغربية ال
              7(4)
                                                                            Y (1)
                                    0 (=)
                                                          ٤ (١)
           7(2)
                                                                            1(1)
                                     . (=)
                                                        (ب) -١
              المستقيم الذي معادلته : \frac{-u}{r} - \frac{\omega}{r} = 7 يقطع من الجزء الموجب لمحور السينات جزءًا
(المنوفية ، م
                                                          طوله ..... وحدة طول.
            14 (7)
                                    (ج) ٢
                                                       (ب) ۱۲
                                                                            T(1)
(القليوبية ١٨)
                                         😥 ميل المستقيم الموازي لمحور السينات هو .....
      (د) غير معرف.
                                     (ب) صفر
(المنيا ١٨)
                🔯 معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٣ ، -٤) ويوازي محور الصادات هي ............
                              \Upsilon = \omega = -1 (-) \Upsilon = \omega = \gamma
               🚺 إذا كان المستقيمان: ٣ - س - ٤ ص - ٣ = ٠ ، ك ص = ١ - ٨ - ٠ متعامدين
                                                              فإن : ك = .....
(المنوفية ١٨)
                                   (ب) ۳– (ب)
              7(2)
                                                                           7-(1)
                   🚺 إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (٣٧ ، ١) ، (٢ ٣٧ ، ص) ميله يساوى طل ٦٠ ،
(كفر الشيخ ٢٠)
                                                          ٣ (ب)
                                     (ج) ع
              0(1)
                                                                             Y(1)
                    🔼 المستقيم: ص = س ما ٣٠٠ + ح يمر بالنقطة (٤ ، ٦) فتكون ح = ............
(المنوفية ١١)
                                    (ج) ۸
                                                         (ب) ٢
                                                                           ٤(١)
              7(4)
                                                                                AE
```

حة ضوئيا بـ Camocanner

Rimita Itmio

إلى النقطة (ل ، -٤) عن محور الصادات يساوى وحدة طول حيث ل € ع (IA blus) 1 (1)

111(1) [and (a.)

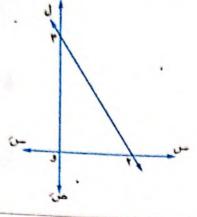
في الشكل المقابل ؛

معادلة المستقيم ل هي

$$1 = \frac{\omega}{r} + \frac{\omega}{r} (a)$$

$$0 = \frac{\infty}{r} + \frac{\infty}{r} (1)$$

(السويس ١٧)



، (٣ ، ٥) فإن : ١ = (كفر الشيخ ٢٠)

(ج) ا

r(1) (ب) -۲

(د) صفر

آل البُعد العمودي بين المستقيمين: ص + ١ = صفر ، ص + ٣ = صفر

يساوى وحدة طول.

(۱) ٤ (١) ٢ (ب)

0(1)

الا كان المستقيمان : ص = اس + ب ، ص = حس + و متعامدين الا كان المستقيمان : ص = اس + ب

فان :×

(ب) ب×ح 5×1(1)

5×-(1) -×1(=)

٢٤ مساحة المثلث بالوحدات المربعة المحدد بالمستقيمات: ٣ - س - ٤ ص = ١٠ ، ص = ٠

(القليوبية ١٥) تساوی

> ۷ (ب) 7(1)

7-(1) (چ) ۱۲

🚾 إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (ك ، ،) ، (٠ ، ٤) عموديًا على المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة قياسها ٤٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات فإن : ك = (أسوان ۱۲) 1-(1)

(ب) -ع ٤ (١)

(ج)

(البحرة ١٧)

(الغربية ١٠)

ثَانَيًا الأسئلة المقالية

- السوط المراع ، ٢ ، ١٠ ، ١ ، ١٠ ، م السوط الم المستقامة واحدة. السوط الم
- آل بين نوع المثلث إ حديث ا (- ۲ ، ٤) ، (۲ ، -۱) ، ح (٤ ، ٥)

 (الجبوة به
- إذا كان بعد النقطة (س ، ٥) عن النقطة (٦ ، ١) يساوى ٢ لا ٥ وحدة طول الإسكندرية.
- النقطة النقطة $\{ (7, -1) \}$ ، $(7, 2) \}$ ، حرا $(7, -7) \}$ تقع على دائرة واحدة مركزها النقطة π (الغربية π) ثم أوجد محيط الدائرة بدلالة π
- أثبت أن المثلث الذي رؤوسه ٢ (٤ ، ٣) ، ب (-٣ ، ٢) ، ح (٣ ، ٠) قائم الزاوية في ح ثم أوجد إحداثيي الرأس ٢ التي تجعل الشكل ٢ حب٢ مستطيلًا.
- ا المحرة شكل رباعي رؤوسه ا (ه، ۳) ، ب (٦، -٢) ، ح (١، -١) ، و (٠، ٤) باستخدام الميل أثبت أن الشكل ا بحرة متوازى أضلاع ثم بين أن متوازى الأضلاع ا بحرة يكون معينًا.
- إذا كانت النقطة (٣ ، ١) هي منتصف القطعة المستقيمة الواصلة بين النقطتين (١ ، ص) ، (س ، ٣) أوجد: قيمتي س ، ص
- النقط (۳ ، ۳) ، س (۰ ، ۳) ، ح (۰ ، ۰) ، و (۳ ، ۰) الواقعة في مستوى إحداثي النقط (۳ ، ۳) النقط (۱۰ ، ۳) النقص (النقص ۱۰) متعامد هي رؤوس مربع واحسب طول قطره ومساحته.
- البحيرة ١٥) ، ح (٥، ١) وكانت: ١٠ = -ح (١، ٢) ، ح (٥، ١) وكانت: ١٠ = -ح (البحيرة ١٥)
- النقط الثلاث (٣ ، ص) ، ب (س ، ٣) ، ح (ه ، ٢) تقع على استقامة واحدة فإذا كانت ب منتصف 1 ح فأوجد قيمة : س + ص
 - ۱۱ اس قطر فی دائرة مرکزها م فإذا کانت : ب (۱۱، ۱۱) ، م (۵، ۷) فاوجد : ۱۱ إحداثيي ۱
 - τ , ۱٤ = π محيط الدائرة حيث محيط

(كفر الشيخ ١٨)

aolmii aliwiii

الثبت أن النقط (٢ ، ١) ، س (٢ ، ١) ، ح (١ ، ٢٠) هي رؤوس مثلث متساوي الساقين رأسه † ثم أوجد طول القطعة المستقيمة المرسومة من † عمودية على صح (19 Lis)

(۲ ، ۲) متوازی أضلاع فیه: ۱ (۲ ، ۲) ، سرا، موازی أضلاع فیه: ۱ (۲ ، ۲) ، سرا، موازی , أوجد إحداثيى نقطة تقاطع قطريه ، ثم أوجد إحداثيى نقطة ي (In bamb)

إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ك) والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لمحود السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° أوجد قيمة لك التي تجعل ل, ، ل, متوازيين. (to binati)

له أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة (٢ ، ٢) ويصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة (الشرقية ١٧)

آل أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يقطع من محوري الإحداثيات السيني والصادي جزءين موجبين طولاهما ٤ ، ٩ على الترتيب. (القلبوبية ١٩)

١٠ ، ٢−) ، (٢ ، ٤) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ٢) ، (٢ ، -١) ثم أثبت أنه يمر بنقطة الأصل. (الإسكندرية ١٨)

[إذا كانت : ١ (٣ ، -١) ، - (٥ ، ٣) نقطتين ، أوجد معادلة محور تماثل ١-(الشرقية ٢٠)

- ا أوجد معادلة المستقيم الذي ميله يساوى ميل الخط المستقيم $\frac{\omega 1}{\tau} = \frac{1}{\tau}$ ويقطع جزءًا سالبًا من محور الصادات مقداره ٢ وحدات. (دمياط ١٨)
- آذا كانت : ٩ (٥ ، ١) ، (٣ ، -٧) ، ح (١ ، ٣) ثلاث نقط ليست على استقامة واحدة أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة ٢ وبوازي سح (الشرقية ١٩)
 - 🚮 أوجد الميل وطول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم الذي معادلته :

 $1 = \frac{\infty}{v} + \frac{\sqrt{v}}{v}$ (بنی سویف ۱۲)

- أوجد معادلة المستقيم العمودي على المستقيم: ٣ س ٤ ص + ٧ = صفر ويقطع من الجزء الموجب (المنوفية ٢٠) لمحور الصادات جزءًا طوله ٤ وحدات.
- الله المحمثات فيه: ١ (١ ، ٢) ، (٥ ، -٢) ، ح (٢ ، ٤) ، ومنتصف ال ، رسم وه // بح ويقطع اح في ه أوجد: [] طول وه الله عادلة وه (مطروح ۱۸)

حساب المنتئات والمنصبة

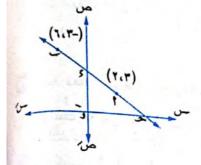
- وجد معادلة الخط المستقيم الذي يقطع ٣ وحدات من الجزء الموجب لمحود الصادات
 - وعمودي على المستقيم : $\frac{4}{7} + \frac{60}{7} = 1$

💯 ف الشكل المقابل:

- النقطة ح منتصف أب حيث ح (٢ ، ٤)
 - ، و نقطة الأصل لنظام إحداثي متعامد. أوجد:
 - [] إحداثيي كل من النقطتين ١ ، ب
 - ا معادلة أ

🗂 في الشكل المقابل:

- حد عيمر بالنقطتين (۲ ، ۲) ، (-۲ ، ۲)
- ويقطع محورى الإحداثيات في النقطتين حد، وعلى الترتيب.
 - أوجد بالبرهان:
 - ا معادلة حرى
 - مساحة المثلث و وحد حيث و نقطة الأصل.

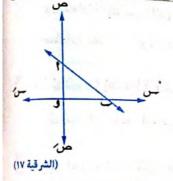


(المنوفية ١٩

(الغربية ١١)

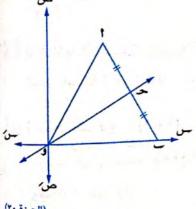
🚻 في الشكل المقابل:

- ---أب يقطع من الجزء الموجب
- للمحور الصادى جزءًا طوله ٣ وحدات طول
 - ، ٢- = ٥ وحدات طول.
 - أوجد: معادلة أب

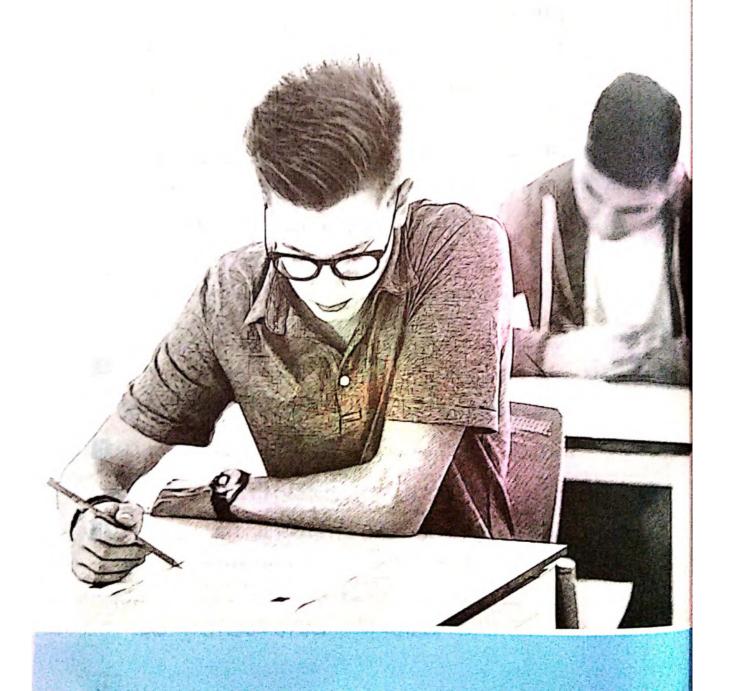


🔣 في الشكل المقابل:

- ١- و مثلث متساوى الأضلاع
 - ، ح منتصف اب
- أوجد: معادلة وح حيث و نقطة الأصل.



الامتحانات النهائية في حساب المثلثات والهندسة



حة ضوليا بـ vamocanner

نـمــوذج ۱

أجب عن الاسئلة الاتية ،

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : المعطاة المعطاة : المعطاة المعطاة : المعطاة المعطاة : المعطاة المعطاقة المعطاقة المعطاة المعطاقة المعطا

 $\overline{Y}(3)$ $\overline{Y}(3)$ $\overline{Y}(4)$ $\overline{Y}(4)$ $\overline{Y}(4)$

آ إذا كانت : ما $-v = \frac{1}{2}$ فإن : $-v = \dots$ حيث -v قياس زاوية حادة.

°٩٠ (ع) °٣٠ (ج) °٦٠ (ب) °٤٥ (١)

٣ البعد بين النقطتين (٣ ، ٠) ، (٠ ، -٤) يساوى وحدات طول.

(۱) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۱)

نا کان المستقیمان : -0 + 0 = 0 ، 0 - 0 + 7 0 = 0 متعامدین فإن : 0 = 0

۲ (١) ۲ (٠)

٦] معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٣ ، -٥) ويوازي محور الصادات هي

 $0 = -0 \qquad (-) \qquad \qquad Y = -0 \qquad (-) \qquad \qquad Y = -0 \qquad (1)$

(1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: ما ٦٠° = ٢ ما ٣٠° منا ٣٠٠ منا ٣٠٠

(ب) أثبت أن النقط: ٢ (٣٠، ٣) ، ص (٢،٥) ، حر ٣،٣) تقع على استقامة واحدة.

📆 (أ) إذا كانت : ٤ ممًا ٦٠° ما ٣٠ = طاس فأوجد : قيمة س حيث س قياس زاوية حادة.

(ب) إذا كانت : ح (٦ ، -٤) هي منتصف أب حيث ١ (٥ ، -٣) فأوجد إحداثيي النقطة ب

(1) إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (٣ ، ١) ، (٢ ، ٤) ، والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥° فأوجد: قيمة ك إذا كان: ل, // لم

(ب) ٢- حمثاث قائم الزاوية في حفيه: ١ح= ٦ سم ، بح= ٨ سم أوجد: ١ منا ٢ منا ٢ منا ٢ منا ٢ ما ٢ ما ٢ ما ٢

الامتحانات النسائية

(1) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله ٢ ويمر بالنقطة (١٠٠)

(ب) أثبت أن النقط: ٢ (٢ ، -١) ، - (-١ ، ٢) ، حد (٢ ، -٢) الواقعة في مستوى إحداثي متعامد تمر بها دائرة واحدة مركزها النقطة م (-١ ، ٢) ثم أوجد محيط الدائرة.

نــمـــوذج 7

أدب عن الأسئلة الأتية ،

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

.... ۲ ما ۳۰ لما ۲۰ = ۳۰۰۰۰۰۰۰۰۰

 $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$ $\frac{1}{\sqrt{r}}$

آ معادلة المستقيم المار بالنقطة (-۲ ، -۳) ويوازى محور السينات هي

اذا کانت : مناس = $\frac{\overline{r}}{r}$ ، س قیاس زاویة حادة فان : ما ۲ س =

 $\frac{1}{\sqrt{1+\epsilon}} (1) \qquad \qquad \lambda - (2) \qquad \qquad \frac{1}{\sqrt{1+\epsilon}} (2) \qquad \qquad \lambda = (2)$

٤] دائرة مركزها نقطة الأصل وطول نصف قطرها ٢ وحدة طول فإن النقطة تنتمى إليها.

 $(1,\cdot,\cdot)(1) \qquad \qquad (1,\cdot \frac{1}{2}\sqrt{2}) \qquad (1,\cdot \frac{1}$

وحدة طول. البعد العمودي بين المستقيمين : س $\sim Y = \cdot$ ، $\sim U + T = \cdot$ يساوي وحدة طول.

۲ (١) (٠) (٠) (١)

آ إذا كان المستقيمان اللذان ميلاهما $-\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{6}$ متوازيين فإن: 6 =

 $(1) \qquad \qquad (2) \qquad \qquad (2) \qquad \qquad (3) \qquad \qquad (4) \qquad \qquad (5) \qquad \qquad (4) \qquad \qquad (4) \qquad \qquad (5) \qquad \qquad (5) \qquad \qquad (6) \qquad \qquad (7) \qquad \qquad (7)$

(1) إذا كانت : ممّا هم طا ٣٠ = ممّا ٥٤ فأوجد : ق (د هر) حيث هر زاوية حادة.

(ب) بين نوع المثلث الذي رؤوسه النقط: ١ (٣ ، ٣) ، ح (١ ، ٥) ، ح (١ ، ٣) بالنسبة لأطوال أضلاعه.

1 (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (١ ، ٣) ، (١- ، ٣-) ثم أثبت أنه يمر بنقطة الأصل.

(ب) إذا كانت النقطة (٣ ، ١) في منتصف البعد بين النقطتين (١ ، ص) ، (س ، ٣) أوجد النقطة (س ، ص)

- (1) أوجد معادلة المستقيم الذي يقطع من محوري الإحداثيات السيني والصادي جزءين موجبين طولاهما الله على الترتيب ثم أوجد ميل المستقيم.
 - (ب) اسح مثلث قائم الزاوية فى سفيه: احد = ١٠ سم ، سح = ٨ سم البت أن: ما ٢ ا + ٢ = ٢ منا ح + منا ١
 - (1) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (١٠، ٣) ، (٢، ٤) يوازي المستقيم : ٢ ص - ٠ ١ = .
 - (ب) اسحه شبه منحرف فیه :

7 = 7 mag , 9 = 7 mag lept: 9 = 7 mag 9 = 7 mag lept: 9 = 7 mag 9 = 7 mag lept: 9 = 7 mag 9 = 7 mag lept: 9 = 7 mag 9 = 7 mag lept: 9 = 7 mag lept:

نموذج امتحان للطلاب المدمجين

اجب عن الاسئلة الاتية ،

		, h	ا أمام الحرابة الخط	العبارة الصحيحة وعلامة (X	ضع علامة (✔) امام
()	. 0		1 (, () ((, ,))	البعد جين
(•,	ا فان: در ۱۰	ا إذا فلك . ما ه
				مادلته : ص = ۲ س + ۱ ية ارجم	٣ المستقيم الذي ما
()	دات جزيًا طوله -١	طع من محور الصا	المرحة فإن: ميل أب »	- C: : K
			< ميل حرى = ١	م حرود عان : میل اب x	
(لحورين)	ب ، حرى لا يوازى أيًا من ا	(حیث کل من ۱،
()				= 4. NO
()	هی (۲ ، ۲)	نقطة منتصف أب	، ۲) ، ۔ (۲، ٤) فإن	
				ة من بين الإجابات المعطاة:	اختر الإجابة الصحيحة
		ت طول.	ى وحدا	٣) عن المحور السيني يساو	1 بعد النقطة (٤ ،
		(4) -3	(ج) ٤	(ب) ۲	7-(1)
				= •,	آ ٤ ميا ٣٠ لما ١٠
		17 (1)	(ج) ٦	<u>-</u> √√√(-)	۲(۱)
	•••••	متوازيين فإن: ك =	ے - س + ۲ ص =	مان: -س + ص = ه ، ل	٣ إذا كان المستقيد
		۲ (۵)		(ب) ۱–	Y-(1)
				(٤ ، ٠) ، (٠ ، ٣) ،	ع النقط (٠٠٠)
		حاد الزوايا.	(ب) تكون مثلثًا		(1) تكون مثلثًا
			(د) تقع على ال		(ج) تكون مثلثًا
		=	میل حرکہ فان : میل حرکہ	// حـ 5 وكان ميل أب =	و إذا كان: أ
		$\frac{\lambda}{\lambda^{-}}$ (7)	\frac{\kappa}{\kappa-} (÷)	(ب) ۲	Y (1)
		۲۱ س = ۲۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰	رية حادة فإن : ما إ	س = 🐈 حيث س قياس زاو	آ إذا كانت : ما-
		\frac{1}{7}(4)	<u>↓</u> (÷)	\frac{1}{\xi} (\phi)	١(1)

📆 صل من العمود (أ) بما يناسيه من العديد ()

(1)	ص العمود (أ) بما يناسبه من العمود (ب):	
العمود (ب)	العمود (1)	
1.	1 ميل المستقيم الموازى للمحور السينى يساوى	
مىفر	= °T. 16 + T. 10	
	٣ إذا كان: ١- حرى مستطيلًا ، ١ (١- ١ ، -٤) ، ح (٥ ، ٤)	
The state of the s	فإن : طول بي =وحدة طول.	
7-	٤ معادلة المستقيم المار بنقطة الأصل وميله ٢ هي	
	ص = بس	
Y	 معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٢ ، -٣) ويوازى 	
<u>17</u>	محور السينات هي ص =	
*	ت قيمة المقدار : $\frac{7}{1+\sqrt{1}}$ =	

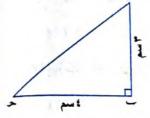
🛂 أكمل ما يأتي :

- ا إذا كان: $| \overrightarrow{1} \cancel{1} | \sqrt{\frac{1}{4}} = \frac{1}{4}$ فإن: ميل حرة =
 - آ في الشكل المقابل:

٢- ح مثلث قائم الزاوية في -

، ٢ -- ٢ سم ، ١ حد ٤ سم

فإن : ماح =



- - ع إذا كان : س منا ٦٠° = طا ٥٤° فإن : س =
 - ٥ البعد بين النقطة (٤ ، ٣) ونقطة الأصل في نظام إحداثي متعامد يساوى
 - إذا كانت نقطة الأصل هي منتصف أب حيث أ (٥ ، -٢)

فإن نقطة - هي (......)

امتحانات بعض المحافظات ٢٠٢٠ فى حساب المثلثات والهندسة



(د) ص = س

محافظة القاهرة

اجب عن الأسللة الاتية ، (يسمد باستخدا

	حدام الذلة الحاسبة)	Trud C.	
		من بين الاحليان بد	غتر الإجابة الصحيحة
		العرب المالة	ا أدا قالت : ما سر
	زاوية حادة الفإن : حس = (ج) ٦٠	(ب) هياس	۳. (i)
4. (2)	۲۰ (∻)	بادلته : ص = ۳	ا الستقيم الذي مع
الصادات جزءًا طوله	 ع يقطع من الجزء الموجب لمحور ا 	ة طول.	وحدة
V ()	0(0)	(ب) ٤	r(1)
. (3)	رج) ه ي الأضلاع بسياهي	عارجه عن المثلث المتساوي	٢ فياس الراوية الد
۲. (۵)	(ج) ۲۰	(ب)	11. (1)
	فإن : ٢ - =	عد≡ ∆س صع	٤ إذا كان : △ ٩ -
(د)س ص	(ج)س ع	(ب) ص ع	
	. 644 **1	الذي مراه ١	م معادلة المستقيد

- عيم الذي ميله ١ ، ويمر بنقطة الأصل هي (۱) ص = س (۱) (ب) س = ۱ (ج) ص = ١
 - ٦ الزاوية التي قياسها ٣٠° تكمل زاوية قياسها ۱۲۰ (ب)
- 14. (7) (ج) ۱۵۰
- (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: ٤ ما ٥٤° منا ٥٤° = ٢ (مع توضيح خطوات الحل).
- (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة (١، ٢) ويوازي المستقيم الذي معادلته: ص = ٢ س + ٥
 - (1) أوجد قيمة س التي تحقق أن: س ما ٣٠ = ما ٣٠ منا ٦٠ + منا ٣٠ ما ٣٠ ما ٢٠
- (ب) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (٠ ، ٥) ، (٣ ، ٢) عمودي على المستقيم الذي يصنع زاوية قياسها ٥٤° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.
 - 1 (۱) ۱ حرى متوازى أضلاع تقاطع قطراه في م حيث: ١ (٣ ، -١) ، حر (١ ، ٧) أوجد: إحداثيي نقطة م
 - (ب) عبد مثلث رؤوسه ۱ (۲، ۸) ، ب (-۱، ۱) ، ح (۱، ۲) أثبت أن: [] المثلث ٢ - حقائم الزاوية في - [] المثلث ٢ - حمتساوي الساقين.

(1) اسح مثلث قائم الزاوية في ، اسع ، سح = ٢٤ سم ، الوجد قيمة : ١٦ طا١ × طاح الما ٢٠ + ما حد الما ٢٠ الما ٢٠ على المنتقامة واحدة أوجد : قيمة ١ (ب) إذا كانت : (٠،١) ، (١،٢) ، (٢،٥) ثلاث نقط على استقامة واحدة أوجد :



محافظة الجيــزة

أجب عن الأسئلة الأتية .

	: 7	من بين الإجابات المعطاة	1 أختر الإجابة الصحيحة
	م	نابل یساوی	1 محيط الشكل المة
	۲۲ (ب)		££(1)
Pres V	11(2)		۱۸(ج)
ي فإن: ماص =	امتين وكانت ما س = 5	ص° قیاسی زاویتن مت	آ إذا كان : -س° ،
° (3)	<u>r</u> (~)	<u>r</u> (2)	2 (1)
إن : ق (د) =	ن (د ب) = ۲ : ۱ ف	أضلاع فيه : ق (د 1)	٣ ٢ سحر متوازي
110(2)	17.(=)	(ب) ۱۲۵	£0(1)
الجزء الموجب للمحور الصادى	ن - ٥ = صفر يقطع من	ی معادلته : ص - ۲ -	٤ الخط المستقيم الا
		ى وحدة طول	جزءًا طوله يساو
1.(4)	V ()		
	منتامتين فإن: <i>9</i> (د-		
	4.(=)		
	ب لمحور السينات زاوية ق		
			يساوى
(د) ماس + مناس	(ج) <u>ما سن</u>	(ب)مناس	
اذا كان :	، ن (۷-۱) = ۹۰ فا	حرف نيه : ١٦ // سح	ا (1) اسحوشبه مذ

- 1 (۱) اسح و شبه منحوف فیه : 1 (۱) سح ، 0 (۱) = .۱° فإذا کان : 1 1 سم ، 1 = 1 سم ، 1 = 1 سم . 1 = 1 سم . 1 = 1 سم . 1 (د و ح 1) 1 (د و 1) 1 (د و
- (ب)إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ٤) والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لحور السينات زاوية قياسها ٤٥° أوجد: قيمة ك التي تجعل المستقيمين: ل, ، ل, متوازيين.

(١) ل الشكل المقابل ا

١ - (١١) د ايا د يا د د ١١٠ - ١

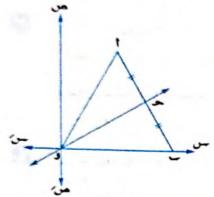
البت أن : مناح مناب ما حدمات = صغو

[[] إذا كان البعد بين النقطتين (٢ ، ٧) ، (٠ ، ٢) يساوى ٥ وحدات طول فأوجد : قيمة ٢

(ب في الشكل المقابل:

إب و مثلث متساوى الأضلاع ، حرمنتصف اب

أوجد: معادلة وح حيث و نقطة الأصل.



محافظة الإسكندرية

أجب عن الأسللة الأتية ، (يسمح باستخدام الألة الحاسبة)

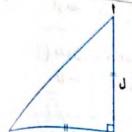
🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- ا إذا كانت : ح (٦ ، -٤) هي منتصف أب حيث ١ (٥ ، -٣) فإن : نقطة ب هي (٧ ، ٥-) (ب) (٧- ، ٥-) (ب) (٥- ، ٧) (١) (V- (11)(2)
 - آ متممة الزاوية التي قياسها ٦٠° هي زاوية قياسها
- 4.(2) (۱) ۱۲۰ (ب) صفر ٣٠ (١)
 - ٣ إذا كانت : ما ه = ٠,٦ فإن : ق (د ه) =
 - - ٤ طول قطر المربع الذي مساحته ١٠٠ سم اليساويسم. 1. \(\(\frac{1}{2}\)\)
 0. (\(\frac{1}{2}\)\)
 1. (\(\frac{1}{2}\)\)

 - 20109(1)

 - Tr 1. (2)

- (٢- ١ ١ ١٠) ، ب (١ ، ١) ، ب (١ ، ١) ، ب (٢- ١ ، ٢٠) غان : ميل سح = سيد الناوية في ساهيه : ١ (١ ، ١) ، ب
- $\frac{1}{r}(a) \qquad \frac{1}{r}(a) \qquad \frac{1}{r}(a)$
 - مجموع طولى أى ضلعين في مناثطول الضلع الثالث،
- (١) أصغر من (ب) يساوى (ج) أكبر من



🚺 (1) في الشكل المقابل:

أسح منكث متساوى الساقين وقائم الزاوية فى حوطول كل من ساقيه ل وحدة طول

- أوجد: 1 النسبة بين أطوال أضلاع المثلث إح: بح: ١٠
- (ب) إذا كان بعد النقطة (س ، ٥) عن النقطة (٦ ، ١) يساوى ٢ ٧٥ وحدة طول فأوجد: قيم س
- (1) إذا كانت النقط: † (٢ ، ٢) ، س (٤ ، ٣) ، ح (١- ، ٢٠) ، ٥ (٢٠ ، ٣) هى رؤوس معين أوجد: 1 إحداثيي نقطة تقاطع القطرين.
 - - (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١ ، ٢) عموديًا على الخط المستقيم المار بالنقطتين الله على الخط المستقيم المار بالنقطتين المراد ، -٢) ، (٥ ، -٤)
 - $\frac{1}{1}$ (ب) أثبت صحة المتساوية الآتية مبينًا الخطوات : الله $\frac{7}{1} = \frac{7}{1} \frac{1}{1} \frac{1}{1}$
- (أ) إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (٢، ١) ، (٢، ٤) والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٤٥° أوجد : قيمة ك إذا كان : ل, // ل,
 - (ب) أثبت أن النقط: أ (-٢ ، ٥) ، (٢ ، ٢) ، ح (-٤ ، ٢) ليست على استقامة واحدة.



محافظة القليوبيـة

أجب عن الأسئلة الأتية ،

- - ا إذا كانت : منا س = $\frac{\sqrt{Y}}{Y}$ حيث س قياس زاوية حادة فإن : ما ٢ س =
 - $\frac{\overline{\tau}V}{\overline{\tau}V}(z) \qquad \qquad \frac{\overline{\tau}V}{\overline{\tau}V}(z) \qquad \qquad \frac{\overline{\tau}V}{\overline{\tau}V}(1)$

44

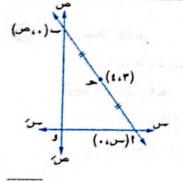
- م عدد محاور التماثل للدائرة يساوى
 - (1) ask
- (.) see Y isling ان : طول ب ع =وهدة طول.
 - 1.(1)
 - 1(0)
 - البعد العمودى بين المستقيمين: س = ٥ ، س + ۴ = صفر يساوى

 - و بحد مثلث متساوى الساقين وقائم الزاوية في حد وطول كل من ساقيه يساوى ل وحدة طول
- 1: 74:1(4) 74:1:1(1) Y: 1: TV (4) 1:1:1/(0)
 - ٦ في الشكل المقابل :

معادلة المستقيم ل هي

- (1) س= ١٣ ص
- TV = m (-)
 - (ج)س=ص
 - (د)ص=٧٣

- $\frac{1}{1}$ (1) أوجد ميل الخط المستقيم وطول الجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته : $\frac{-2}{7} + \frac{3}{7} = 1$ (ب) إذا كانت : ماس = طا ٣٠ ما ٢٠ حيث س قياس زاوية حادة فاوجد قيمة : ٤ منا س ما س
- (١) أوجد معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٢ ، -٥) ويوازي المستقيم المار بالنقطتين (-٢ ، ١) ، (٢ ، ٧)
 - (ب) اب حمثاث قائم الزاوية في س ، فإذا كان : ٢ ا ١ ٢ ١ ح 7 21 - 21 -أوجد: [] ق (دح)
- (1) إذا كان المستقيمان ل, : ٣ س ٤ ص ٣ = صفر ، ل, : ٢ ص + ٤ س ٨ = صفر متعامدين فأوجد: قيمة أ
 - (ب) إذا كانت النقط: ١ (٢ ، ٢) ، ص(٤ ، ٣٠) ، حر (١٠ ، ٢٠) ، ١ (٠٠ ، ٢٠) هي رؤوس معين. أوجد: مساحة المعين أ -حر
 - (1) أثبت أن : منا ٢٠٠ = منا ٣٠ طا ٢٠٠ طا ٥٤٠
 - (ب) في الشكل المقابل:
 - النقطة حـ (٢ ، ٤) منتصف أب
 - أوجد: محيط المثلث أوب





محافظة الشرقيــة

٥

أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الالة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- ا في △ اسح إذا كان: ق (دس) = ٩٠٠ فإن: ما ا + مناح =
- ۱ (۱) ۲ ما ح الذا کانت ، ۱ (۱) ۲ مناه (ج) ۲ مناه
- - الشكل المقابل:

إذا كان: † و = ٨ وحدات طول

، ب و = ٦ وحدات طول.

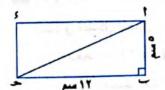
فإن : معادلة أب عن

 $\Lambda + \omega = \frac{\xi}{\tau} = \omega + (1)$

 $\Lambda - \omega = \frac{\Upsilon}{2} = \omega - (z)$

- $\lambda \omega = \frac{\xi}{\pi} \omega \quad (\varphi)$
 - $\lambda + \omega = -\frac{3}{7} \omega + \lambda$
- المسافة العمودية بين النقطة (٣ ، -٤) ومحور السينات تساوى وحدة طول.
- (۱) ۲ (۱) ع د (۱) ۲ (۱) ۲ (۱)

 - ١٠ (١) ١٠ (٠) ١٠ (٠) ١٠ (٠) ١٠ (١) ١٠ (٠)
- (۱) إذا كانت النقطة حر (٤ ، ص) هي نقطة منتصف 1 حيث 1 (-0 ، ۳) ، (۲ ، ه) فأوجد قيمة : <math>-0 + 0
 - (ب) أثبت أن النقط: ١ (٥، ٣) ، س (٢، ٣) ، ح (٢ ، -٤) هي رؤوس مثلث ، ثم أثبت أنه منفرج الزاوية في ب
 - 🚺 (أ) في الشكل المقابل :



إذا كان أبحر مستطيلًا فيه: أب = ٥ سم ، بحر = ١٢ سم أوجد: [] طول أحر

T قيمة ٥ طا (د 1 حرى) - ١٣ ما (د ١ عر)

(ب) إذا كانت: ١ (٣ ، -١) ، - (٥ ، ٣) نقطتين أوجد معادلة محور تماثل ١-

(i) بدون استخدام الآلة الحاسبة احسب قيمة المقدار : منا ٢٠٠٠ + منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠ منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠ منا ٢٠٠٠ منا ٢٠٠ رب) إذا كانت معادلتا الخطين المستقيمين ل، ، ل، هما ل، : ٦ س + له ص - ٣ = صفر

، لى : ٣ ص = ٢ س + ٦ على الترتيب أوجد قيمة له التي تجعل : المستقيمين متوازيين.

آ المستقيمين متعامدين.

- (1) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة (١ ، ٤) ويكون موازيًا للمستقيم الذي معادلته :
 - (ب) إذا كان: ١ حد مربعًا حيث ١ (٢ ، ٤) ، ح (٢ ، ١ صفر) ، ح (٢ ، ٥) آ] مساحة المربع أحدى



محافظة المنوفيــة

اجب عن الاسللة الاتية ، ﴿ (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- آ مربع مساحة سطحه ۲۵ سم^۲ فإن طول قطره يساوىسم
- (ب) ۱۰ (ج) م√۲ 7/1.(2)
- (۱) حادة. (ب) منفرجة. (ج) قائمة. (د) مستقیمة.
- ٣ الشكل المقابل يمثل نصف دائرة طول نصف قطرها ٢ سم
 - فإن محيط الشكل يساوىسس سم ε+π ۲ (٠٠) π ε (٠٠) π ۲ (١) Y + T & (4)
 - $\frac{7}{4}$ و النت : منا $\frac{7}{4}$ حيث $\frac{7}{4}$ حيث $\frac{7}{4}$ قياس زاوية حادة فإن : طا (س ۲۰°) = $\frac{7}{4}$ $\frac{\overline{\tau}V}{\tau}(z)$ (z) $\frac{1}{\overline{\tau}V}(z)$ $\overline{\tau}V(1)$
- وحدة طول.
 - (4) (4) (4) (5) (5) (7) (7) (7) (7) (8) (8) (8) (8) (8) (9) (1)
 - (ج) -ع
 - (۱) بين نوع المثلث الذي رؤوسه النقط (۲ ، ۱) ، (١ ، ٤) ، ح (-١ ، ٢) من حيث أطوال أضلاعه.
 - (-1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: $\frac{d!}{(-1)!} \cdot \frac{1}{(-1)!} \cdot \frac{1}{(-1)!} \cdot \frac{1}{(-1)!} \cdot \frac{1}{(-1)!}$

- (۱) اسحوشکل رباعی فیه: ۱ (۲ ، ۲) ، د (۰، ۲-) ، د (۱ ، ۲-) ، د (۱ ، ۲-) هم از (۱ أثبت أن: 1 - حرى مربع.
 - (ب) منك اسحقائم الزاوية في ح ، احد ٢ سم ، بحد ١ سم أوجد قيمة : منا ا مناب ما ا ماب
- [1) أثبت أن المستقيم الذي يمر بالنقطتين (٣٠ ، ٣٠) ، (٤ ، ٥) يوازى المستقيم الذي يصنع مع الاتجاء الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٤٥°
 - (ب) إذا كان: ٧٣ ما س طا ٣٠ = طا ٤٥ منا ٢ س اوجد: قيمة س (حيث س قياس زاوية حادة)
- (1) أوجد معادلة المستقيم العمودي على المستقيم: ٣ -س ٤ ص + ٧ = صفر ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات جزءًا طوله ٤ وحدات.
 - (ب) اسحو مستطيل فيه: ١-- ٢ سم ، ١حـ ٥ سم أوجد: ١ ٥ (١ ١ ح س) مساحة سطح المستطيل ١ - حود



7 (2)

محافظة الغربيـة

أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- - (أ) صفر (ب) ١ (ج) ۲
- اً في المثلث س ص ع إذا كان : $(ص ع)^7 + (س ع)^7 < (س ص)^7$ فإن : Δ تكون
 - (١) حادة. (ب) قائمة. (ج) منفرجة. (د) مستقيمة.
 - ٣ إذا كان البعد بين النقطتين (١ ، ٠) ، (٠ ، ١) هو وحدة طول واحدة فإن : ٢ =
 - (ب) -۱ 1(1) 7 (2) • (-)
 - إذا كانت نقطة الأصل هي منتصف أب حيث أ (٢ ، -٣) فإن النقطة ب هي
 - $(7,7)(1) \qquad (7,7-)(2) \qquad (7,7-)(1)$
 - ه في الشكل المقابل:

اسح مثلث قائم الزاوية في ا فيه: أو ل سح يقطعه في و

- ، اب= ۱ سم ، اح= ۸ سم
 - فإن : أ ع =سم
- (ب) ٤,٨ (ج) ٨,٤ (ب)

 - 🕤 في المثلث ٢ بح القائم الزاوية في ب يكون ما ٢ + ٢ ميًا ح =

الامتحانات اللهائية

ال من صع مثلث قائم الزاوية في ص فيه : س من ع مثلث قائم الزاوية في ص فيه : س من ع مثلث المناس من ع مناس ما ع من

(ب) أوجد قياس الزاوية الموجبة التي يصنعها أحمد عيد ١ (٣ ، ٢٠) ، حار ٢ ، ١) مع الاتجاه السيالب لمحود السينات.

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يوازي الخط المستقيم : $\frac{\omega - 1}{\omega} = \frac{1}{4}$ ويقطع من الجزء السالب لمحود الصادات جزءًا طوله يساوى ٢ وحدات طول.

(1) أوجد قيمة س التي تحقق: س - ما ٣٠ منا ٤٥ = ما ٢٠ منا ٢٠

(ب) إذا كانت النقط: ١ (-٣ ، ٠) ، - (٢ ، ٤) ، ح (١ ، -١) هي رؤوس مثلث متساوى الساقين رأسه ١ أوجد طول القطعة المستقيمة المرسومة من ١ عمودية على -ح

(1) إذا كانت النقطة م (-۱، ۲) هي مركز الدائرة المارة بالنقطة (1, 1, 1) في مركز الدائرة المارة بالنقطة (1, 1, 1) فأوجد محيط الدائرة (علمًا بأن $\pi = \frac{\gamma\gamma}{V}$)

(ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١ ، ٢) عموديًا على الخط المستقيم المار بالنقطتين : ٩ (٢ ، -٣) ، ب (٥ ، -٤)



محافظة الدقهليــة

أحب عن الأسئلة الآتية : (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

(أ) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

آ إذا كان : ع (١٦) = ٧٥ ، ما - عما ١ حيث - زاوية حادة فإن : ع (١-) =

(۱) ه٤° (د) ٧٥° (د) °١٥° (د) ١٥٥°

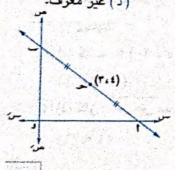
آ إذا كان : ٢ - ح مثلثًا متساوى الساقين وقائم الزاوية في ح فإن : ط ٢ =

 $\frac{1}{\overline{\tau}V}(z) \qquad \qquad \overline{\tau}V(z) \qquad \qquad \overline{\tau}V(z) \qquad \qquad \overline{\tau}V(z)$

إذا كان : أَبِ لَم حَرَّ وميل أَب = صفر فإن : ميل حَرَّ هو

(ب) في الشكل المقابل:

ح منتصف اب ، حیث ح (۲ ، ۳) أوجد إحداثیات نقطتی ۱ ، ب



فالمانية والسندسة
(1) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : [1] إذا كانت : منا ٣ س = أ ، ٣ س قياس زاوه (ب) ٣٠٠ (ب) ٢٠٠ (علول نصف قطر الدائرة التي مركزها (٠٠٠) وته
ا إذا كانت : منا ٢ ١ المطالق :
۲۰ (۱)
((()) () () () () () () ()
(ب) ۳۰ (ب) طول نصف قطر الدائرة التي مركزها (۱، ۰) وتد
١ (پ)
(، ،) وتد (ب
رب بدون استحدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة س التي تحة
(1) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يقطع من الجزأين ا
جزأين طولاهما ٢ ، ٣ وحدات طول على الترتيب.
(بر) المحمدة والمالية والمعرب الربيب
(ب) اسح منكث قائم الزاوية في حدفيه: احد = ه سم أوجد قيمة: منا المناس - ما الماس
🖸 (۱) اسحر متوازی اضلاع نیه : ۱ (۲، ۲) ، ب (
أوجد إحداثيي نقطة تقاطع قطريه ثم أوجد إحداثيي
أوجد إحداثيي نقطة تقاطع قطريه ثم أوجد إحداثيي فا (ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: ٢ ما ٣٠٠ + ٤
 (۱) أثبت أن النقط: ۱ (۱، ۱) ، (۲، -۷) ، ح
(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم العمودي على أب من نقط
٩ محافظة السويت
أجب عن الأسئلة الآتية ، ﴿ يسمِح باستخدام الآلة الـ
🛂 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة: 📗 🔝
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : المعطاة : المحلة المحلة على المحلة الم
ا إذا كانت : ما ٣٠° = منا هـ حيث هـ زاوية حادة فار (١) ١٥ (ب) ٢٠ (ب) ١٥
ا إذا كانت : ما $^{\circ}$ = منا هر حيث هر زاوية حادة فإر (۱) ما $^{\circ}$ (ب) $^{\circ}$ (ب) ما $^{\circ}$ (ب) ما أفى المثلث $^{\circ}$ (ب) حر إذا كان : $^{\circ}$ (ب) $^{\circ}$ (ب حر) $^{\circ}$ (
ا إذا كانت : ما ٣٠° = منا هـ حيث هـ زاوية حادة فار (١) ١٥ (ب) ٢٠ (ب) ١٥

= (÷)

≥(੫)

ع إذا كان: ﴿ صَصَ مَحُور تَمَاثُلُ أَبِ فَإِن : سِ أَ

(ب) <

<(i)

و إذا كان : ١٠ ، ٢٠ ميلي مستقيمين متعامدين

الن: ١٠ × ١٠ = 1-(1) (ب) معلو Y(a) 1 (-)

آ مسامة سطح المعين اسمرو =

- 5×-1 + (1) 5-x-1+(-)

st x - 1 + (a) -- x st + (1)

(1) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله = ٢ ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصعادات جزيًا طوله ٧ وحدات-

(ب) أوجد قيمة س إذا كان : ٤ س = منا ٣٠ لل ٣٠ لل ٥٠٠ (ب)

(۱) اب حدی متوازی اضلاع تقاطع قطراه فی هر حیث ا (۲،۱) ، ح (۲،۰۲) ، ح (۲،۰۳) أوجد : إحداثين كل من هر ، ،

 $^{\circ}$ رب) بدون استخدام الآلة الحاسبة اثبت أن : طا $^{\circ}$. $^{\circ}$ – طا $^{\circ}$ ه $^{\circ}$ = ما $^{\circ}$ ، $^{\circ}$ + منا $^{\circ}$. $^{\circ}$ + منا $^{\circ}$. $^{\circ}$ + منا $^{\circ}$.

1 (1) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ٦) ، (٦ ، ٢) يوازي المستقيم الذي يصنع زاوية قياسها ١٥٠٠ مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.

(ب) اب حمثاث قائم الزاوية في سفإذا كان: ٢١ س= ١٦٧ ح أوجد: ماح، ط١١

(1) أثبت أن النقط: ١ (٣٠٠) ، س (٢،٤) ، حـ (١،١-) هي رؤوس مثلث متساوي الساقين رأسه ا

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة (٣ ، ٥) عموديًا على المستقيم الذي ميله -

محافظة بورسعيند

أجب عن الاسئلة الاتية ،

🚹 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

٦ حاصل ضرب ميلي المستقيمين المتعامدين يساوي

\(i)

(ب) -١

1 ± (=)

(ل) ع = س ا + ص

(د) ۲ ص = ع

آ في الشكل المقابل:

(۱) - س + ص = ۲ ع

(ج) س = أع

٣ ما ٣٠ = منا

(ب) ٥٤٠ 1. (1)

..... = ° 80 U E

(۱) ۱ (ب) ۲ ۱۷۲

(د) صفر

1. (3)

7/(2)

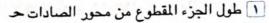
 $\frac{1}{x}$ (\Rightarrow)

المحاصد (دياشيات - كراسة) ٢ع / ١٥٠٠ ١٤ ١٠٥

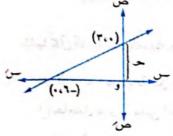
- (ب) أثبت أن المستقيم الذي يمر بالنقطتين (٣- ، ٣-) ، (٤ ، ٥) يوازي المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٤٥°
 - (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١، ٢) وعموديًا على الخط المستقيم المار بالنقطتين : (E-10)-1 (T-17)1
- (ب) أثبت أن النقط : أ (٢ ، -١) ، ب (-٤ ، ٢) ، ح (٢ ، -٢) تقع على دائرة مركزها م (-١ ، ٢)
 - (1) اسح و متوازی أضلاع فیه : ۱ (۲، ۲) ، س (٤، -٥) ، ح (٠، -٣) أوجد إحداثيى نقطة تقاطع قطريه ثم أوجد إحداثيي نقطة ؟
 - (ب) باستخدام الشكل المقابل:

أوجد:

11



- طول الجزء المقطوع من محور السينات.
 - ٣ ميل الخط المستقيم م





محافظة كغر الشيخ

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسهج باستخدام الآلة الحاسبة)

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

```
Noteliac Rimliga
          السامة المددة بالسنقيمان: ص ، ، ص ، ، ه ص ، ٢ مس = ١٠
                                                    هي ..... وحدة مربعة,
                                                 A (w)
                               Vist
            م إذا كان المستقيم المار بالنقطتين ( ٢٧ ، ١) ، (٢ ٢٧ ، من) ميله بساوى ط ٢٠٠٠
           210)
                                                                     Y (1)
                                                  1 (-)
                               1 (4)
        0 (0)
      ع إذا كان المستقيم الذي معادلته : ١ - س + (٢ - ١) ص = ٥ يوازي المستقيم المار بالنقطتين
                                         (۱ ، ٤) ، (۲ ، ٥) فإن : ١ =
                                                                     r (1)
                                                Y- (w)
                               1(=)
         (1) mike

 إذا كانت : (ل - ٣ ، ٢) تقع في الربع الأول فإن : ل يمكن أن تساوى

                                                                    r-(1)
                                                 Y (w)
                              V (=)
         (د) صفر
                                    ٦ الزاوية التي قياسها ٥٦° تتمم زاوية قياسها .....
                                                                  °ro (1)
                                               (ب) ۲٥°
         * E0 (a)
                           °110 (=)
               1 (١) ١٢ حمثك قائم الزاوية في ، ١ ح = ١٢ سم ، ح = ١٢ سم
                                                   أثبت أن: ما حر+ ما ٢ ١ = ١
                     (ب) إذا كانت النقطة ( ٥ ، ٢) تقع على الدائرة التي مركزها م (١ ، -١)
      فأوجد: [ ] مساحة سطح الدائرة بدلالة π معادلة المستقيم المار بالنقطتين ٢ ، ٩
               (١) إذا كانت : ١ (٣-١،٥) ، - (١-١،٧) فأوجد معادلة محور تماثل ١-
  (ب) بدون استخدام حاسبة الجيب أثبت أن: طا ٢٠٠ - طا ٤٥ = ما ٢٠٠ + منا ٢٠٠ + ٢ ما ٢٠٠
                                     (1) أثبت أن الشكل الرباعي أسحر الذي رؤوسه :
           ١ (-١ ، ٢) ، ب (٥ ، ١) ، ح (٧ ، ٤) ، و (١ ، ١) متوازى أضلاع.
                                       (ب) ٢ - حرى شبه منحرف متساوى الساقين فيه :
                ١٢=٥ سم ، ١٢=٥ سم ، ١٢=١ سم
                                             أوجد قيمة المقدار: مُلاّحه ما ح
[1] إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ٤) والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاء الموجب
```

1-4

لمحور السينات زاوية قياسها ٥٤°

فأوجد قيمة ك إذا كان: ١٦ ل // ل، ١ ل ل ل ل ل ل ل ل ل ل ل ل ل ا

حساب المثلثات والهندسة

(ب) في الشكل المقابل:

النقطة ح منتصف أ_

حيث حد (٢ ، ١)

ء و نقطة الأصل لنظام الإحداثيات.

- أوجد إحداثين النقطتين : ١ ، ب
 - آ أوجد معادلة : أب



محافظة البحيــرة

أجب عن الاسللة الاتية ، (يسمح باستخدام الالة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- إذا كانت: ١ (٥،٧) ، (١، -١) فإن: منتصف ١ م مي (r, r) (=) (r, r) (-) (r, r) (1)
 - آ إذا كان : ق (دب) = ٨٠ فإن : ق (دب) المنعكسة =
- *XA. (2) °۸۰ (ب)
- 🝸 ميل المستقيم الموازي للمستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ٣) ، (-٢ ، ٤) يساوى
 - 1-(1) 1(2) $\frac{1}{2} (\Rightarrow)$ $\frac{1}{2} (\Rightarrow)$
 - ع إذا كانت : ط (س + ٠٠٠) = ٢٧ حيث س قياس زاوية حادة فإن : س = °۱۰ (ج) °۲۰ (ج) °۲۰ (۱)
 - القطران في متوازى الأضلاع
 - (ب) متساويان في الطول. (1) متعامدان.
 - (ج) متعامدان ومتساويان في الطول. (د) ينصف كل منهما الآخر.
 - المتلث الذي أطوال أضلاعه ٢ سم ، (-س + ٢) سم ، ٥ سم يكون متساوى الساقين عندما س =
 - 0(1) (ب) ۲ (ج) ۲

(1) في الشكل المقابل:

أسح مثلث قائم الزاوية في ح

، ١ ح = ٦ سم ، ب ح = ٨ سم

أوجد: ١ منا ٢ منا - ما ٢ ما -

(-1)05

(ب) بين نوع المثلث الذي رؤوسه: ١ (-٢،٤) ، - (٢،١-١) ، ح (٤،٥) بالنسبة لأطوال أضلاعه.

- (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: طا ٢٠٠٠ طا ٤٥٠ = منا ٢٠٠٠ + منا ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ (ب) أوجد معادلة مستقيم ميله ٢ ويقطع جزءًا من الجزء السالب لمحود الصادات يساوى ٣ وحدات
 - (1) أوجد قيمة س التي تحقق : س ما ٢٠ منا ٤٥ = ما ٢٠٠
- (ب) إذا كان المستقيم ل، يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ١٥) والمستقيم ل، يصنع مع الاتجاه الموجب لمحود السينات زاوية قياسها ٤٥° فأوجد قيمة له إذا كان : ل/ ل
 - (١) إذا كانت النقطة (٢، ١) منتصف البعد بين النقطتين (١، ص) ، (-٠٠، ٣) أوجد النقطة (س ، ص)
 - (ب) أوجد معادلة مستقيم يمر بالنقطة (٣ ، ٥٠) عموديًا على المستقيم : حس + ٢ ص ٧ = صفر



محافظة الغيــوم

أجب عن الاسئلة الاتية ، (يسمح باستخدام الألة الحاسبة)

الإجابات المعطاة:	بين	من	الصحيحة	الإجابة	اختر	1
-------------------	-----	----	---------	---------	------	---

آ إذا كانت : طا ٢ س = ٢٦ حيث س زاوية حادة فإن : ق (دس) = 1. (1) ۲۰ (۶) اور (۶) ۲۰ (۶) ۲۰ (۶)

آ مربع محیطه ۱۹ سم ، فإن مساحته تکونسم۲

(۱) ع (ب) ۱۲ (ج) ۲۰ 1. (1)

البعد العمودي بين المستقيمين : -0 - Y = صفر ، -0 + Y = صفر يساوي وحدة طول.\(i)

ع في الشكل المقابل:

المثلث أحديكون (1) متساوى الساقين. (ب) متساوى الأضلاع. (ج) منفرج الزاوية. (د) قائم الزاوية.

> ٥] مساحة المثلث المحدد بالمستقيمات: ٣ -س - ٤ ص = ١٠ ، -س = ، ، ص = . تساوى وحدة مربعة.

(۱) ۲ (ب) 17 (2) (ج) ٥

 قياس زاوية السداسى المنتظم يساوى 7. (2) ۱۲۰ (ب) ۱۰۸ (۱)

الشكل للقابل :

ا من مو و مستخلیل فره : ا ست و ۱ سم د ا مد ده ۲۵ سم اوجد : (۱ که (۱ ا حرس)

1 mules made Hundry 1 was

(ب) إذا كان البعد مين النقطنين (٢ ، ٧) ، (-٢ ، ٢) يساوى ه وحدات طول فاوجد: قيم ٢ الحقيقية.

(1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة س (حيث س قياس زاوية حادة) إذا كان : ٢ ما س = ما ٢٠ منا ٢٠ منا ٢٠ منا ٢٠ منا ٢٠ منا ٢٠

(ب) أثبت أن المستقيم المار بالدفطنين (١٠٠٠) ، (٢٠١) يوازي المستقيم ٢ ص - ١ = .

(1) المحدد شكل رباعي حيث ا (٥ ، ٢) ، ب (٢ ، - ٢) ، ح (١ ، -١) ، و (٠ ، ٤) المسكل المحدد معن.

(ب) إذا كانت ال(ه ، -١) ، - (٢ ، ٧) ، ح (١ ، -٢) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بنقطة ا

 $T = \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} = \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} = \frac{10^{1}}{10^{1}} + \frac{10^{1}}{10^{1}} +$

(ب) إذا كان المستقيم ل، يمر بالنقطتين (٣ ، ١) ، (٢ ، ص) والمستقيم ل، يصنع زاوية قياسها ٤٥ مع الاتجاه الموجب لمحور السينات أوجد: قيمة ص التي تجعل ل، ١ـ ل،

۱٤ محافظة بنى سويف

+ While with

 $-\frac{2}{7}(7)$

أجب عن الأسئلة الاتية ، (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

		-	
· Albell - Illa VI	 1 11 2.1-VI	2-1	i

🚺 حاصل ضرب ميلي المستقيمين المتعامدين يساوي

(۱) صفر (ب) ۱ - (ج) -۱

🝸 الشكل الرباعي الذي قطراه متساويان في الطول ومتعامدان هو

(۱) متوازی أضلاع. (ب) معین. (ج) مستطیل. (د) مربع.

€ إذا كان طولا ضلعين في مثلث ٢ سم ، ٥ سم فإن طول الضلع الثالث ﴿

] o : 7[()] V : 7[(+)] V : 7[(+)] o : 7[(1)

٥ في الشكل المقابل:

فإن : (٢٥١) = ١٠٠٠٠٠٠٠٠

آ إذا كانت : طا (س + ١٥) = ١ حيث س زاوية حادة فإن : ق (١٥ -س) = 1. (1) "£0(~) 10(2) °r. (=)

- (۱) أوجد مساحة المستطيل اسحوحيث: ا (-۱، ۲) ، ب (۱، ۵) ، ح (۲، ۱) ، و (۱، ۱) (س) أوجد قيمة س إذا كان: س منا ٦٠ = ما ٣٠ + طا ٥٥ °
- 🚺 (1) أثبت أن المستقيم الذي يمر بالنقطتين (١- ، ٠) ، (٣ ، ٤) يوازي المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة قياسها ٤٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.
 - (ب) في الشكل المقابل:

إبح مثلث قائم الزاوية في أ ، ١٠ = ٢٠ سم ، ١ح = ١٥ سم أثبت أن: مناح مناب - ما حد ماب = صفر

- (1) إذا كانت : ح (س ، -٢) منتصف أب حيث ١ (-٢ ، ص) ، ب (١١ ، ١١) أوجد قيمة : - ب + ص
- (ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة المقدار: ما ٤٥° منا ٤٥° + ٣ ما ٣٠° منا ٦٠° منا ٣٠٠°
 - 🧿 (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢ ، -٥) عموديًا على المستقيم الذي معادلته : ص - ۲ - س + ۷ = صفر
 - (ب) أثبت أن النقاط: ١ (٢ ، ٢) ، ح (٢ ، ٢) ، ح (١٠٠٠) ، و (٢ ، ٢) تكون رؤوس شبه منحرف.

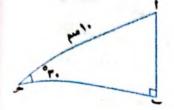
محافظة أسيــوط

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسمِح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- [] مجموع قياسات الزوايا الداخلة للمثلث يساوى
- °08. (1)
- °۳٦. (ج)
- (ب) ۱۸۰
- 9. (1)

10

1 ف الشكل المقابل:



اب=

0(1)

10 (-)

Y . (-)

1. (2)

٣ قياس الزاوية الداخلة للشكل السداسي المنتظم يساوى

·14. (2) 11. (-) 1. (=)

£ إذا كانت: ٢ ماس = ١ حيث س زاوية حادة فإن: ق (د س) = 4. (-) Y. (a)

(د)ص=۲ (۱)س = ۲

(...)(1) (Y : 0-)(-) (Y : 0-)(-) (Y : 0)(1)

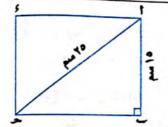
[1) أثبت أن النقط: ١ (-٢ ، -١) ، - (٦ ، ٥) ، ح (٢ ، ٢) تقع على استقامة واحدة.

(ب) أوجد قيمة س التي تحقق: س ما ٣٠ منا ٢٥ = ما ٢٠٠٠

[1] إذا كان المثلث الذي رؤوسه النقط ص (٤،٢) ، س (٢،٥) ، ع (٥،١) قائم الزاوية في ص فأوجد: قيمة ١

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله يساوي ٢ ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات جزيًا قدره ۷ وحدات.

(أ) في الشكل المقابل:



اسحر مستطيل فيه:

١-= ١٥ سم ، ١ح = ٢٥ سم

أوجد: ١٥ (د ١ حب)

آ مساحة سطح المستطيل أبحر

(ب) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ٣) ، (٠ ، ٠) يوازي المستقيم المار بالنقطتين (V . 1) . (£ . 1-)

(١) اسحه شکل رباعی حیث ا (٥، ٢) ، س (٢، ١٠) ، حر (١، ١٠) ، و (١، ١٠) أثبت أن: الشكل أبحر معين.

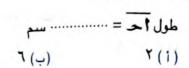
(ب) أوجد ميل الخط المستقيم وطول الجزء المقطوع من محور الصادات المستقيم الذي معادلته : ٢ - س - ٢ ص - ٦ = صفر

محافظة سوهاج



اجب عن الاسللة الاتية ، (يسمج باستخدام الألة الحاسبة)

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة ؛
- ٩. (١) ١. (١) ٢. (١)
 - آ محيط المربع الذي مساحة سطحه ١٠٠ سم يساويسم
- ٥٠ (١) ٢٠ (١٠) ٢٠ (١)
- إذا كان المستقيمان اللذان ميلاهما $\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{6}$ متعامدين فإن : 6
- ٩ (١) ٤ (١) ٤ (١)
 - غ الشكل المقابل:



- (ج) ٤
- A(J)
- ٥ معادلة الخط المستقيم المار بنقطة الأصل وميله = ١ هي
- (i) ص = -س (ج) ص = ۲-س (ب) ص = ۲-س
- إذا كانت الأطوال ٣ ، ٧ ، ل هي أطوال أضلاع مثلث فإن : ل يمكن أن تساوى
 - (ب) ۷ (ج) ٤
- آ (أ) إذا كانت : أ (٢ ، ٣) هي منتصف -ح حيث ح (-١ ، ٣) أوجد إحداثيي نقطة -
- (ب) إذا كانت : مناس = ما ٣٠ منا ٦٠ فأوجد قياس زاوية س (حيث س زاوية حادة) ثم أوجد طاس
- (†) إذا كان المستقيم الذي معادلته : † س + ۲ ص ۷ = ٠ يوازى المستقيم الذي يصنع زاوية قياسها ٥٤ مع الاتجاه الموجب لمحور السينات أوجد : قيمة أ
 - (ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : ط $^{\circ}$ ط $^{\circ}$ ط $^{\circ}$ ع ما $^{\circ}$ ما $^{\circ}$ بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : طا $^{\circ}$ المات

🛐 (1) في الشكل المقابل :

ا حرى مستطيل فيه:

١٠=٢ سم ، ١٠=١٠ سم

أوجد: 1 ع (1 ع - 1 عساحة سطح المستطيل ا - ح ع

(ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١، ١) عموديًا على المستقيم : - v + v = - v

į

- و (1) أثبت أن النقط: ٢ (٢ ، ١٠) ، ح (١٠ ، ٢) ، ح (٢ ، ٢) الواقعة في مستوى إحداثي متعامد تمر بها دائرة واحدة مركزها م (١٠ ، ٢) ثم أوجد مساحة الدائدة،
- (ب) أوجد الميل وطول الجزء المقطوع من محور الصادات للمستقيم الذي معادلته : ٤ -س + ٥ ص ١٠ =



٩(١)

محافظة قنيا



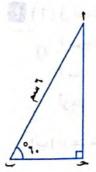
أجب عن الاسئلة الاتية ،

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
 - = °T. L 1
- - عدد أقطار الشكل السداسي يساوى
 - (ب) ٦ 7 (-)
- آ إذا كانت و نقطة الأصل منتصف أحميث أ = (-٢ ، ٥) فإن : = $(\circ - \cdot \land -) () \qquad (\circ \cdot \land -) () \qquad (\circ - \cdot \land) () \qquad (\circ \cdot \land \land) ())$
 - £ إذا كان قياسا زاويتين في مثلث ٧٠ ، ٤٠ فإن عدد محاور تماثله هو
 - (ب) ۲ \(i) (د) صفر (ج) ۲
- إذا كان: ل، ، ل، مستقيمين متوازيين ميلاهما م، ، م، على الترتيب فإن: (i) $q_1 - q_2 \approx \text{odd} \quad (i)$ $q_1 = -q_2 \quad (e)$ $q_1 \times q_2 = 1$
- 🚺 إذا كان طولا ضلعين في مثلث ٢ سم ، ٥ سم فإن طول الضلع الثالث يمكن أن يكون
- (ج) ٤ سم (د) ا سم
- (۱) ۲ سم (ب) ۳ سم
- 🚺 (أ) بدون استخدام الحاسبة أوجد قيمة : منا ٢٠° ما ٣٠٠ ما ٣٠٠ منا ٣٠٠
- (ب) أوجد معادلة المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قياسها ١٣٥° ويقطع من الجزء الموجب لمحور الصادات جزءًا طوله ٥ وحدات.
- (أ) أثبت أن المثلث الذي رؤوسه النقط : ١ (١ ، ٤) ، ب (-١ ، -٢) ، حد (٢ ، -٢) قائم الزاوية في ب وأوجد مساحته.
 - (ب) في الشكل المقابل:

△ ٢ - حقائم الزاوية في ح

، ٢٠ = ٢ سم ، ق (١٠) = ٢٠

أوجد: طول أحد



(1) أوجد ميل المستقيم الذي معادلته : ٢ س - ٦ ص = ١٢ ثم أوجد نقطتي تقاطعه مع محودي الإحداثيات، (ب) بدون استخدام الحاسبة أوجد قيمة س (حيث س قياس زاوية حادة) التي تحقق:

(1) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (١ ، ٢) ، (٢ ، ٤) يوازي المستقيم الذي معادلته : ص - - س = ٥ (ب) أثبت أن الشكل أحدى مستطيل حيث (١٠١) ، د (٤٠١-) ، د (١٠١) ، ١ (٢٠١٠) ، ع (٢٠١٠)

(د)غير معرف.

محافظة الأقصر

أجب عن الأسئلة الاتية ،

ين الإجابات المعطاة :	من ب	الصحيحة	اختر الإجابة	1
-----------------------	------	---------	--------------	---

		المعطاة	احار الإب
اوىطول الوتر.	° في المثلث القائم الزاوية يسد	لزاوية التي قياسها .	 الضلع المقابل المقابل المقابل المسلم
cati (a)	(ج) نصف	(ب) ضعف	(۱) ربع
= ,	قياس زاوية حادة فان : -	۵ – ۵) = ۱ حيث س	ا إذا كانت : ما (١ حر
(د) ۲۰	°o · (÷)	(ب) ه۷°	10 (1)
	حته تساویسم۲	اوی ۱۰ سم فإن مسا.	٣ مربع طول قطره يس
۲٥ (۵)	٥٠ (ج)	(ب) ۷۵	Maria 1 1 (1)
	٢) يوازى المستقيم الذى ميله .	تين (٠٠٠) ، (٢،٠	٤ المستقيم المار بالنقط
<u>r</u> (2)	<u>7-</u> (÷)	(ب)	$\frac{r}{r}$ (i)
	حور السينات هي	-۲) بالانعكاس في مـ	ه صورة النقطة (٢ ،
(, 7-)(2)	(r- , Y) (÷)	(ب) (۲،۲)	(r · r-)(1)
		–ه = ۰ هو	٦ ميل المستقيم: -س

اً (1) أوجد قيمة حس بالدرجات إذا كانت : ط $1 - \omega = 3$ ما 0 منا 0 حيث $0 < -\omega$ 0 < 0

(ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (7 ، 6) ويوازى المستقيم : 7 - 0 - 7 - 0

👔 (1) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (٧ ، -٣) ، (٥ ، -١) عمودي على المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها 80°

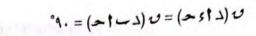
(ج) صفر

(-) بدون الحاسبة أثبت أن : ۲ ما $-7^{\circ} + 3$ منا $-7^{\circ} = 41^{7}$. -7°

 $\frac{1}{2}$ (φ)

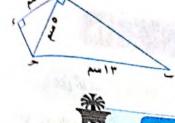
o(i)

- (1) إذا كان البعد بين النقطتين (۱،۰)، (۱،۰) يساوى ۲۷ وحدة طول أوجد: قيم 1
 - (ب) إذا كان أب قطرًا في الدائرة م حيث (٤ ، -١) ، (- ، ٧) أوجد إحداثيى م (مركز الدائرة) وطول نصف قطر الدائرة.
 - (1) أثبت أن النقط: ١ (-١ ، -٤) ، ب (١ ، ،) ، ح (٢ ، ٢) على استقامة واحدة.
 - (ب) في الشكل المقابل:



، اع = ٤ سم ، احد = ٥ سم ، صح = ١٣ سم

أوجد قيمة: طا (١٥١ح) ما (١١حس) - ما (١س) منا (١٥٦٥)



محافظة الوادى الجديد

19

أجب عن الأسئلة الآتية : (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- (ب) ۸ (ب) ۸
- إذا كان طولا ضلعين في مثلث متساوى الساقين ٣ سم ، ٧ سم فإن : طول الضلع الثالث =

 - (۱) ٤ سم (د) ۲ سم (د) ۳ سم

٤(١)

- ٣ في الشكل المقابل:



- (-,) $= -0^{4} + 0^{4}$
 - $(\iota) = \frac{1}{2} = 3$

(۱) س + ص = ع

- (ج) ٢ س = ع
- ع ۲ مل ۳۰ ط ۲۰° = $\frac{r}{r}$ (\Rightarrow) r (\Rightarrow) r
- إذا كان المستقيمان: → + ص = ه ، ك → + ٢ ص = ٠ متعامدين فإن: ك =
 - /- (・) /- (・)
 - ٦ إذا كانت : ١ (٥ ، ٧) ، ب (١ ، -١) فإن نقطة منتصف ١٠ هي
- (۲، ۲) (ب) (۲، ۲) (£, 7) () (7, 7)
 - ا (أ) ا ا مثلث فيه : ق (ا س) = ۹۰ ، اسم ، بحد = ۲۰ سم أثبت أن: منا ٢ مناح - ما ٢ ماح = صفر

117

(ب) إذا كانت النقطة حر (۲ ، ۱) هي منتصف البعد بين النقطتين 1 (١ ، ص) ، - (-٠٠ ، ٦) فاوجد: النقطة (-٠٠ ، ص)

- [(1) إذا كانت النقط (٠،١)، (١،٢)، (٢،٢)، (٢،١) تقع على استقامة واحدة فأوجد: قيمة ١
- (ψ) اثبت أن النقط : (τ) ، (τ) ، (τ) ، (τ) ، حر (τ) ، (τ) الواقعة في مستوى إحداثي متعامد تمر بها دائرة واحدة مركزها م (-1 ، (τ) ثم أوجد بدلالة (τ) محیط الدائرة.
 - (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٣ ، ٥) ويوازى المستقيم : ٠ + ٣ ص = ٧
 - (ب) أوجد قيمة س (حيث س قياس زاوية حادة): ٢ ماس = ما ٣٠ منا ٢٠ + منا ٣٠ ما ٢٠ ما ٢٠
- (1) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله = ٢ ويقطع من الجزء السالب لمحور الصادات جزءًا طوله ٢ وحدات.
 - (ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : ما ٢٠ = ٢ ما ٣٠ منا ٣٠ منا ٣٠



محافظة شمال سيناء

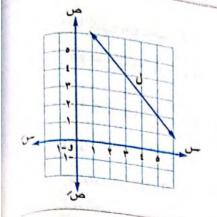
أجِب عن الأسئلة الأتية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- آ إذا كان : ع (د ١) = ع (د ب) ، د ١ ، د ب متتامتين فإن : ع (د ١) =
 - (١) ٢٠ (١) ٢٠ (١)
- آ إذا كانت : طا ٣ س = ٣ حيث س زاوية حادة فإن : ق (د س) =
- (۱) ۲۲۰ (۱) ۱۸۰ (۱) ۲۲۰ (۱)
 - ٤ إذا كانت : ١ (١ ، -٦) ، ب (٩ ، ٢) فإن نقطة منتصف أب هي
- $(Y \cdot \circ -) () \qquad (Y \cdot \circ) (\Rightarrow) \qquad (\circ \cdot Y) (\varphi) \qquad (\circ \cdot Y -) (\uparrow)$
 - ه في الشكل المقابل:
 - $(+)^{2} + \omega = 3$ $(+)^{2} + \omega^{2} + \omega^{2}$ $(+)^{2} + \omega = 3$ $(+)^{2} + \omega^{2} + \omega^{2}$ $(+)^{2} + \omega^{2} + \omega^{2}$

حساب المثلثات والهلادسة

٦ في الشكل المقابل:

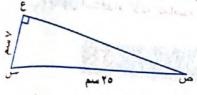


(ب) في الشكل المقابل:

س ص ع مثلث قائم الزاوية في ع

، س ع = ۷ سم ، س ص = ۲٥ سم

آ أوجد قيمة : طا $- \omega \times d$ ص = 1 أثبت أن : ما $- \omega + a$ ص = 1



1 - 3

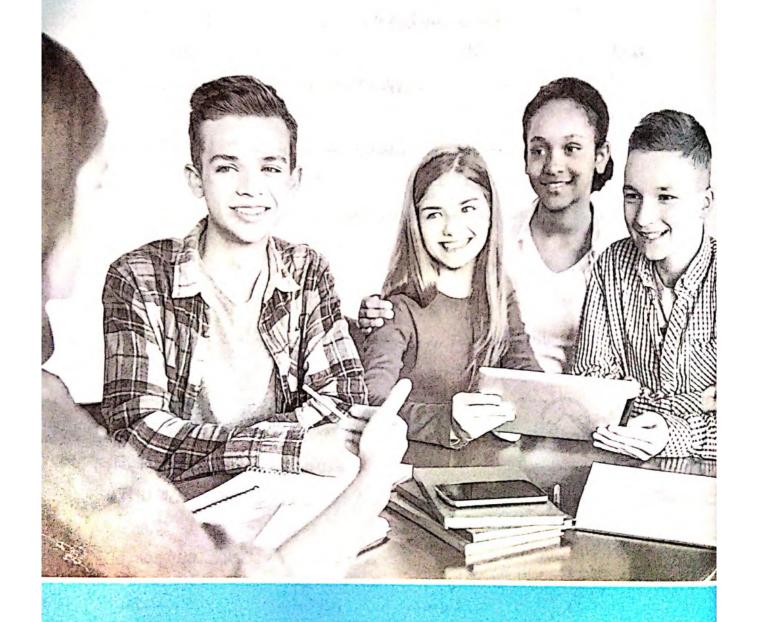
[1] بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة س التي تحقق:

۲ ماس = طا٢ .٦° - ٢ طا ٥٤° حيث س قياس زاوية حادة.

- (أ) أثبت أن المستقيم الذي يمر بالنقطتين (-٣ ، -٢) ، (٤ ، ٥) يوازي المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٤٥°
 - (ب) إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (-۲ ، ۳) ، (۱ ، ك) عموديًا على مستقيم ميله -۳ فأوجد: قيمة ك

بعض امتحانات الرياضيات

الواردة بالامتحانات المجمعة ٢٠٢١



امتحانات الرياضيات الواردة بالامتحانات المجمعة ٢٠٢١



محافظة القاهرة

1

		الإجابات المعطاة :	اختر الإجابة الصحيحة من بين
	س 🗷		(آ) إذا كان: (س ، ٢) =
1. (3)		(پ) ه	
	س ء	، ۱۱ في تناسب فإن: -	آ إذا كان: ٥ ، ٧ ، صو
18 (0)		۱۰ (پ)	
			· ٤ = (ر) الدالة د : د (-س) = ٤
(د) الرابعة.	(ج) الثالثة.	(ب) الثانية.	(١) الأولى.
		، ۱ ، ۷ ، ۱ ، ۲ یساوی .	
A(2)	(ج) ۲	(ب) ه	Y (1)
•	غإن : ق (د س) = ·······	اس حيث س زاوية حادة	ه إذا كانت : ما ٢٥ = م
	٤٥ (١٠)		
	ى النقطة	a(E : 1) - : (Y : V)	1 منتصف أت حيث: ١
(1 . 7) (2)	(~ A) (~)	(ب) (٤ ، ۲)	(1)(1)
			-= "10 b - "T. L T Y
7 (2)	۲ (ج)	(ب)	(۱) مىقر
	محور الصادات جزءًا طوله		
0(2)	(ج)	(ب) ۲	V (1)
		محافظة الجيــز	San Maria
200	0	ساهس البير	

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

ا إذا كان: (س - ٢ ، ٢) = (٥ ، ص + ١) فإن: المس + ص =

- ۲ (ع) ۲ ± (ج) ۲ (ب) ۲ (۱)
 - الثانى المتناسب للأعداد ٢ ، ... ، ٨ ، ١٢ هو
- Υ(¬) Υ(¬) Σ(1)

الامتحانات المجمعة ٣] إذا كانت النقطة (٢ ، ص) تقع على محور السينات فإن : ص + ٤ = (ب) ٤ 0(1) 7 (4) Y (*)] إذا كانت : ص = ٢ -س - ٦ فإن : ص x (ب) ۲ س J-(1) 7-0-1(3) Y- - (+) = " Lo U 0 7/7(4) 1(1) + (+) 1(4) آ إذا كانت: ما س = ألى الى الى اله س (د س) =ميث س قياس زاوية حادة. ٣٦٠ (ب) °r · (~) 9. (4) البعد بين النقطتين (٣ ، ٠) ، (-٤ ، ٠) يساوى وحدة طول. (ب) ه ٤(1) 7 (=) V(1) إذا كان المستقيمان : $-\omega + \omega = 0$ ، $\omega - \omega + \gamma$ ص = صفر متعامدين ، فإن : ك = Y-(1) (ب) -۱ (ج) ا 7(4) محافظة الإسكندريــة اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة: 7(4) (ج) ۷ (ب) ۱۱ 14(1) ۱, $0 = \infty$ عندما 0 = 7 عندما 0 = 7 عندما 0 = 7 فإن: قيمة 0 = 0(4) (ج) ع 0(1) (ج) ٤ ٣ (پ) σ إذا كان : \sim (س – س σ لجموعة من القيم عددها يساوى ٩ فإن : σ = T7 (1) (ب) ۲ 1(1) (ج) ٩ آ في المثلث اسح إذا كان: ق (دس) = ٩٠ فإن: ما ا + مناح = (ج) ۲ ما*ب* (۱) ۲ ما ۱ (ب) ۲ ما ح 14 (1) المحاصد (رياضيات - كراسة) عع / ت ١٦ / ١٦١

حة ضوي بـ vamocanner

آ البعد العمودي بين المستقيمين : -0 + Y = صفر ، -0 + Y = صفر يساوى وحدة طول.

A THE

محافظة القليوبيـة

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

$$\overline{r}$$
 إذا كانت ص تتغير عكسيًا مع \overline{r} وكانت \overline{r} عندما \overline{r} عندما ص = $\frac{r}{r}$ فإن ثابت التناسب =

$$\gamma(z)$$
 $\gamma(z)$ $\gamma(z)$ $\gamma(z)$

$$\frac{1}{2}(1)$$
 $\frac{1}{2}(2)$ $\frac{1}{2}(2)$ $\frac{1}{2}(2)$ $\frac{1}{2}(2)$ $\frac{1}{2}(2)$

البعد بين النقطتين (
$$\Upsilon$$
 ، Υ) ، (\cdot ، -3) = وحدة طول.

$$(1) (7,7) \qquad (-1) \qquad (-$$

$$0 = \omega = 0$$
 (1) $-\omega = 0$ (2) $-\omega = 0$



محافظة الشرقيـة

0

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\frac{1}{r}(z) \qquad \frac{1}{r}(z) \qquad \frac{1}{r}(z) \qquad \frac{1}{r}(1)$$

$$(\cdot , \cdot) (\cdot) \qquad (\cdot , \cdot) (\cdot , \cdot) \qquad (\cdot , \cdot) (\cdot , \cdot) (\cdot , \cdot)$$



محافظة المنوفيــة

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

المستقيم: ٢ ص = ٣ - س + ١٠ يقطع من الاتجاه الموجب لمحور الصادات جزءًا

$$(\xi \cdot \lambda)(z) \qquad (\xi \cdot \xi)(z) \qquad (1 \cdot \chi)(z) \qquad (2 \cdot \xi)(1)$$

ا لأى زاويتين حادتين س ، ص إذا كان : ما س = مناص فإن :
$$\upsilon$$
 (د ص) =

الرياضيات

محافظة كغر الشيخ



اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

🚹 العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين - س ، ص هي

$$\frac{\partial}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t}(0) \qquad \frac{\partial}{\partial t} = \frac{\partial}{\partial t}(0) \qquad (4) \qquad (5)$$

[٣] الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة لمجموعة أعداد هو

اذا كانت الأعداد : ٤ ، س ، ٩ متناسبة فإن : س =

میل المستقیم الذی معادلته Υ ص = Υ \rightarrow 0 هو





7 (2)

محافظة المنيا

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$(2)$$
 از ا کان : (3) (3) (4) (4) (4) (4) (4) (4) (5) (4) (5) (6) (7) (7)

۲ (۱) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۱)

(ب) الوسط الحسابي. (i) ILLO.

🍸 إذا كان : س ص = ه فإن : ص تتناسب عكسيًا مع

ξ (ω) ³ ٤ الوسط المتناسب بين ٤ ، ١٦ هو ۸ ± (ب) ۸ – (ب) ۸ (۱) ۰۰۰۰۰۰۰۰۰۰ = °۶۰ لنه °۲۰ له ۱۵ اه 7(1) (ب) ۲ ٦ المسافة بين النقطتين (٥ ، ٠) ، (٠ ، -١٢) = وحدة طول. 10 (1) (ب) ۱۳ (ج) ٤/ معادلة المستقيم الذي ميله = ٣ ويمر بالنقطة (١ ، ١) هي إذا كانت نقطة الأصل هي منتصف أب وكانت أ (٢ ، -٢) فإن نقطة ب = (+, r-) (2) (+, r-) (÷) (r-, r-) (÷) (7 , 7) (1) 1. محافظة سوهاج اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة: $\P = (-\infty) = 1$ فإن : $(-\infty) = 1$ فإن : $(-\infty) = 1$ 9 (2) ٢ العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين - ، ص هي $\frac{\xi}{\tau} = \frac{\sigma}{\tau} (1) \qquad \frac{\sigma}{\sigma} = \frac{\sigma}{\tau} (2) \qquad \tau + \sigma = \sigma (1)$ 🍸 من أبسط مقاييس التشتت (ج) الوسيط. (د) المنوال. (1) الوسط الحسابي. (ب) المدى. ع إذا كان: ٤ ٢ - ٣ - = · فإن: _ = $\frac{\xi}{V}(z)$ $\frac{r}{V}(\varphi)$ $\frac{r}{S}(1)$ ٥ البعد بين النقطتين (٢ ، ٠) ، (٠ ، -٤) يساوى وحدة طول. (ج) ۲ (ب) ه آ إذا كان : ما $-0 = \frac{1}{7}$ فإن : $-0 = \dots$ حيث -0 قياس زاوية حادة. ۹. (م) ۲۰ (م) ۲۰ (م) ۲۰ (م) ۲۰ (م) ۲۰ (م) ا إذا كان المستقيمان اللذان ميلاهما $-\frac{7}{7}$ ، $\frac{7}{6}$ متوازيين فإن : $\mathcal{C}=$ $(7) \qquad \frac{1}{4} (7)$ (ب) - ٤ ۸ معادلة المستقيم الذي ميله ٥ ويمر بنقطة الأصل هي (+) $\omega = 0$ (+) $\omega = 0$ (+) $\omega = 0$ (+) $\omega = 0$ (+)

امتحانات المحافظات في الجبر والإحصاء



محافظة القاهرة



(د) الثوال. 🕒

أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

- 🚺 أبسط مقاييس التشتت هو
- (أ) الوسط الحسابي. (ب) الوسيط. (ج) المدي.
 - ۲ ۲ س × ۲ س = ۲ س
- · (۱) ۲ س (ب) ه س (ب) (ج) ۲ س (۱) .
- - آ أبسط صورة للمقدار : ٣ س ٤ ص + ٥ س + ٧ ص هي
 - (ب) ۲۱ س + ۱۲ ص ۱۲ س ص ۱۲ س ص ۱۲ س ص ۱۲ س ص
 - (م) ۸ س + ۹ ص من الم
 - العلاقة التى تمثل تغيرًا عكسيًا بين المتغيرين ص ، س هى
- $\nabla Y = \nabla \Phi \left(1 \right) \quad \frac{\nabla \Phi}{V} = \frac{\nabla \Phi}{V} \left(\frac{1}{2} \right) \quad \nabla Y + \nabla \Psi = \nabla \Phi \left(\frac{1}{2} \right) \quad \nabla \Phi = \nabla \Psi \Phi \left(\frac{1}{2} \right)$
 - آ إذا كان: الس = ٤ فإن: س = ميث س € ص
 - (ن) ۲ (خ) ۸ (خ) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۱)
- السم منحني الدالة د : د $(-0) = -0^{7}$ متخذًا $-0 \in [-7 \ 7 \ 7]$ ومن الرسم أوجد :
- القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.
 عادلة محور التماثل.
 - (ب) أوجد الانحراف المعياري لمجموعة القيم: ١٥، ١٩، ٢٠، ٢١، ٢٥

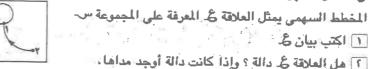
$\{1,0\}$ ن کانت : -1 ن کانت : -1 ، $\{2,0\}$ ، -1 ، $\{3,0\}$

رُوجِد: ١ س × ص × ص على الله ع

$$\frac{e-d}{2} = \frac{e-d}{2} = \frac{e-d}{2}$$
 (ب) إذا كانت: -س ، ص ، ع ، ل كميات متناسبة



- ٢: ١ أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٣: ٥ فإنها تصبح ١: ٢
 - (ب) في الشكل المقابل:





(د) پ^۹۲

- أوجد: ١ ثابت التناسب بين ص ، س
 - (ب) إذا كانت : د (س) = ٢ س + ك ، د (٥) = ١٣



أجب عن الأسئلة الأثية ،

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : 🔝
 - 🚺 ضيعف العدد ^٨٧ مَن
- (ب) ۲۲۷ (ج) گُمْ **Y (1)
- آ إذا كان: س ص = ٣ قان: ص x
- $U = \frac{1}{T} (a) \qquad \frac{1}{T} (a) \qquad U = T (a)$
 - آ إذا كان : سِ + ص ع = ٢٥ من (س + ص) = ٤٩ آ فَإِنْ : سِ ص =
 - ٦ (1)
 - (ب) ۱۲ (ج) ۲۲ (ب) ۲۲ (ب) ۲۲ (ب)

 - کَ إِذَا كَانْتَ : د (س) = ٣ فإنْ : د (٣) + د (٣-) = ······
 - (۱) **صغ**راه (ب) ۱^{۱۱} . (ج) ۳ (د) ۲
 -= {o : Y-} U]o : Y-[o

- اللدى لجموعة القيم: ٥ ، ١٤ ، ٤ ، ٢٣ ، ١٥ هو
- (ب) ١٤ (ج) ١٩ AY (3)
- · YY (3)
- $\{Y\} = \{Y, 1\} = \emptyset$ ، $\{Y, 1\} = \emptyset$ ، $\{Y, Y\} = \emptyset$ ، $\{Y, Y\} = \emptyset$ فأوجد: ا المرس×ع) على المرسم على
- (ب) إذا كانت : د (س) = ٤ س + ب وكانت : د (٢) = ١٠ فأوجد : قيمة ب
- علاقة من س√ إلى صحيث «أ هُـب» تعنى «أ = ﴿ على أ ﴿ س ، ب ∈ ص اكِتَبِ بِيانَ عُـ وَمِثَلُهَا بِمُخْطَطُ سِهِمِي، هِلَ عُـ دَالَةً ؟ وَلَمَاذَا ؟ -
- (ب) أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٧ : ١١ فإنها تصبح ٢ : ٢ .
- ن (1) إذا كان: Y = Y = Y = Y فأوجد القيمة العددية للمقدار: $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$
 - (ب) احسب الانحراف المعياري لمجموعة القيم : ٥٥ ، ٣٥ ، ٧٥ ، ٦٥ ، ٤٥ و
 - نا کانت : ص ∞ جس وکانت : ص π عندما جن π
- آ قيمة ص عثَّدما س = ٤ فأوجد : 1 العلاقة بين س ، ص
 - ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحني ، مُعادلة محور الثماثل.



أحب عن النسئلة الأتية ، (يسمح باستخدام الألة الحاسبة)

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- \square اذا کان: $v_{\alpha}(-\infty) = 0$ ، $v_{\alpha}(-\infty) = 0$ فإن: $v_{\alpha}(-\infty) = 0$
 - (أ) ٤ (ب) ٣ (ب) ٢ 1(0)



- - الوسط الحسابي للقيم: ٨ ، ٩ ، ٧ ، ٠ ، ٥ يساوي
 - 0 (3) Yo (÷) Y (4)
 - ع لأى مجموعة صريكون: Øم
 - - العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين المتغيرين ص ، س هي
 - - ۲(۱) ۱ (ب)
 - (÷) Y^{PP}
 - (أ) إذا كانت : د (س) = ٣ س حيث د : ع → ع انكر درجة د ثم أوجد د (-٢) ، د (٣٧)
- - (۱) إذا كان: (س ۲، ۲) = (٥، ص + ١) أوجد: قيمة كل من س ، ص
 - (ب) التوزيع التكراري التالي يبين عدد أطفال بعض الأسر في إحدى المدن الجديدة:

٤	٣	۲	N	صفر	عدد الأطفال
٦	Y .()	0 -	3 14	٨	عدد الأسر

احسب الوسط الحسابي والانخراف المعياري لعدد الأطفال.

- $\frac{r_{-}}{r_{+}} = \frac{r_{-}}{r_{+}} = \frac{r_{-}}{$
- $[Y, \xi-] \ni -1$ متخذًا $\xi-1 = -1$ متخذًا متخذًا متخدًا مثل بيانيًا الدالة د حيث د $\xi-1 = -1$ متنتج :
 - ١] إحداثيي رأس المنحني، ﴿] معادلة محور التماثل،
 - ٣ القيمة العظمى أو الصغرى للدالة،

عدافظة القليوبية (١)



TY.

أجب عن النسئلة الأتية ،

- 🧻 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- (ب) ^۲س- (ب) (ب) (۱)
- آ إذا كان : (س + ه ، ۸) = (١ ، ٦ ص + س) · فإن : ص =
- ۱۲ (م) ۲ (ج) ۲ (۱۲ (م) ۲ (۱۲ (م) ۲ (۱۲ (م) ۲ (م
 - مجموعة حل المعادلة : -v' + 3 = 0 في \mathcal{D} هي
- $\emptyset (1) \qquad \{Y-\}_{(\Rightarrow)} \qquad \{Y-Y,Y\}_{(\forall)} \qquad \{\xi\}_{(\uparrow)}$
- $V+\dot{\psi}=(1) \qquad \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot{\psi}=(1) \qquad \dot$
- آ إذا كان : $-\infty' \infty' = 17$ ، $-\infty + \infty = 1$ فإن : $-\infty \infty = 17$
 - ٠ (١) ٢ (٠) ١ (٠) ١ (٠) ١٢٨
 - و القيم عددها يساوي ٩ الجموعة من القيم عددها يساوي ٩ الحموعة من العموم الحموعة من العموم الحموم ال
 - YY (1) Y (1)



- $[t\cdot t\cdot]$ مثل بيانيًا الدالة د حيث د (-t) = (-t) ، (-t) ، (-t)ومن الرسم استنتج :

 - 🕥 معادلة محور التماثل.
 - 😙 لقيمة العظمي أو الصغري للدالة.
 - $\left(\frac{3}{V}\right)$ اذا کانت : ∞ ∞ $\frac{1}{V}$ ، وکانت : ∞ $= \frac{3}{V}$ \times عندما ∞ أوجد قيمة ص عندما -v = 7
 - (١) إذا كانت: س= (٢، ٣، ٥) ، ص= (٤، ٢، ٨، ١، ١٠) وكانت عُ علاقة معرفة من سر إلى صحيث « أعُ ب» تعني أن « ٢ ٢ = ب» لکل†∈سج ، پ ∈ ص-
 - 📆 اكتب بيان ع. ومثلها بمخطط سهمي
 - 🥫 هل العلاقة دالة ؟
- $\frac{-1}{5} = \frac{7 7}{5}$ ازدا کانت : ۱ ، ب ، ح ، ح کمیات متناسبة فأثبت أن : $\frac{7}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}{5}$
- $\{Y \{x : x\} = \emptyset$ ، $\{x : x\} = \emptyset$ ، $\{x : x\} = \emptyset$ ، $\{x : x\} = \emptyset$ أوجد: ١ (ع - ص) × (س \ ص) (ب) إذا كانت : د (س) = ٤ -س + ب وكانت : د (٣) = ١٥ فأوجد : قيمة ب
 - $\frac{1}{1}$ $\frac{1}$
 - فأثبت أن: $\frac{3+7-2}{\sqrt{1+7}} = \frac{3-4-2}{\sqrt{1+7}}$
 - () أوجد الانحراف المعياري للتوزيع التكراري التالي :

المجموع	0	٤	٣	٣	1	صفر	٠,٠
144	19	۲.	40	17	77	٣	ك



أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسهج باستخدام الآلة الداسبة)

- 🔝 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- [۱] إذا كان الوسط الحسابي للكميات ٢ -س ، ٣ ، ٤ ، ٥ يساوي ٤ فإن : ﴿ عَنْ غَالِمُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ
- ۲ (ب) 8(3)
- \bigcap إذا كان : س \times م= $\{(1,7),(7,3)\}$ فإن : س \bigcap م=
 - $\{\xi, \lambda\}_{(3)} \qquad \emptyset_{(2)} \{(\xi, T)\}_{(4)} \qquad \{T, \lambda\}_{(1)}$
- ٣ إذا كانت : ص = م ص حيث م تابت ≠ صفر فأى العبارات الأتية تكون عبارة خطأ ؟
 - $\frac{1}{a} \times (a) = \frac{1}{a} = (a) \times (a) = \frac{1}{a} = (a) \times (a) = (a) \times (a) = (a) \times (a) \times (a) \times (a) = (a) \times (a) \times (a) \times (a) = (a) \times (a) \times (a) \times (a) \times (a) = (a) \times (a)$
- - (1) منفر (1) (ب)8/31
- آذا کانت د : د (-0) = (7 + 7) (7 + 7) + (7 + 7) + 7 کثیرة حدود من الدرجة الثانیة قان: † =
 - (ب) ۲ (ج) (1) صفر 1(4)

 - $\circ > \dagger(\iota) \qquad \circ < \dagger(+) \qquad \circ \ge \dagger(\iota) \qquad \circ \le \dagger(\iota)$
 - $\{\xi, \Upsilon\} = -\infty$ ، $\{\Upsilon, \Upsilon, \Upsilon\}$ أومد: $\{\Upsilon, \Upsilon\}$ أومد:
 - $\sim \sim (\sim \cap \sim)$ ($\sim \sim \sim \sim$ 1 (Yu) (T)
 - (ب) إذا كانت: ١ ، ب ، ح ، و في تناسب متسلسل $\frac{1}{1} = \frac{s + w}{s + w} : \text{if the first of } \frac{1}{s}$

- *150
- $\left\{1-\left(\frac{1}{Y}\right), \frac{1}{Y}\right\}$ معفر ، $-\frac{1}{Y}$ ، -1
- ، ص= {۱ ، ۲ ، صفر ، ۱۰ ، ۲۰ وکانت عَ علاقة من سر إلى صحيت «العدد ب» تعنى «العدد ۴ هو المعكوس الضربي للعدد ب» لكل ٢ ∈ سر ، ب ∈ صراكتب بيان عَ ومثلها بمخطط سهمى ، وبين هل عَ دالة أم لا ، ولماذا ؟
 - $\frac{7}{7} = 0$ اذا کانت : $\frac{7}{7}$ عندما $\frac{7}{7}$ عندما $\frac{7}{7}$ عندما $\frac{7}{7}$ العلاقة بین $\frac{7}{7}$ عند $\frac{7}{7}$ قیمة $\frac{7}{7}$ قیمة $\frac{7}{7}$ قیمة $\frac{7}{7}$
 - - القيمة الصغرى للدالة.
 - ٣ معادلة محور التماثل للمنحني.
 - (ψ) إذا كان: $\frac{\pi c}{\gamma} = \frac{\Delta}{\gamma} = \frac{3}{6}$ أوجد قيمة: $\frac{\pi c}{\gamma} + \frac{\Delta c}{\gamma}$
 - (١) احسب الانحراف المعياري للقيم: ١٢ ، ١٨ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١
 - (+) إذا كانت د (-) = + + وكانت : د (+) = + وفايت : د (+) = + وفاوجد قيمة المقدار : + + ه

محافظة المنوفية

أجب عن الأسئلة الآتية : ﴿ ريسهج باستخدام الآلة الحاسبة ﴾

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- العدد ٣ ينتمى إلى مجموعة حل المتباينة :
- $T \leq \omega_{\tau^{-}}(\omega) \qquad T \leq \omega_{\tau^{-}}(\omega) \qquad T \leq \omega_{\tau^{-}}(\omega) \qquad T \leq \omega_{\tau^{-}}(\omega)$
 - $\left(\frac{-\gamma}{\xi}\right)^{\frac{1}{2}} \cdots \cdots \left(\frac{-\gamma}{\xi}\right)^{\gamma}$
 - $\geq (3) \qquad \qquad = (4)^{3} \qquad \qquad < (4) \qquad \qquad > (5)$

- 🝸 العدد الذي يقع بين : ۰٫۰۲ ، ۳۰٫۰۸ هو
- (۱) ۲۰۰۰۰۰۰ (ب) ۲۰۰۰۰۰۰ (ج) ۲۰۰۰۰۰۰ (۱)
 - إذا كانت: † < ٥ فإن النقطة (٢ ، † ٥) تقع في الربع
- (i) الأول. (ب) الثاني. (ج) الثالث. (د) الرابع.
 - و إذا كانت: $\frac{9}{7} = \frac{1}{6}$ فإن: $\frac{1}{6} = 7 7 = 3 = 3$
 - ٠ (١) ١ (١) ٢ (١) ٢ (١)
 - آ إذا كان : مح (س س) = ٤٨ لجنوعة من القيم عددها ١٢ فان : ٥ =
 - $\xi(z)$ $\xi(z)$ Y=(z) Y=(z)
- (1) إذا كانت: س= {-۱، ۱، ۲} ، ص= {۲، ۱، ۲، ۸} وكانت علاقة من س- إلى صحيث «ا على ب» تعنى أن «ب= ۲ ا + ٤» لكل ا ∈ س- ، ب ∈ ص
 - ١ اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي.
 - 🚹 بين أن عُدالة وأوجد مداها.

 - (+) إذا كانت: وسطًا متناسبًا بين (+) عن فأثبت أن: (+) الله عند السبًا بين (+) عند السبًا بين (+)
 - (1) إذا كانت أ: ب: ح= ٢: ٣: ٥ وكانت: أ+ب+ح= ٣٥ فأوجد: قيمة كل من أ،ب، ح
- (ب) إذا كانت : ص = 9 + 7 وكانت : $9 \propto \frac{1}{\sqrt{1000}}$ وكانت : 9 = 7 عندما 9 = 7 فأوجد: 1 = 7 العلاقة بين 9 = 7 مندما 9 = 7



- [(أ) ارسم منحنى الدالة د حيث د (س) = س و ع س متخذًا س ∃ [-١، ٥] ومن الرسم أوجد:
- 🕥 معادلة محور التماثل، 🚺 إحداثني نقطة رأس المنحني.
 - ٣ القيمة العظمى أو القيمة الصغرى للدالة.
 - (ل) أوجد الانحراف المعياري للقيم الآتية : ٢٠ ، ٢٧ ، ٥ ، ١٦ ، ٣٢



أجب عن الاسئلة الأتية ، (يسهج باستخدام الآلة الحاسبة)

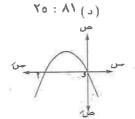
- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- آ الدوال الأتية هي دوال كثيرات حدود ما عدا الدالة د حيث د (س) =
 - (د) ۲۲ س + ۱
- (1) ←ن + ۳
- $\left(\xi + \psi \psi \psi \psi \right) = \left(\frac{1}{2\pi} + \psi \psi \psi \right)$
- آ] مجموعة حل المعادلة : (س ٥)^{صفر} = ١ في ع هي
- $\{\diamond\} \mathcal{L}(\bot) \qquad \qquad \mathcal{L}(\Rightarrow) \quad \{\diamond \iota \circ\} (\smile) \qquad \{\diamond\} (\dagger)$
- س إذا كان : (١ ٧ ، ٢٦) = (٣٠ ، ٤٠٠ فإن : ١٩٤٧ + ٢٠٠ =
 - 0(1)
 - 📝 الثاني المتناسب للأعداد : ٢ ، ٠٠٠ ٨ هن
 - (ب) ٦ (ج) ± ٤ 7 ± (a) ٤(١)
 - و اللدى لجموعة القيم: ٧ : ٢ : ٩ ، ٥ هو
 - $\Upsilon(z) \qquad \Upsilon(z) \qquad \Upsilon(z)$
 - $\Lambda = \infty$ إذا كانت : $\Delta = \infty$ بنيما بن وكانت : $\Delta = 0$ عندما بن = Δ
 - فإن : ص = ٣ عندما جن =
 - $(1) F' \qquad (2) Y \qquad (3) F' \qquad (4) F'$

- ر () إذا كانت : $= \{-7, -7, 7\}$ ، $= \{-1, -7, 7\}$ ، حرد $\{1, \frac{1}{\lambda}, \frac{1}{\lambda}, \frac{1}{\lambda}\}$ وكانت 3 عادقة من س~ إلى صحيت «أ مح ب» تعنى أن «أ" = ب» لكل ا ∈ س، ، ب ∈ ص ر اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي، هل ع دالة أم لا ؟ مع ذكر السبب.
 - $\frac{1}{\sqrt{1-2}}$ من: ص : ص : ص خونت : ص : ص : ص خونت أن : ص من أبذا كانت :
 - (ب) مثل بیانیًا منحنی الدالة د : د (س) = ۲ س متخذًا س ∈ [۳،۳] ومن الرسم استنتج معادلة محور التماثل ، القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.
 - ومثلها بمخطط ساني
 - (ب) أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ٥: ١١ فإنها تصبح ٣ : ٥
 - (1) إذا كان المستقيم الممثل للدالة د : ع حج عيث د (س) = ٢ س ل يقطع محور الصادات في النقطة (م ، ٣) فأوجد: قيمتي م ، ل
- (ب) احسب الوسط الحساني والانحراف المعياري للبيانات الآتية: ٢٣ : ١٠ : ١٧ : ١٥ ، ١٥ ي إ (مقربًا الانحراف المعياري الأقرب رقم عشري)

محافظة الدقهلية

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسمِع باستخدام الآلة الحاسبة)

- 🚺 (أ) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
 - ا إذا كان: ه س = ۹ ص فإن: $\frac{7}{7}$ =
 - ۹:٥(ج) ٥:٩(ب) ١٠:٢٧(١)
 - 🕜 الشكل المقابل منحني لدالة تربيعية حيث † (-٤ ، ٠)
 - فإن معادلة محور التماثل هي :-س =
 - (ب) 1(1)
 - (ج) ۲۳ (د)صفر



- ٣] العدد الذي إذا أضيف إلى كلمن الأعداد ١ ، ٢ ، ٢ فإنها تصبح متناسبة هو
 - ۲ (۵) ۲ (۴) ۲ (۲) ۲ (۲) ۲ (۲)
 - $\frac{t}{2} = \frac{t}{t} + \frac{t}{t}$: زا کانت ب وسطًا متناسبًا بین t ، ح أثبت أن : $\frac{t}{t} = \frac{t}{t}$
 - 👔 (أ) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
 - آ) إذا كانت : د (جن+٣) = جن ٣٠ فإن : ٥ (٧) = ···········
 - ۱۰ (ع) V (ج) ۱ (u)
 - فإن الانحراف المعياري يساوي
 - (a) Y (a) Y (b) Y (1)
 - (ب) -ه (ج) صفر ۱ (د) -ځ 9(1)
 - (ل) إذا كانت س = { ٤ ، ه ، ٧ } وكانت عدالة على س وکان بیان : گ = {(۲ ، ه) ، (ب ، ه) ، (۲ ، ۲)}
 - أوجد: 🕥 القيمة العددية للمقدار ٣ 🕈 + ٣ ب
- $\frac{-1}{(1)}$ | $\frac{1}{(1)}$ |

٦ مدى الدالة.

- (ل) احسب الانحراف المعياري للقيم: ١٢ ، ١٦ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١ ، ٢١
 - ا (1) الشكل المقابل لمنحني الدالة التربيعية
 - د: د (س) = س (٢ وا ٢) س = (٠٠٠) د : د فإذا كان الشكل و إ بحد مربعًا
 - فأوجد: قيمة الثابت ك
 - (ن) إذا كانت: ص= ١ + ب حيث ب تتغير عكسيًا مع مربع جن وكانت : جن ~ 1 عندما = 0
- أوجد العلاقة بين: ﴿ مَ مُ صُ ثُم أُوجِد قَيْمة صَ عندما ص = ٢

- [1] إذاً كانت : د (س) = ١ + س ٢ ، ل (س) = حكثيرتي حدود حيث ١ ، حابتان وكان : ٣ د (٢) + ٣ ل (س) = ٦ أوجد القيمة العددية للمقدار : ٢ د (٠) + ٢ ل (٧)
- (ب) إذا كانت : س $= \{ Y : 0 : Y \} : 0 = \{ -\infty : -\infty \in \mathbb{R} : 0 : X > \infty = \{ -\infty : -\infty \in \mathbb{R} : 0 : X > \infty \}$ الدالة د من س حص بيانها كالتالي د = { (٣ ، ٩) ، (٥ ، ١٥) ، (٢١ ، ٢)} 1 اذكر مجال الدالة د 7 اكتب قاعدة الدالة.

محافظة الاسماعيلية



أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسمِح باستخدام الآلة الحاسبة)

- 🔝 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة : 🏽
- - (۱) احتمالات. (ب) معادلات. (ج) متباینات. (د) علاقات.

 - 1(1) 11(3) (ب) ٤ (ب)
 - يكون العدد $\frac{7-\upsilon}{-\upsilon}$ نسبيًا إذا كانت : $-\upsilon \neq \cdots$

 - $\frac{Y}{\Delta}(\pm)$ $\frac{1}{\Delta}(\pm)$
- كَ إِذَا كَانْتَ النَّقَطَةُ (ب ٤ ، ٢ ب) تقع في الربع الثَّالَث فإن : ب =
 - (ب) ۲ (ب) ع ا 7(3)
 - اینا کان : ۱۷ س + ۸ = ۱۱ فإن : ۱۷ س + ۱۱ = سسسسسس
 - (ب) ۱۷ (ج) ۱۷ (۲) A(1)
 - 🗔 إذا تساوت مجموعة من القيم فإن التشتت لتلك القيم
 - (+) > صفر (+) = (+) = صفر (+) = ص
 - [۱] (۱) إذا كانت : س= {٣ ، ٢} ، ص= {١ ، ٤ ، ه أوجد: ١ س-×ص-

- 📆 (أ) إذا كان † تتفير عكسيًا مع مربع ب ، وكانت : † = ٥ عندما ب = ٣ 😅 أوجد: قيمة † عندما ب=١٢.
- (ب) إذا كان المستقيم المثل الدالة د : ع عج عيث د (س) = ٢ س ١ يقطع محور الصادات في النقطة (ب ، ه) أوجد: قيمتي أ ، ب
- (1) إذا أَضْيَفَ ضَعف العدد إلى كل من الأعداد ٢ ، ٣ ، ٧ أَصْبِحَت كميات متناسبة . فأوجد: قيمة 🗝
- (-) إذا كانت : = $\{-1$ ، 1 ، $\{-1$ ، $\{-1$ ، $\{-1$ ، $\{-1\}$ وكانت $\{-1\}$ علاقة من سر إلى صرحيث «أ & ب» تعنى «ب= ٢ ٢ + ٤» لكل ٢ ∈ س ، ب ∈ ص 🚺 هل 🕹 دالة ؟ ولماذا ؟ 🕦 أوجد بيان عد ومثلها بمخطط سهمي،
- ومن الرسم استنتج: ١ إحداثيي رأس المنحني. 🍸 القيمة الصنغرى أو العظمي للدالة.
 - (ب) احسب الانحراف المعياري للقيم الآتية: ١٢ ، ١٣ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١



Y (2)

محافظة السويس

أجب عن النسئلة النتية ، (يسمع باستخدام الآلة الحاسبة)

المعطاة :	الإجابات	من بين	الصحيحة	الإجابة	اختر	Ų

- - (ب) ۱۸ (ج) 9(1)

 - آ إذا كانت : ٢ x x ل = ٢ ١٢ فإن : ك =
- ⁷**†** T (2) Y & (1) 1 E (÷) 1 T (·)
- \blacksquare إذا كانت : $\dots = \{ Y, Y \}$ ، $\dots = \{ \xi, Y \}$ فإن : $(\xi, Y) \in \blacksquare$
 - $\overset{\mathsf{Y}}{\smile}(\mathsf{J}) \overset{\mathsf{II}}{\smile} \overset{\mathsf{Y}}{\smile}(\mathsf{J}) \overset{\mathsf{Y}}{\smile}(\mathsf{J}) \overset{\mathsf{Y}}{\smile} \mathsf{J} \overset{\mathsf{Y}}{\smile}(\mathsf{J})$
 - كَ إِذَا كَانَ : († ، ٥) = (٢ ، ب) فإن : † + ت =
 - (ب) ۱۱ (ج) ۳ 1 (2) o(1)

- ه مجموع قيم المفردات =ه
- (1) المدي (ب) الانجراف المعياري
 - (ج) الوسط الحسابي (د) للتؤال
- ٦ إذا كانت النقطة (٢ ، ض) تقع على محور السينات . قان : ص + ٤ =
 - (ج) ۲ (ب) ٤ o (1) T (2)
 - (1) إذا كانت: ٤ † = ٣ ب أوجد: قيمة ٢ ٢ أ _ _
- (ψ) إذا كانت : $\psi = \{x, x, y, z\}$ ، $\psi = \{y, y, z\}$ ، $\psi = \{y, y, z\}$ وكانت گ علاقة من س إلى صحيث «أ على ب» تعنى أن «أ + ب = ه » لکل ا ∈ س ، ب ∈ ص
- 🚹 اكتب بيان العلاقة. 🚺 مثل 🕏 بمخطط سهمي. 💎 📆 هل 🕏 دالة ؟
 - (۱) إذا كان: س×عب= {(۲،۲)، (۲،۴)، (۲،۲)، (۲،۴)}
 - آوجد: ١٦ س ۽ ص × ص
 - ومن الرسم استنتج :
- 1 نقطة رأس المنحني. 🕥 معادلة محور التمائل، 📺 القيمة الصغري.
- 12 Y + Y 3 - 3 🛂 (أ) إذا كانت: -س، ص، ع، ل كميات متناسبة فأثبت أن:
 - (ب) من بيانات الجدول المقابل أجب عن الأسئلة الآتية :
- 📭 بين توع التغير بين ص ، س
- 🚹 أوجد ثابت التغبر آوجد قيمة ص عندما س = ٣
- T w = (1) | [1] | Y W = (w V) = w V
- آ أُثبت أن : د (٣) + ٧ (٣) = صفر 🚺 أوجد : د (۲) + س (۲)
 - (ب) احسب الانحراف المعياري للقيم: ١٦ ، ١٦ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١



محافظة بورسعيد

أجِب عن الأسئلة الأثية ،

🚻 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

$$\Upsilon(\iota)$$
 \circ (\div) \circ (ι) $\Upsilon(\iota)$

$$\left(\frac{1}{Y} \cdot \cdot\right)(3) \qquad \left(\cdot \cdot \cdot\right) = \left(1 - \cdot \cdot\right) (4) \qquad \left(\cdot \cdot \cdot \frac{1}{Y}\right) (1)$$

$$\Upsilon(x)$$
 $\Sigma(x)$ $\Upsilon(y)$ $\Upsilon(1)$

ص	_ں		ص	٠		ص	٠٠		ص	-ر	
٩	١.		7	٢		۲.	۲	41	٩	۲	İ
۱۸	٥	(د)	۹_	۲-	(÷)	17	٥	(ب)	14	٤](1

$$\{1,1\}$$
 نا کانت : $- \{1,1\}$ ، $- \{1,0\}$ ، $3=$ $\{3,0\}$ $\{1,1\}$



(\cdot) مثل بیانیًا د : د $(- \cdot) = - 0^7 + 7 - 0 + 1$ متخذًا $- 0 \in [- 1]$ ومن الرسم استنتج:

🚹 إحداثيي رأس المنحني.

1 القيمة العظمي أو الصبغري للدالة...

(۱) إذا كانت : د (س) = ٤ س + بوكانت : د (٣) = ١٥ أوجد : قيمة ب

$$\Upsilon, \circ = \infty$$
 عندما $\Upsilon = 0$ وکانت : ص $= \Gamma$ عندما $= 0$

فأوجد: 🕦 العلاقة بين -س ، ص

🗂 قیمة ص عندما 🗝 = ه

من سر إلى صحيث « عنى « الله عنى « الله عنه العدد ب» من سر إلى صحيث « الله عنه عنه العدد ب الله عنه ال لکل†∈س-، ب ∈ ص-

اكتب بيان أح ومثلها بالمخطط السهمي...

🚹 أي من العلاقات التالية صواب مع ذكر السبب : ١ گ ٢ ٦ ، ٢ گ ٢ ٢ ، ٣ \$ ٧ ؟ ؟

(ب) إذا كانت : ٧ ، س ، ب في تناسب متسلسل فأوجد: قيمة س من ص

$$\frac{1}{Y} = \frac{2}{4} = \frac{4}{3} = \frac{4}$$

(ب) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية : ٣ ، ٧ ، ٩ ، ١٥ ، ١٥

محافظة دمياط

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسمِح باستخدام الآلة الحاسبة) ﴿

اختر الإجابة الصحيحة من بن الإجابات المعطاة:

↑ ± (⇒) □ **1**− (→) **N(1)**

🚹 النقطة (–۲ ، ٥) تقع في الربع

الأول. (ب) الثاني.

(ج) الثالث،

(د) الرابع،

14 (3)

Y- (a)

 $1 \cdot - (2)$



- [٣] أكثر مقاييس التشتت انتشارًا وأبقها هو
 - (1) الوسيط.

(ب) الوسط الحساني.

(ج) المدي.

(د) الانجراف المعياري،

-= 9 E
- ¿U∪(1) 2U2(4) 2N2(4) ¿N∪(1)
- $(\Upsilon \cdot \Upsilon) (\bot) \qquad (\circ \cdot \circ) (\Rightarrow) \qquad (\circ \cdot \Upsilon) (\psi) \qquad (\Upsilon \cdot \circ) (1)$
 - آ اِذَا كَانَ : -س ص = ٨ ا فإنَ : ص ∞
- $\Lambda + \upsilon = (2) \qquad \qquad (4) \qquad \qquad (5) \qquad (4) \qquad (4) \qquad (5) \qquad (4) \qquad (5) \qquad (6) \qquad (7)
 - (۱) اذا کانت: س= ۲۱، ۵۱، ص= ۲۱، ۲۱، ۵۱ ، ع= ۲۳
- وكانت ع علاقة من سه إلى صحيث ال عنى أن الم + ب = ٧» لكل†∈س،،ب∈ص
 - 🕦 اکتب بیان 🕰
- آ اذكر مع بيان السبب هل ع تمثل دالة من سم إلى صم أم لا ، وإذا كانت دالة أوجد مداهات
 - (v) إذا كان : $\frac{(v)}{v} = \frac{av}{2} = \frac{av}{2}$ **أثبت أن : av** ع
- 🛂 (أ) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم الآتية : ١٢ ، ١٢ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١
 - $T = \infty$ عندما $T = \infty$ ، وکانت : $T = \infty$ عندما $T = \infty$
 - آ آ قیمة ص عندما س = ه أوجد: [1] العلاقة بين س ، ص

- $-10 + 10 = \frac{70}{7}
 - $[Y, Y] \Rightarrow 0$ مثل بیانیًا الدالة د : د (س) = 0 + Y متغذًا س (-1, Y]
- ومن الرسم استنتج : 🚺 معادلة محور التماثل للدالة. 💎 🚺 القيمة الصيفري للدالة.
 - محافظة كفر الشيخ

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسمِح باستخدام الآلة الحاسبة) -

- 🚺 (أ) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- 🚺 الثَّالَثِ المتناسبِ للأعداد : ٤ ء ١٧ ء ... ء ٤٨ هن
- (پ) ۳۲ (キ) ア/ V(1) (4) 77
 - {r, 1}Ø 🗊
- - 🍸 الدى لجموعة القيم : ٧ ، ٣ ، ١ ، ٩ ، ٥ يساوى
 - (۱) ۲ ه (پ) ۲ ه (چ) ۱۲ ه (۲ (۱) ۲۸
- (-) مثل بیانیًا منصنی الداله د حیث د (-) = (-) متخذًا (-) مثل بیانیًا منصنی الداله د حیث د (-)ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحني للدالة ومعادلة محور التماثل والقيمة الصغري للدالة.
 - 🚺 (أ) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
 - $(\sqrt{1}\sqrt{1}\sqrt{1}\sqrt{1})$
 - ٣٥ (ج) ١٢ (ب) ٢ (١)
 - - = | 0 | + | 0 | [
 - (۱) صفر (ب) ۲۵
 - 🏋 إذا كان : (س ۲ ، ۳) = (ه ، س + ص) 🛮 فإن : س ص = ...
 - 11 (2)
 - (ب) إذا كانت : ص وسطًا متناسبًا بن س ، ع
 - $\frac{\Delta v}{1} = \frac{\Delta v}{1} = \frac{\Delta v}{1} = \frac{\Delta v}{1} = \frac{\Delta v}{1}$



- اكتب بيان عمد ومثلها بمخطط سهمى.
 عن أن عمد دالة واذكر مداها.
- $\{1, 1\}$ اذا کانت : $w = \{1, 1\}$ ، $a = \{3, 1\}$ ، $a = \{3, 1\}$ اوجد : $a = \{3, 1\}$ ، $a = \{3, 1\}$ اوجد : $a = \{3, 1\}$ ، $a = \{4, 1\}$ ، a =
- و کانت : ص تتغیر عکسیًا مع -0^7 و کانت : -0 = 7 عندما -0 = 3 استنتج قیمة -0 = 3 کانت : -0 = 7 استنتج قیمة -0 = 7 اوجد العلاقة بین -0 = 7 اوجد العلاقة بین -0 = 7
 - (ب) احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم : ٨ ، ٩ ، ٧ ، ٦ ، ٥

محافظة البحيرة (١٤)

أجب عن الأسئلة الاتية : ` (يسوج باستخدام الآلة الحاسبة)

- 💵 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- مجموعة الحل في 2 للمعادلة : $-\sqrt{1+9} = 0$ هي
- $\emptyset(J)$ $\{Y, Y-\}(A)$ $\{Y\}(G)$ $\{Y-\}(B)$
- أإذا كانت النقطة (ك ٤ ، ٢ ك) جيث ك ∈ ص تقع في الربع الثالث
 فإن : ك =
 - ۲ (ب) ۲ (ج) ۲ (۲)
- $\overline{T}V = (-1) \qquad \overline{T}V = (-1)$

- - ه افغان: ۱+ ۲ ب= ۷ ، حد ۳ ه
 - فإن القيمة العددية للمقدار : † + ٣ (ب + ح) =
 - ۲۱ (۱) ۲۱ (۱) ۲۱ (۱) ۲۱ (۱) ۲۱ (۱)
 - 🗻 الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة في المجموعة يسمى
 - (١) الوسط الحسابي، (ب) الوسيط،
 - (ج) المدى. (د) الانحراف المعياري.
- $\{7,0,7\} = \emptyset$, $\{7,7\} = \emptyset$, $\{7,0,7\} = \emptyset$
- (ب) أوجد العدد الموجب الذي إذا أضيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ه : ١١ فإنها تصبح ٣ : ٥
 - (۱) إذا كانت النقطة (۱، ۲) تقع على الخط المستقيم الممثل للدالة $x = \frac{1}{2} + \frac{1}{2$
- ع (١) إذا كانت: س= (١، ٢، ٥) ، وكانت عَ علاقة على سحيث «١عَـب» تعنى أن «١+ب=٢» لكل ١ ∈ س ، ب ∈ س
- ا اكتب بيان على الله عنه ا
 - (ب) احسب الانحراف المعياري للقيم الآتية: ١٨ ، ٢٢ ، ٢٠ ، ٢٢ ، ١٨
 - $T = \infty$ عندما $T = \infty$ عندما T = 0 عندما عندما عندما عندما عندما T = 0
 - فأوجد: ١ العلاقة بين ص ، س قيمة ص عندما س = ٥
- (ب) مثل بیانیًا منحنی الدالة د حیث د (س) = س $^{\vee}$ $^{\vee}$ متخذًا س \oplus [$^{\vee}$ ، $^{\vee}$] ومن الرسم استنتج :
 - آ القيمة الصغرى الدالة.



محافظة الغبوم

أجب عن النسئلة الاتية . (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

🧻 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- 📊 الجذر التربيعي الموجب لمتوسط مربعات انحرافات القيم عن وسطها الحسابي
 - (ت) للثوال، (1) الوسيط،
 - (د) الانحراف المعياري، (ج) المدي.
 - ١٨-(١) ١٢-(١) ١٢-(١)
 - ------=]T , o-[[T , o-] [T]
 - Ø(3)]T: 0-](=) [T: 0-[(-) {T: 0-}(i) كا خمس العدد ه يا يساويدنا الله وي أري يد ما هذه الدول ال
 - ١٤٥٥ (١) ١٥٠ (١) ١٥٠ (١)

 - $\frac{\omega - t}{a}(z) \qquad \frac{\omega + \omega - t}{\lambda}(z)$
 - ٦ إذا كان: -س عددًا فرديًا فإن العدد الفردى التالي له هو
- $\Upsilon + \omega_{-(3)}$ $\Upsilon + \omega_{-(3)}$ $1 + \omega_{-(4)}$ $1 \omega_{-(1)}$

(1) إذا كان : ٢ ٢ = ٢ ب فأوجد قيمة المقدار : ٢ ٠ = ٢ ب

- (ل) إذا كانت : د (س) = أ جَس + ه ، وكانت : د (٣-) = ٨ فأوجد: قيمة أ
- و () إذا كانت : س ، ص ، ع في تناسب متسلسل فأثبت أن : س ، ص ، ع في تناسب متسلسل فأثبت أن : ص ، ع الله على الله

- علاقة علاقة : $= \{ X, X, X, X, X \}$ ، $= \{ X, Y, Y \}$ ، وكانت علاقة علاقة من س~ إلى صحيت «أ مج ب» تعنى أن «ب= ٢ + + ٤» لكل أ ∈ س- ، ب ∈ ص ، اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي. هل ع دالة من سر إلى صر و ولاذا ؟
 - [1] إذا كانت ص تتغير طربيًا بتغير س ، وكانت : ص = ٢٠ عندما س ≥ ٧ ، أوجد العلاقة بين ص ، س ، ثم أوجد ص عندما -س = ١٤
 - (ب) إذا كان (ه ٢ جس ، ص^٢) = (١ ، ٢٧) فأوجد: قدمة أ٣٦ - ب + ص
 - [1] ارسم الشكل البياني للدالة د : د $(-0) = -0^7 7$ حيث $-0 \in [-7, 7]$ ، ومن الرسم استنتج إحداثيي نقطة رأس المنحنى ، والقيمة الصغرى للدالة.
 - (ب) أوجد الانحراف المعياري للقيم : ٧ ، ١٦ ، ١٣ ، ٥ ، ٩

محافظة بنى سويف

أجب عن الأسئلة الاتية ، (يسهج باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- 🕥 النقطة (٣٠٠ ، ٣٠) تقم في الربع
- (1) الأول. (ب) الثاني. (ج) الثالث. (د) الرابع،
 - آ إذا كانت : س تمثل عددًا سالبًا فإن العدد الموجب هو
- (ب) ۲س (ب) سو۲ (ج) سو۲ (ب) سو۲ (۱)
 - 🍞 إذا كانت : س ص = ١ فإن : ص تتغير مع
- $(-1)^{-1} \qquad (-1)^{-1} \qquad (-1)$ 1+0-(5)
 - 💽 أبسط وأسهل طرق قياس التشتت هو
 - (ب) الوسط، (۱) الوسيط.
 - (ج) الاتحراف المعياري، (د) المدي،
- فإن ا <u>احد هـ</u> =
 - (ب) کا (ب) کا (غالف ک T (a)



- [1] أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٧: ١١ فإنها تصبح ٢: ٣
- (ب) إذا كانت: س= (۲،۲،۱} ، ص= (۱،۳،۱،۱۹ } . وكانت عَد علاقة من س- إلى ص-حيث «أعْ ب» تعنى أن «ب= الآ» لكل أ ∈ س، ، ب ∈ مر اكتب بيان عُد ومثلها بمخطط سهمى وبين هل عَد دالة أم لا،
- العددية. $\frac{-v}{1} = \frac{4v}{7} = \frac{3}{7} = \frac{7-v-7}{2} = \frac{3}{10}$ أوجد: قيمة ك العددية.
- (ب) مثل بيانيًا الدالة $x: x (-w) = x w^x$ ، $-w \in [-x \cdot x]$ ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحني والقيمة العظمي للدالة.
 - - $\{\varphi\}$ إذا كانت : ψ = $\{Y, Y\}$ ، φ = $\{\psi\}$ إذا كانت : ψ = $\{Y, Y\}$ ، $\{\psi\}$ أوجد : $\{\psi\}$ ψ = $\{\psi\}$ $\{\psi\}$ أوجد : $\{\psi\}$ $\{\psi\}$ أوجد : $\{\psi\}$

محافظة المنيا

أجب عن الأسئلة الأتية : (يسوح باستخدام الألة الحاسبة)

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
 - = Y.V + oV
- OVT(3) OVA (=) OVO (-) TOV(1)
- يَا العدد $\frac{1}{2}$ العدد $\frac{1}{2}$ العدد $\frac{1}{2}$ العدد المحدد ا
 - ٩ (١) ١٥ (١) ١٥ (١)

- -------= Y-0 × Y0 F
- (i) ه (ج) صفر (د) -ه
- - ۲٦ (ع) الم (ج) الم (ع) - و العلاقة التي تمثل تغيرًا طرديًا بين المتغيرين ص ، س هي
 - $\Upsilon + \upsilon = 0 \qquad (\varphi) \qquad 0 = 0 \qquad (1)$
 - $\frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} (x) \qquad \frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} (x)$
 - (ج) ہے ۔۔ ص
 - 🔼 المدى هو مقاييس التشنت.
 - (١) أبسط، (ب) أكبر، (ج) أصعب، (د) غير ذلك،
- (۱) إذا كانت: س = {۱، ۲، ۲ } ، ص = {۱، أن المحدد أن أن المعدد المعكوس ضربى للعدد ب» علاقة من س إلى ص حيث «الحك ب» تعنى أن « المعدد المعكوس ضربى للعدد ب» لكل ا ∈ س ، ب ∈ ص اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمى ، ثم بين هل ع دالة أم لا.
 - $\frac{u}{(u+1)} = \frac{u+1}{u-1} = \frac{1}{1-u}$ اثنت أن: أثبت أن: $\frac{1}{1-u} = \frac{u}{u-1}$
 - (1) إذا كانت: ٢ ص = ٣ س فأوجد قيمة: ٣ ص + ٢ ص
 - $\{0, 7\} = 2$ ، $\{0, 8\} = \infty$ ، $\{0, 7\} = \infty$: س : س = $\{1, 7\} = \infty$) $\{0, 7\} = \infty$ فأوجد : $\{0, 7\} = \infty$) $\{0, 7\} = \infty$ فأوجد : $\{0, 7\} = \infty$) $\{0, 7\} = \infty$ فأوجد : $\{0, 7\} = \infty$) $\{0, 7\} = \infty$

أوجد: ١ العلاقة بين س ، ص ١ قيمة ص عندما ص = ٤

- (ب) احسب الانحراف المعياري للقيم: ١٢ ، ١٨ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢١
- (۱) اذکر درجة الدالة د : د (س) = ۲ ۲ س^۲ ثم أوجد : د (٠) ، د (-۲)
- (-3) مثل بیانیًا الدالة د : د (-4) = -4 + ۲ -4 متخذًا -4 = [-3, 7] ومن الرسم استنتج :
- 1 معادلة محور التماثل. و القيمة العظمي أو الصغرى للدالة.
- ٥٧



محافظة أسبوط

أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسهج باستخدام الآلة الحاسبة)

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- آ ا ب ° ÷ س ′ = (حیث س ≠ ۰)
- ° (-) (-) (-) (-) (-) (-)
- $\Upsilon(\varphi) = \Upsilon(\varphi) \left\{ (\Upsilon, \Upsilon) \right\} (\varphi) = \left\{ (\Upsilon, \Upsilon) \right\} (\uparrow)$
 - ٣ المعكوس الضويي للعدد ٢٥ ، ٠ هو
 - (ب) ۲۵– (ج) · ۲۸– (ب) .,0-(1) ٤(١)
 - كَ الوسط المتناسب بين ٤ ، ١٦ هو
 - ۸ ± (ج) 78 (s) ۸ (ب) ۸– (۱)
 - = + , Y + + , 1Y a
 - · , ٣٦ (3)
 - 🗔 المدي للجموعة القيم : ٤ ء ١٤ ء ٢٥ ء ٣٤ هو
 - TE (3) (ب) ۳۰ (ج) ۲۸ ٤(١)
 - (۱) إذا كانت: س= (۲، ۱) ، ص= (۲، ۲) فأوجد:
 - (س) × س. ا من) × س. ا ا اله (ص^۲)

 - $\frac{4}{9} = \frac{\sqrt{-\sqrt{\gamma}}}{\sqrt{1+\frac{1}{2}}}$ if it is $\frac{\sqrt{\gamma}}{2} = \frac{1}{\sqrt{\gamma}} = \frac{1}{\sqrt{\gamma}}$ if it is $\frac{\sqrt{\gamma}}{2} = \frac{\sqrt{\gamma}}{2} = \frac{1}{\sqrt{\gamma}}$
- (۱) إذا كانت: س= {-۱، ۲، ۲، ۲} ، ص= {۱، ٤، ۲، ۹ وكانت ع. علاقة من س- إلى ص-حيث «أ عُـ ب» تعنى «أ " = ب» لكل أ ∈ س- ، ب ∈ ص-اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي وبيِّن أن ع دالة من س- إلى ص- وأوجد مداها ...
 - (-) إذا كانت : ص $\propto \frac{1}{2}$ وكانت ص = 7 عندما -0 = 3
 - أوجد: 1 العلاقة بين ص ، س 1 قيمة 1 قيمة 1 عندما 1

- ٢: ٧ أوجد العدد الموجب الذي إذا أُضيف مربعه إلى حدى النسبة ٧: ١١ فإنها تصبح ٢: ٣
- [""] = [""] 3 متفزًا منحنى الدالة [""] = [""] 3 متفزًا <math>[""] = [""]ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحني والقيمة العظمي أو الصغري للدالة ومعادلة محور التماثل.
 - (أ) إذا كانت : د (س) = س ٢ ٢ ، س (س) = ٣ أوجد: د (۱√۲) + س (۵)
 - () احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري للقيم: ١١ ، ١٢ ، ١٥ ، ١٧ ، ٢٠

محافظة سوهاد

أجب عن النسئلة الأثية ، ﴿ يُسْهِمْ بِاسْتَخْدَامُ الدَّلَةُ الحَاسِبةُ ﴾

- 🦍 أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
 - آ أربعة أمثال العدد ^٨٢ هو
- (L) 3 Y ':Y(≥) (△) (□) ''7Y(1)
- آ إذا كان : به (س> × عب) ع ١٠٠١) = ٩ : فإن : يه (س> × عب) ع
 - (ب) ۸۸ (ب) 7(1) V(a)
 - ٣ إذا كان: ٣٦٠ س ١ = ٢ (حيث س ∈ ٤) فإن: س =
 - $\overline{TV}(J)$ T = (+) $\overline{TV}T(J)$ T(1)

 - - (۱) کا (ب) کا (ب) و ا Yo (3)
 - إذا كان الوسيط للقيم: ٢+٢ ، ٢+٢ ، ٢+٤ (حيث ٢ ∈ صح) هو ٨ غَانِينَ : ٢ =
 - (ج) ۲ (د) ٤ (ت) ٥ ¥ (1)
 - 🔼 من مقاييس التشتح
- (ج) الدئ: (د) الوثنظ الحسابي. (١) الفسيط: ﴿ إِنَّ اللَّوَالِ. ﴿

· ٩(٥)

- $\{(1,1),(1,1),(1,1)\}$ (۱، ۱) $\{(1,1),(1,1),(1,1)\}$
 - أوجد : 🕥 س۔ ۽ ص۔
 - (ψ) إذا كانت : $\frac{-\omega}{\alpha} = \frac{7}{7}$ أوجد قيمة : $\frac{7-\omega+7}{7}$
- $\{1,0,\xi,T,Y\} = \emptyset$ ، $\{T,Y,Y,Y\} = \emptyset$ ، $\{T,Y,Y,Y,Y\} = \emptyset$ وكانت على علاقة من س إلى ص حيث «أع ب، تعنى أن «أ + ب = ٥» لکلا∈س،ب∈صب
 - 📆 اكتب بيان عد ومثلها بمخطط سهمي.
 - 😙 بين أن كدالة من س- إلى ص- وأوجد مداها -
 - (ب) أوجد العدد الذي إذا أَصْنِف إلى حدى النسبة ٧: ١١ فإنها تصبح ٢: ٣
- إذا كانت النقطة († ، ٣) تقع على الخط المستقيم : ص = ٤ س ه فأوجد : قيمة †
 - $\Upsilon = \infty$ عندما $\pi = 0$ عندما $\pi = 0$
 - فأوجد : 🕥 العلاقة بين 🗝 ، 🗠 –
- رع قيمة ص عندما س = ه

~ × ~ ~ [7]

- [(ز) مثل بيانيًا الدالة د : د (س) = س ٤ س + ٤ متخذًا س ∈ [١ ، ٥]
- ومن الرسم استنتج : 🕦 إحداثيي رأس اللنحني، 🕜 معادلة منعور التماثل.





(د) س°

محافظة قنا

أجب عن الأسئلة الآتية ، ﴿ يُسْمِحُ بِاسْتَخْدَامُ الآلَةُ الحَاسِبَةُ ﴾

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- آ إذا كان : س ص = ه ي فإن : ص مد
- (۱) س (ج) ه س
- TVT (中) 9 (中) XV (3) T (1)

- ٣ الوسط المتناسب بين العددين ٣ ، ١٢ هو
 - ٦(1)
 - (ب) –٦
 - النقطة (-۲ ، ۳) تقع في الربع
- (أ) الأول. (ب) الثاني. ﴿ ﴿ الثَّالِثِ (د) الرابع،

(ج) ± ۲

- حميع الدوال المعرفة بالقواعد الأتية كثيرات حدود عدا الدالة
- $V + \frac{1}{1-\epsilon} + \frac{1}{1-\epsilon} = (0-) + 2(-\epsilon)$
- (+) $(-1)^{\gamma}$ $(-1)^{\gamma}$ $(-1)^{\gamma}$ $(-1)^{\gamma}$ $(-1)^{\gamma}$
 - 🖪 المدى لجموعة القيم: ٥١ ، ٢٤ ، ٥٥ ، ٢٨ هو
- 00(1) **₹1**(3) (ت) ۲۶
- وكانت على علاقة من سر إلى صرحيث «ا على من تعنى أن «ا + ب = ۷» وكانت على علاقة أمن و الم لكل أ ∈ س~ ، ب ∈ ص~ ، اكتب بيان ع. ومثلها بمخطط سهمي. هل عُدالة أم لا مع ذكر السبب ؟ وإذا كانت دالة فأوجد المدى.

 - T س ، و (س) = س ۲ ۲ س ، و (س) = س ۲ اس الم
 - (۳) اوجد: د $(\forall \forall) + \forall \cup (\forall \forall)$ اثبت أن: د $(\forall \forall) = \cup (\forall \forall)$
 - (ب) أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ١١: ١ فإنها تصبح ٢: ٣
 - ان کان: ۱۵ = ۳ ب فأوجد قیمة المقدار: ۱۵ = ۳ ب فأوجد قیمة المقدار: ۱۵ = ۳ ب
 - (ب) فيما يلى التوزيع التكراري لأعمار ١٠ أطفال:

المجموع	۱۲	λ×	٩	٨	٥	العمر بالسنوات
1	١	٣	٣	۲	_ \	عدد الأطفال

أحسب الانحراف المعياري للعمر بالسنوات.

- 18 = 0 اذا كانت ص 10 = 0 وكانت : ص 10 = 0 عندما حس 10 = 0
 - $\Lambda_0 = 0$ فأوجد : س عندما ص

- $[Y, Y] \rightarrow Y$ ، خذ Y = (-Y, Y] ، خذ Y = (-Y, Y] ، خذ Y = (-Y, Y]ومن الرسم البياني أوجد :
 - آ] معادلة خط التماثل. ۱۱ رأس المنحتين
 - القيمة العظمى أو القيمة الصغرى للدالة.

محافظة الأقصر



7E (3)

10 (2)

(L)

VY (3)

Y (3)

أجب عن الأسئلة الأثية :

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- 💽 مجموع عوامل العدد ١٥ يساوي
 - (ب) ٤ - $\Upsilon(1)$
- (ج) ۱۵
- ۱٥ = (Y) : د (کانت د (س) = 3 س + 4 وکانت : د (Y) = (Y)
 - Y(1)

Y & - (i)

- V (=)
- ٣ المقدار الأصنفر عندما ٧ هو

(پ) ٤

 $\frac{1}{\sqrt{1-1+\epsilon}}(z)$ $\frac{1}{\sqrt{1+1+\epsilon}}(z)$

٦ (ب)

- كَ الثَّالَتِ المُتناسِبِ للعددين ٢ ، ١٢ هو

- (ج) ۸۸

- إذا كان: ٣ ١ = ١ ٣ ٠ فإن: حن =

 - (1) صفر (ب) ﴿ ﴿ (ج) ا
- ٦ أي من القيم الآتية للعدد حس تجعل مدى مجموعة القيم : حس ، ١٥ ، ٢٠ ، ٢٢
 - يساوي ۱٤ ؟ Y. (1)
 - Yo (4)

 - (چ) ۱۹
 - 1. (2)

- [()] إذا كان بيان الدالة د = { (۱ ، ۳) ، (۲ ، ه) ، (۳ ، ۷) ، (٤ ، ٩) ، (ه ، ۱۱) }
- اكتب: ١٦ مجال الدالة د ١٦ مدى الدالة د ٣١ قاعدة الدالة د
- (ب) عبدان صحيحان النسبة بينهما ٢ : ٣ إذا طرح من كل منهما ٧ أصبحتِ النسبة ١ : ٢ فأوجم العددين.

- -10^{-1} وكانت -10^{-1} دالة من س إلى ص حيث -10^{-1} جب تعنى -10^{-1} لکل†∈سہ ، ب ∈ ص۔
 - 🚺 أوجد قيمة ل 🚹 اکتب بیان 🕏
 - ٣ مثل الدالة ع. بمخطط سهمين
- أوجد العلاقة بين س ، ص ثم استنتج قيمة ص عندما س = ١
 - 🛂 (أ) الشكل المقابل يمثل الدالة د
 - حيث د (س) = ٤ ٢ س أوجد إحداثيي كل من النقطتين 🕈 ، ب
 - ومساحة ∆ † و ب
 - (ب) إذا كانت : سَن = ص
 - أثبت أن: (٢ -س ٣ ص) ، (-س + ٢ ص) ، ٢٦ ، ٢٦ متناسبة.
 - (1) احسب الانحراف المعياري لمجموعة القيم: ۷۲ ، ۳۵ ، ۲۱ ، ۷۰ ، ۹۰
- (-) مثل بیانیًا الدالة د حیث د $(-0) = 1 3 0 + -0^{3}$ متخذًا $-0 \in [-3, 3]$
- ومن الرسم أوجد: [1] إحداثيي رأس المنحني.
 - القيمة العظمي أو الصغرى للدالة.



محافظة أسوان

أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسوح باستخدام الألة الحاسبة)

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- آ إذا كانت: س= {۲, ۱} ، ص= {.} فإن : الم (س- × ص-) =
- (1) صفر . (ب) ۱ (ج) ۲
- Y (3)



- -----= (T+oV) (T-oV)
- 1 (2) Y (÷) Y (~) 0(1)
 - ٣ المدى لمجموعة القيم: ١٦ ، ٣٠ ، ٥ ، ٢٧ ، ٢٠ هو
- 18 (3) ١٦ (ټ) ٢٠ (ت) YV (1)
 - عَ الثَّالَثُ المُتناسبِ للرُّعداد ٨ ، ٢ ، ... ، ١٢ هو
- $\Lambda(a)$ (ب) ۲۰ (ج) YE (1)
- o إذا كانت : س = ۳ ، ص = ه فإن : ص = =
- 90(3) (۱) ۱۲۵ (ب) ۱۲۵ (ج) ۱۲۵
 - آ] اذا کانت: ه س = ۱۲ فان: ۱۰ س
- TE (3) ۲۲ (ب) ۲۲ (ب) ۲۲ (۲)
 - $\{(Y,Y), (0,Y), (Y,Y)\}$ د اکان: س \times مب=
 - أوجد: [٦] ص-
- $\frac{-}{(+)}$ إذا كانت: وسطًا متناسبًا بين \uparrow ، ح فأثبت أن: $\frac{1}{(+)}$
- الله كانت: س= {۱۰،۸،۲،٤} م ص= {۱۰،۸،۲،٤} وكانت ع علاقة معرفة من سر إلى صحيث «اع ب» تعنى أن «٢١ = -» ~~3+,√31,KI
- اكتب بيان عدومتها بمخطط سهمى.
 - (ب) اذا کانت ص تتغیر عکستًا مع -0 وکانت : 0 = 1 عندما -0 = 3أوجد العلاقة بين ص ، حن ثم أوجد ص عندما حن = ١٦
 - 🕹 (1) إذا كانت : (١ ، ٣) تقم على الخط المستقيم المثل للدالة د : ع 🛶 ع حيث يا (س) = ٤ س - ٥ أوجد: قيمة ا
 - (\cdot,\cdot) إذا كانت : $\frac{1}{y} = \frac{1}{y} = \frac{1}{y} = \frac{1}{y} = \frac{1}{y}$ أوجد : قيمة س
- $[1, \cdot]$ مثل بیانیًا منحنی الدالة د حیث د $(-0) = (-0, -7)^{7}$ متخذًا $-0 \in [-0, 1]$ ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحنى والقيمة الصغرى أو العظمي للدالة ومعادلة محور التماثلء

(ب) التوزيع التكراري التالي بين عدد أطفال بعض الأسر في إحدى المدارة :

8	٤	٣	۲	١	مىقر	عدد الأطفال	
	٦	Yes	0 -	17	٨	عدد الأسر	

احسب الوسط الحسائي والانجراف المعياري لعدن الأطفال





78 (4)

A(2)

(د) جن - ۲

{o}(a)

9 ± (2)

أجب عن الأسئلة الأتية :

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- آ إذا كانت : أس = ١٦٧ فان : س =
 - (ب) ۸ (ج) ۱٦ ٤(1)
- - (ب) ۲ (ج) -1(1)
 - آلِذا كانت: ص= ٢ س فإن: ص x
 - $7 + \omega \rightarrow (\Rightarrow)$ (-) (+) (+)

 - ا کا ۳ و ۱ عندما س ∈
 - $\mathcal{L}(\varphi) \left\{ \phi \right\} \mathcal{L}(\varphi)$ 0(1)
 - 🧿 الوسط المتناسب بين العددين ٣ ، 🕁 هو
 - $\frac{1}{a} \left(\div \right) = \frac{1}{a} \left(\div \right) + \pm \left(1 \right)$
- آذا كان : ٤ (-٠٠ -٠٠) = ٣٦ لمجموعة من القيم عددها ٩ فإن الانحراف المعماري دسسسسسس
 - (ب) ۳ Y(1) (ج) ٤ 7 (2)

 - [(أ) إذا كانت : س= {٣ ، ٢} ، ص= (ا) إذا كانت : س
- فأوجد: [] س- × ص- ومثله بمخطط سهمي. (~~×~)~1
 - $\frac{1}{1}$ عن $\frac{1}{1}$

- ٣ (†) أوجد العدد السالب الذي إذا أضبيف مربعه إلى كل من حدى النسبة ٧ : ١١. فإنها تصبح ٤ : ٥
- (ب) إذا كانت س- = { ٢ ، ٤ ، ٨ } وكانت : عَ علاقة على سحيث «أ عُ ب» تعنى والمضعف ب، لكل ا وس ، ب وس ، اكتب بيان عدوه ل عدالة ؟ ولماذا ؟

فأوجد قيمة كل من: ١ - س ا ا + س + حـ ا

(ب) إذا كانت د : ع على ع ، د (س) = ٢ - ٠٠٠ (ب)

فأوجد: قيمة ك إذا كان: ١١ د (ك) = ٥ ١ (٢ ، ك) € بيان الدالة د

(أ) التوزيع التكراري التالي يبين عدد أطفال لبعض الأسر في إحدى المدن الجديدة:

11	٩	٧	٥	۳	عدد الأطفال س
٤	Ver	۲١.	17	٣	عدد الأسن ك

أحسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعدد الأطفال.

- $[\cdot \cdot \cdot \cdot] \ni \cdots$ مثل بیانیًا منحنی الدالة د حیث د $(\cdots) = (\cdots)$ مثل بیانیًا منحنی الدالة د حیث د ومن الرسم استنتج:
 - 🕜 معادلة محور التماثل.

- 1 نقطة رأس المنحنى
- ٣] القيمة الصنغرى للدالة

محافظة جنوب سيناء

أجب عن الأسئلة الأتية :

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- الدالة د : د $(--) = --0^3 7$ كثيرة حدود من الدرجة
- (١) الرابعة. (ب) الثالثة، (ج) الثانية. (د) الأولى،

- 🚹 الرابع المتناسب للكميات :۳۰ ، ۲ ، ۲ هو.........
- (۱) ۴ (ټ) ۲۲ (چ) ۲ F(3)
- \mathbb{T} إذا كان: $v_{\alpha}(w_{\alpha})=0$ ، $v_{\alpha}(w_{\alpha})=0$ فإن: $v_{\alpha}(a_{\alpha})=0$
 - (ج) ۲۰ (ب) ۲۰ (۲۰ (۱) ∃ Y (a)
 - 🗵 الوسط الحسابي للقيم: ٣، ٤، ٢، ٧ يساوي
 - - اِذَا کَانْتِ : ص $+ 3 \sqrt{2} = 3 \omega$ م فإن :
 - $\frac{1}{1} \cos \alpha \cos (i) \qquad \frac{1}{1} \cos \alpha \cos (i) \cos \alpha \cos (i)$
 - 💽 إذا كانت : ف عبدًا فرديًا فإن العدد الفردى التالى له هو
 - (1) (-) (-) (-) (-) (-) (-) (-)
 - $\{9>0<0$ إذا كانت: $\{7,7,7\}$ ، $\{5,7,7\}$ ، $\{5,7,7\}$

حيث ط مجموعة الأعداد الطبيعية ، وكانت على علاقة من سر إلى صرحيث «٢ على ب» تعنی «† = 😓 پ» لکل † ∈ س۔ ، ب ∈ ص۔

اكتب بيان كل ، وهل كل دالة من سر إلى صرى وأوجد مداها.

- 🔳 (1) أوجد العدد الذي إذا أضيف إلى حدى النسبة ٧: ١١ أصبحت ٢: ٣
 - (\mathbf{v}) إذا كانت $\mathbf{v} = \mathbf{v}$ ، وكانت : $\mathbf{v} = \mathbf{v}$ عندما $\mathbf{v} = \mathbf{v}$ أوجد علاقة بين - س ، ثم أوجد قيمة ص عندما - س = ٦٠
 - ٣ س ٢ = (١٠) مثل بيانيًا الدالة د : ع حمد ع حيث د (١٠)
- $\frac{1}{2} = \frac{1}{2} + \frac{1}{2}$ وسطًا متناسبًا بين $\frac{1}{2}$ ح فأثبت أن : $\frac{1}{2} + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}$
- ص (أ) إذا كان : (س ، ص + ١) = (١٠ ، ١٢٥) فأوجد : قيمة كل من س ، ص
- (ب) احسب الوسط الحسابي والانحراف المغياري للبيانات الآتية: ٢٠ ، ١٧ ، ٢٢ ، ١٨ ، ١٨ ، ١٨ ،



محافظة شمال سيناء

اجب عن الأسئلة الآثية :

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- آ إذِا كَانْتِي :رد (س) = ه فإن : د (ه) + د (-ه) = ············
- (i) صفر (ب) ه (ج) –ه
- A(2) (ج) ۷ (پ) ۳ o(i)
- الله إذا كانت: ف عددًا فرديًا فإن العدد الفردى التالى له هو
- (1) (-) (+) (+) (+) (+) (+)
 - كَ الرابع المتناسب للكميات ٤ ، ٨ ، ٨ هو
 - اچ) ۱۲ (د) ۲۱ (پ) ۸ ٤(١)٤
 - مجموع الجذرين التربيعين للعدد ﴿ ٢ هو المستعدد المستع
 - $\frac{1}{Y}(x) \qquad (x) = \frac{1}{Y}(x)$
 - 📆 الفرق بين أكبر قيمة وأصغر قيمة لمجموعة من البيانات هو
 - (1) الدي. 🐃

(ج) الوسيط،

- (ب) الوسط الحسابي،
- . (د) الانحراف المعياري.
- $\left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right\} = \sqrt{2} \quad \text{if } \left\{\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right\} = \sqrt{2}$

وكانت ع علاقة معرفة من سر إلى صحيث «أع سي» تعنى أن «أ هو المعكوس الضربي للعدد ب» لكل أ ∈ س- ، ب ∈ ص-اكتب بيان ع ومثلها بمخطط سهمي، هل ع دالة أم لا ؟

- آ أوجد قيمة ص عندما س = ٥ ، ١ 1 أوجد العلاقة بين س ، ص

- بالنقطة (٣ ، ب) فأوجد: قدمة ب
 - (ψ) إذا كانت : $\frac{\psi}{\partial u} = \frac{\psi}{3}$ فأوجد قيمة المقدار : $\frac{\psi}{\partial u} + \frac{\psi}{\partial u} + \frac{\psi}{\partial u}$
 - $\{(Y, 0), (Y, 1), (Y, 1)\}$ = (0, 1), (1, 1)فأوجد كلًا من : س ، ص ، ص ، ص ٢
- - (۱) احسب الانحراف المعياري لمجموعة القيم: ۱۲، ۱۲، ۱۸، ۱۸، ۲۱، ۲۱
 - ومن الرسم استنتج:
 - 1 إحداثيي رأس المنحني. 📶 معادلة محور التماثل.
 - ٣ القيمة العظمى أو الصغرى للدالة.

محافظة البحر الأحمر



أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسهج باستخدام الألة الحاسبة)

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- - (ب) ۳۳ (چ) o(1) (د) صفر
 - آ] إذا كانت : ۲ ، ۲ ، ۲ ، حس كميات متناسبة فإن : حس =
 - - (ب) ۱۸ (ج) 4 (1) T (2)
 - 🍸 المدى لمجموعة القيم : ٣ ، ٥ ، ٦ ، ٧ ، ٩ يساوي
 - 7 (1) (ب) ۶ (چ) 17 (4)
 - (ب) صفر (ج) ۱ N= (1) (c) F



- $\Lambda = \omega + \omega \omega = 0$ ۽ $\psi + \omega = 0$
 - فإن : س ٔ ص ٔ =فإن : س
- (ب) ۱ (ج) ٥
- آآ إذا كان : سن ص = V فإن : ص 50
- $V + \psi (a)$, $V \psi (b)$ $\frac{1}{\psi (1)}$
 - (۱) إذا كان: س × ص = {(۱،۱)، (۱،٥)، (۱،۲)} أوجد:
 - (vo) N [
 - ۳) هر~× سر~

Yo (1)

- $\frac{1}{1} = \frac{1}{1} + \frac{1}{1}$ اذا كانت ب وسطًا متناسبًا بين أ ، ح أثبت أن : $\frac{1}{1} + \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$
- (ب) إذا كانت: س= {٢ ، ٢ ، ١} = ص د {٢ ، ٢ ، ١ ، ٥ ، ٥ كانت : س من س√ إلى صحيت «1 & ج» تعنى «1 + جه = ره» لكل 1 ∈ س ، ب ∈ ص
 - آكتب بيان كل ومثلها بمخطط بياني. المنافق والله أم لا ؟
 - الله کانت : $\frac{7}{\omega} = \frac{7}{7}$ أوجد قيمة : $\frac{7}{1} = \frac{7}{2}$
 - (م) إذا كانت ص x -س وكانت : ص = ٢ عندما -س = ١ أوجد :
 - 🕥 العلاقة بين 🗠 ، 🗝

- 👣 قیمة ص عندما 🗝 = ١٥
 - $[\Upsilon , \Upsilon] \Rightarrow \nabla$ مثل بیانیًا منحنی الدالة د حیث د $(\mathcal{O}) = 3 \nabla$ متخذًا ح $\mathcal{O} = \{ \Upsilon , \Upsilon \}$ ومن الرسم استنتج :
- 🕥 إحداثيي نقطة رأس المنحني. أح معادلة خط تماثل المنحني.
 - (ب) احسب الانحراف المعياري للقيم : ١٦ ، ١٣ ، ١٦ ، ١٨ ، ٢٦

محافظة مطروح



أجب عن النسئلة الأثية ، (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

- 🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- ا إذا كانت: ١ ، ب ، ٢ ، ٣ كميات متناسبة فإن: ﴿ =
 - $\frac{\gamma}{\xi} \left(\div \right) \qquad \frac{\gamma}{\gamma} \left(\div \right) \qquad \frac{\gamma}{\gamma} \left(1 \right)$
-=] [() [[[()]]
- $\emptyset(J)$ $[\xi, Y](\varphi)$ $\{\xi, Y\}(\varphi)$ $\{\cdot\}(1)$
- - (ب) ۳ (ج) 7(1)
- $(\uparrow, \downarrow) (\downarrow) \qquad (\uparrow, \uparrow) (\downarrow) \qquad (\bar{\uparrow}, \uparrow) (\uparrow)$ (r-1 (1)
 - 💿 النقطة (٣ ، -٤) تقع في الربع
 - (١) الأول. (ب) الثاني. (ج) الثالث. (د) الرابع،
 - آ إذا كان : محر (س س) × = ٣٦ لمجموعة من القيم عددها يساوى ٩ فإن: σ =
 - (پ) ٤ $\Upsilon(1)$
 - YV (4) (ج) ۱۸
 - $\{17, 9, 7, 7, 7\}$ $\Rightarrow \infty = \{7, 7, 1\} = 1$ وكانت على علاقة من سر إلى صرحيث «أ عنى بنه علاقة من سر إلى صحيث والحرب وكانت على المناس

لكل أ ∈س ، ب ∈ ص اكتب بيان ع ، هل ع دالة أم لا ؟ وإذا كانت دالة اكتب مداها.

- $\frac{-7-7 \vee \sqrt{1-7}}{\sqrt{1-7+1}}$ أذا كانت : $\frac{1}{\sqrt{1-7}} = \frac{7}{\sqrt{1-7}}$ أوجد قيمة : $\frac{7}{\sqrt{1-7-1}}$
- $\{(0,1),(7,1),(1,1)\}=$ عان : س \times ص=
 - آوجد: ١٦ س٠ ۽ ص٠
 - ا ا ص



$$\frac{\xi}{1 - \omega Y} = \frac{\omega}{Y - \omega + Y} = \frac{2}{Y - \omega + Y} = \frac{1}{Y - \omega + Y}$$

$$| (\psi) | (\psi)$$

(1) إذا كانت النقطة (1 ، ٣) تقع على الخط المستقيم الممثل للدالة د : ع - ع على الخط المستقيم الممثل للدالة د : ع - ح ع حد - ه أوجد : قيمة 1

(ب) التوزيع التكراري التالي يبين عدد أطفال بعض الأسر في إحدى المدن الجديدة:

٤	٣	۲	١	- 1	عبد الأطفال
٦	Yœ	0.	17	٨	عدد الأسر

احسب الوسط الحسابي والانحراف المعياري لعبد الأطفال.

T = 0 اذا کانت : ص تتغیر عکسیًا مع T = 0 وکانت : ص T = 0 عندما T = 0 أوجد العلاقة بين T = 0 ، ص ثم أوجد قيمة ص عندما T = 0

 $(\cdot \cdot)$ مثل بيانيًا منحنى الدالة د حيث د $(- \cdot \cdot) = (- \cdot - \cdot)^T$ متخذًا $- \cdot \cdot \in [\cdot \cdot \cdot \cdot]$ ومن الرسم استنتج نقطة رأس المنحنى والقيمة العظمى أو الصغرى الدالة.

امتحانات المحافظات في حساب المثلثات والهندسة

محافظة القاهرة

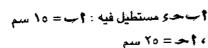
أجب عن الأسالة الآتية . ﴿ (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

المعطأة :	الإجابات	من بين	الصحيحة	الإجابة	اختر
· •			. 🛶		_

- آ إذا كان : أب لـ حرى ، وكان ميل أب = ب فإن : ميل حرى = Y-(3) $\frac{1}{\sqrt{2}}(4)$ $\frac{1}{\sqrt{2}}(4)$ Y(1)
 - [1] عدد محاور تماثل المثلث المتساوي الساقين يساوي
 - (ب) ۲ (ج) ۲ (ب) 1(1)
 - ۳٠ طل ۲۰ الله ۳۲ = ۳۳۰ سالت
 - (۱) مل ۳۰ (د) منا ۳۰ (ج) طا ۵۵° (د) منا ۳۰ ا

 - [2] محموع قياسيات الزوايا الداخلة للشكل الرباعي يساوي
- °۱۸۰ (ب) ۲۲۰° (ج) ۱۸۰۰° °۵٤۰ (۱۹۰۰° °۵۶ (۱۹۰۰° °۵۶ (۱۹۰۰° °۵۶ (۱۹۰۰° °۵۶ (۱۹۰° °۵۶ (۱۹۰۰°
- $\Upsilon = \omega = (4)$ $\Upsilon = \omega = (4)$ $\Upsilon = \omega = (1)$
 - 🚺 محيط المربع الذي مساحة سطحه ١٠٠ سم اليساوي سم،
 - ٥٠ (١) ٤٠ (١٠) ٢٠ (١)
- (أ) اذا كانت : س ما ٤٥° منا ٤٥° = ما ٣٠٠ أوجد : قيمة س (موضعًا خطوات الحل)
 - (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله ٢ ويمر بالنقطة (١٠٠)
- سم ، ص ع مثلث قائم الزاوية في ص حيث -0 ص = 7 سم ، 0 = 4 سم = 4 سم أوجد قيمة المقدار: مناس مناع - ماس ماع
 - (ب) ابحروشکل رباعی حیث ا (٤، ٢) ، ب(-، ٠) ، ح (-۷ ، ه) ، و (-۲ ، ۹) أثبت أن: الشكل أب حو مربع.

٤ (1) في الشكل المقابل:



- أوجد: [١] طول ب حر
- (120(12-4-4)
- ٣] مساحة المستطيل 1 ب دي
- (ب) إذا كانت : ح (٦ ، -٤) هي نقطة منتصف أب حيث ١ (ه ، -٦) أوجد إحداثيي نقطة ب
- (أ) إذا كان المستقيم الذي معادلته : $\uparrow \psi + \Upsilon = \psi \psi = \psi$ يوازي المستقيم الذي يصنع راوية قياسها ٤٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات. أوجد: قيمة ٢
 - (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (٤ ، ٢) ، (-٢ ، -١) ثم أثبت أن المستقيم يمر بنقطة الأصل.

محافظة الحيزة



أجب عن الأسئلة الأتدة .

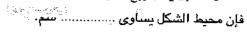
اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- اً إذا كانت : ما $-0 = \frac{1}{2}$ حيث -0 زاوية حادة فإن : ما ٢ -0 = -0
 - $\frac{1}{\sqrt{k}}(\tau) \qquad \frac{1}{\sqrt{k}}(\tau) \qquad \frac{1}{\sqrt{k}}(\tau)$
 - آ بُعد النقطة (٢ ، ٢) عن المحور الصادي يساوي وحدة طول.
 - (ب) -ځ (چ) ٣-(١) (د) ٤
 - ٣ النقط: (٨٠٠) ، (٦٠٠) ، (٠٠٨)
 - (أ) تكون مثلثًا قائم الزاوية. (ب) تكون مثلثًا منفرج الزاوية.
 - (ج) تكون مثلثًا حاد الزوايا. (د) تقع على استقامة واحدة.

 $\frac{1}{2}$ (2)



- عَ إِذَا كَانَتِ : ١ (ه ، ٧) ، ب (١ ، ١٠) فإن نقطة منتصف أب هي
 - (خ) (۲ ، ۲) (ع) (ب) (۲ ، ۲) (Y + Y) (1)
- 🖸 معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (١ ، ٣٠) ويوازي محور السينات هي
 - $T = (-1)^{-1}$ $T = (-1)^{-1}$ $T = (-1)^{-1}$ (1) س = ٣
 - 🔞 الشكل المقابل يمثل ربع دائرة طول نصف قطرها ٢ سم



π ο (-) π Y (1)

 $\xi + \pi (\Rightarrow)$

- (د) ٤ π + ٤



- (1) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله ٢ ويمر بالنقطة (١٠٠٠)
- (ب) أب ح مثلث قائم الزاوية في حفيه : أح= ٢ سم ، بح= ٤ سم 1 ت (د ب) أوجد: [1] ميًا ٢ ميًا ٧ - ما ٢ ما ب
 - (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : ما ٢٠° = ٢ ما ٣٠° مما ٣٠°
- (ب) إذا كان المستقيم ل، يمر بالنقطتين (٢٠٠٣) ، (٢ ، ك) والمستقيم ل، يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٥٥° أوجد: قيمة ك إذا كان: ل، لم له
 - [1] إذا كانت : ممّا هم طل ٣٠ = ممّا من الله عن (د هـ) حيث هـ زاوية حادة.
- (ب) بين نوع المثلث الذي رؤوسه النقط : ١ (٣ ، ٣) ، ب (١ ، ٥) ، حد (١ ، ٣) من حيث أطوال أضلاعه.
 - = ١٠ + ٥ ص + ٠ = ٠ ميل المستقيم : ٥ ٠ + ٤ ص + ٠ = ٠
 - ثم أوجد طول الجزء المقطوع من محور الصادات.
 - (ب) أثبت أن النقط: † (٢ ، -١) ، ب (-٤ ، ٦) ، حـ (٢ ، -٢) الواقعة في مستوى إحداثي متعامد تمر بها دائرة واحدة مركزها م (١٠٠٠) ثم أوجد مساحة الدائرة.

محافظة الإسكندرية

أجب عن الأسئلة الأثية : ﴿ (يسهج باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- ان کان: أب // حو وكان ميل أب $\frac{7}{7}$ فإن: ميل حو $\frac{7}{7}$ $\frac{7}{7}$ -(\Rightarrow) $\frac{7}{7}$ (\Rightarrow) $\frac{\pi}{\lambda} = (7)$
 - ٢ في الشكل المقابل:

﴿ حِمْدُ مُثَلِثُ مُتَسَاوِي السَّاقِينَ قَائِمُ الزَّاوِيةَ فَي ﴿

(ب) کاکا

(ج) ا

 $^{\circ}$ ۹. = ($_{\perp}$ ک زاویتین حادثین $_{\parallel}$ ، $_{\parallel}$ إذا كان : $_{\parallel}$ ($_{\perp}$ ک) + $_{\parallel}$ ($_{\perp}$ $_{\parallel}$) ، ق (د٩) ≠ ق (د ب) فإن:

(۱) ما ؟ = مناب (ب) ما ؟ = ماب (ج) طا ؟ = طاب (ب) منا ؟ = مناب

٤] دائرة مركزها نقطة الأصل وطول نصف قطرها يساوى ٢ وحدة طول فإن النقطة تنتمي إليها .

 $(1, (7))_{(3)} \qquad (1, (1))_{(4)} \qquad (3)_{(4)} \qquad (3)_{$

و إذا كان : ق (د س) = ق (د ص) ، حيث د س ، د ص متكاملتان فإن : ق (دس) =

(ب) ٤٥ (ج)

📆 متوازى الأضلاع الذي قطراه متساويان في الطول ومتعامدان يكون

(أ) مربعًا، (ب) معينًا. (د) مستطیلًا، (د) شبه منحرف،

ميا $^{\circ}$ (أ) أوجد قيمة س التي تحقق : س ما $^{\circ}$ ميا $^{\circ}$ ه $^{\circ}$ = م $^{\circ}$. $^{\circ}$

(ب) المبحد متوازى أضلاع فيه : ١ (٢ ، ٢) ، ب (٤ ، -ه) ، حد (٠ ، -٣) أوجد إحداثيى نقطة تقاطع قطريه ثم أوجد إحداثيي نقطة ي

£-(s)

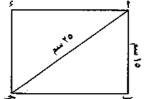
- تقع على (1) أثبت أن النقط : (1-2,1) ، (1-2,1) ، (1-2,1) تقع على دائرة مركزها النقطة م (-۱ ، ۲) ثم أوجد محيط الدائرة (علمًا يأن π -۲، ۱٤ هركزها
 - $\cdot = 0 + \infty + 7 + \infty + 1$ أوجد معادلة الخط المستقيم العمودي على المستقيم (ب) ويقطع جزءًا موجبًا من محور الصادات مقداره ٧ وحدات،
- ٤ (1) أثبت أن المستقيم الذي يمر بالنقطتين (٣٠٠ ٢٠) ، (٤ ، ٥) يوازي المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٤٥°
 - (ب) المحمثات قائم الزاوية في حفيه: احد = ١ سم ، بحد = ٨ سم أوجد قيمة: منا ٢ مناب - ما ٢ ما ب
 - (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1) | (1)فأوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة 1 ، وينقطة منتصف بح
 - (ب) في الشكل المقابل:

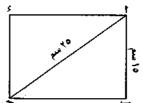
۴ ب دی مستطیل فیه : ۴ ب = ۱۵ سم

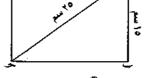
، ۱ حد = ۲۵ سم

أوجد: 1 ص (د ا حرب)

آ مساحة سطح المستطيل ٢ ب دي







محافظة القليوبية

أجب عن النسئلة الأثية :

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- 🚺 إذا كانت: منا 💆 = 👆 حيث 🚾 قياس زاوية حادة موجبة
- 17. (2) ٣٠ (١) ٢٠ (ج) ٩٠ (ج)
 - آ مثلث مساحته ۲۶ سم وارتفاعه ۸ سم فإن طول قاعدته المناظرة لهذا الارتفاع =سسه سم.
 - $(1) \ T \qquad (2) \ T \qquad (4) \ T$

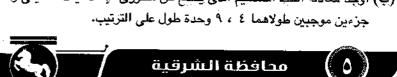
- إذا كان: حرة يوازى محور الصادات حيث حراك ، ٤) ، و (-٥ ، ٧) فإن : ك =
 - o(i) (ب)· V (د) ٤
 - 3 معادلة الخط المستقيم المار بنقطة الأصل وميله = ١ هي
- (ب) ص = س (ج) ص = ۲ س (د) ص = ۰ $\omega = \omega = -\omega$
 - $\cdot = 17 + 3$ إذا كانت النقطة $(\cdot \cdot)$ تنتمى للمستقيم \cdot $(\cdot \cdot)$ حص $\cdot + 17 = 1$
 - فإن : † =
 - ٤(1) (ب) ۳– (ج) ۳
- $oxed{1}$ في $oldsymbol{\Delta}$ المناه : $oxed{1}$ $oxed{1}$ $oxed{1}$ $oxed{1}$ + $oxed{1}$ فإن زاوية حاتكون ...
 - (أ) حادة. (ب) قائمة. (ج) منفرجة. (د) مستقيمة.
 - أ إذا كان بُعد النقطة (س، ٥) عن النقطة (١، ١) يساوى ٢ √٥ وحدة طول فأوجد: قيمة -س
 - (ب) بدون استخدام الحاسبة أوجد القيمة العددية للمقدار: ماه ٤٥ مياه ٤٥ + ما ٣٠ ميا ٣٠ - ميا ٣٠
- ن (۱) اب حرى متوازى أضلاع فيه : ۱ (۲ ، ۲) ، ب (٤ ، -ه) ، حر (٠ ، -٣) أوجد إحداثيي نقطة تقاطع قطريه ، ثم أوجد إحداثيي نقطة ؟
 - (ب) ابح مثلث قائم الزاوية في ب فيه : احد ١٠ سم ، بحد ٨ سم فأثبت أن: ما ٢ + ١ = ٢ منا حد + منا ٢
- ك (1) إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ٤) ، المستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٥٤° فأوجد: قيمة في إذا كان: ل، // لب
 - (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١ ، ٢) وعمودي على المستقيم :
 - -ر + ۲ ص + ۷ = ٠



(1) في الشكل المقابل:

۴ ب دې مستطیل فیه :

- آ مساحة سطح المستطيل أ ب دى
- (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يقطع من محوري الإحداثيات السيني والصادي



أحب عن النسئلة الاتية ، (يسهج باستخدام الألة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- اً إذا كانت : منا (س + ٢٥) = $\frac{1}{7}$ حيث س قياس زاوية حادة فان : 🗝 =°
- (۱) ۲۰ (ب) ۳۵ (ج) صفر ۲۰ (۱) ه
- الخط المستقيم الذي معادلته : $\Upsilon = 0 = 7 0 7$ ميله يساوي $\frac{7}{7}(2)$ (2) (2) (3)
- ٣] معادلة الخط المستقيم المار بنقطة الأصل ويميل على الاتجاه الموجب لمحور السينات بزاوية قياميها ٦٠° هي
 - $Y + \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V} = \overline{V}$
 - (ج) ص = ۳ س
 - فإن: مِنَاحِه =
 - (د) ۷ $\frac{\xi}{V}(a) \qquad \frac{\gamma}{V}(a) \qquad \frac{\gamma}{V}(a)$
 - ⊙ بُعد النقطة † (۲¼ ، ٤) عن نقطة الأصل يساوى وحدة طول. \overline{Y} (2) \overline{Y} (4) \overline{Y} (4) \overline{Y} (5) \overline{Y}

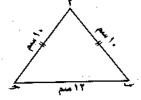
- آ إذا كان المستقيم ل, ميله أو والمستقيم لم ميله من حيث ا ، ب * ، وكان ل ل لم
 - 10-(1) 10 (÷) 7- (·) \frac{1}{6} (1)
 - $^{\circ}$ ر (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: $\frac{1}{a}$ $\frac{9}{a}$ $\frac{9}{a}$ $\frac{1}{a}$ $\frac{9}{a}$ $\frac{9}{a}$ $\frac{1}{a}$
 - (ب) أَثْبِت أَن النقط: † (٣ ، -١) ، ب (-٤ ، ٦) ، حد (٢ ، -٢) الواقعة في مستوى إحداثي متعامد تمر بها دائرة واحدة مركزها النقطة م (١٠ ، ٢) ثم أوجد محيط الدائرة.
- استقامة واحدة أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة أ ويوازي سح
 - (ب) في الشكل المقابل:

ا بح مثلث متساوى الساقين حيث:

اب=اح=۱۱ سم ، بح=۱۲ سم

أوجد: ٦ ما ب

🚹 مساحة سطح المثلث 🕯 بحد



- (۱-، ۵) بنا کان: ۴ بحری متوازی أضتلاع فیه: ۱ (۲، ۳) ، ب (۲، ۲) ، حر(۱، ۱-) فأوجد: [] إحداثيي نقطة تقاطع القطرين.] إحداثيي نقطة و
 - (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطتين (٤ ، ٥) ، (٠ ، ٣) ثم أوجد إحداثيي نقطة تقاطع المستقيم مع محور السينات.
 - ۵ (1) إذا كانت : مناس = ما ۳۰ منا ٦٠

فأوجد: قياس زاوية س (حيث س زاوية حادة) ثم أوجد: طاس

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يقطع ٣ وحدات من الجزء الموجب لمحور الصادات $\gamma = \frac{-\sigma}{2} + \frac{\sigma}{2} + \frac{\sigma}{2} = \gamma$



ر عدافظة المنوفية

أجب عن الأسئلة الأتية: ﴿ (يسمِح باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

المنافق : منا
$$(-0+0)^\circ = \frac{1}{7}$$
 فأن : ما $(0 - -0)^\circ = \frac{1}{7}$

$$\frac{1}{T}(z) \qquad \frac{1}{T}(z) \qquad \frac{T}{T}(z) \qquad \frac{1}{T}(z)$$

دائرة مرسومة داخل مربع بحيث تمس أضلاعه الأربعة ، فإذا كان محيط المربع ٥٦ سنم فإن مسلحة سطح الدائرة
$$\pi = \frac{77}{V}$$

$$\frac{\forall \forall \forall (2)}{\forall \forall (2)} \qquad \frac{\forall \forall (2)}{\forall \forall (2)} \qquad \frac{\forall \forall (2)}{\forall (2)} \qquad \frac{\forall \forall (2)}{\forall (2)} \qquad \frac{\forall (2)}{\forall (2)$$

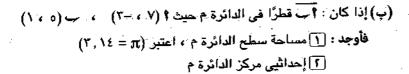
$$\Lambda(a)$$
 $\Lambda(a)$ $\Lambda(a)$

$$Y^{-}(1)$$
 $Y^{-}(2)$ $Y(1)$

$$v = \frac{1}{7} = v \Rightarrow (v) \qquad \qquad 7 + v \Rightarrow \frac{1}{7} = v \Rightarrow Y(1)$$

$$\Upsilon + \omega - \frac{1}{\Upsilon} = \omega + \Upsilon(\omega)$$
 $\Upsilon + \omega - \frac{1}{\Upsilon} = \omega(\omega)$

آ (أ) بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد القيمة العددية للمقدار :

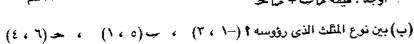


- المنافعة العددية للمقدار: ما حماب مناحماب فأوجد القيمة العددية للمقدار: ما حماب المناحماب
- (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١، ٣) وعمودى على المستقيم المار بالنقطتين (٥،٠٠) ، (٢، ١)

ي (1) في الشكل المقابل:

أ بحرى شبه منحرف متساوى الساقين ،

بالنسبة لقياسات زواياه.



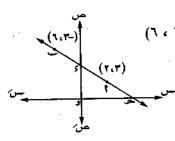
(1) أوجد الميل وطول الجرء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم الذى معادلته : 3 - 0 + 0 = 0

(ب) في الشكل المقابل:

المستقيم خرج يمر بالنقطتين ؟ (٣ ، ٢) ، ب (-٣ ، ٦) ويقطع محورى الإحداثيات في النقطتين ح ، و على الترتيب.



- 1] معادلة المستقيم حـ 5
- أ مساحة المثلث و حديث و نقطة الأصل.





محافظة الغربية



أجب عن الاسلامُ الاتيمُ: ﴿ (يسمِح باستخدامِ الآلةِ الحاسبةِ)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

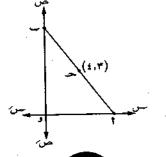
- $\cdot = 0 + \infty$ ، $-2 = 0 + \infty$ البعد العمودي بين المستقيمين : ∞ يساوىمن وحدات الطول.
- (۵) ۹ (ج) ه ۱ (۱) ۱
- [٢] معادلة المستقيم المار بالنقطة (٣ ، ٢٠) ويوازي محور السينات هي
- $1 = \omega + \omega + (1)$ $Y = \omega + (1)$ $Y = \omega + (1)$
- ٢ ص - -س = ٠ فإن : ك = ٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٠٢
 - Y−(¹) X (÷) (ب) 🕏 **N(i)**
- [2] إذا كانت الأطوال ٣ ، ٧ ، ل هي أطوال أضلاع مثلث فإن ل يمكن أن تساوى
 - (پ) ۷ (ج) ٤ (ج) ۲ (س) المادة T(1)
 - ٥] صورة النقطة (٣٠ ، ٥) بالانعكاس في محور الصادات هي
- (۱) (۲ ، ه) (ب) (۲ ، ه) (ج) (۳ ، ه) (م ، ۳) (۱)
 - - $\frac{\gamma}{s}(z)$ $\frac{\gamma}{s}(z)$ $\frac{\zeta}{\pi}(z)$ $\frac{\gamma}{\alpha}(1)$
- (1) إذا كانت: طاس = ٤ منا ٦٠° ما ٣٠٠ أوجد: قيمة س (حيث س قياس راوية حادة).
- (ب) إذا كان المثلث س ص ع الذي رؤوسه س (٢ ، ه) ، ص (٤ ، ٢) ، ع (-ه ، ١) 🚺 مساحة سطح المثلث جن ص ع قائم الزاوية في ص فأوجد : 1 قيمة ٢
 - 🔭 (أ) إذا كانت النسبة بين قياسي زاويتين متكاملتين ٣: ٥ فأوجد القياس الستيني لكل منهما بالدرجات والدقائق.
- (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (١- ٢٠) عموديًا على المستقيم ٠ + ص = ٥.

- ك (1) أثبت أن النقط ٢ (٢ ، ١٠) ، ب (-٤ ، ٦) ، ح (٢ ، ٢٠) تقع على دائرة واحدة مركزها النقطة م (١- ١ ، ٢) ، ثم أوجد محيط الدائرة بدلالة π

 - ۱۹۰۰ ۳ سم ، ۱۹ ۳ سم ، بحد = ۱۰ سم
 - أوجد قيمة: منا (دوحب) طا (د احب)
 - (1) اسحه متوازی أضلاع فیه : ۱ (۲ ، ۲) ، ب (٤ ، -ه) ، ح (٠ ، -۳)
 - أوجد: 🐧 إحداثيي نقطة تقاطع القطرين.
 - (ب) في الشكل المقابل:

النقطة حمنتصف أب حيث حر (٢ ، ٤)

- ، و نقطة الأصل لنظام إحداثي متعامد.
- 🚺 إحداثيي كل من النقطتين 🕈 ، ب 🔃
 - آ] معادلة أب



🚹 إحداثيي الرأس ي



أجب عَنَ الأَسْئَلَةُ الْاتَيَةُ ، ﴿ رَيْسُ وَحِ بِاسْ تَحْدَامُ الْأَلَةُ الْحَاسِبَةُ ﴾

- أ أختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
 - آلَ فِي المُثَلِثُ أَبِ حَ: ق (د 1) = ٥٨° ، ماب = مناب
 - فإن : ق (١ حـ) =
- °۰ (ج) °۴۰ (۱) °۳۰ (۱) (د) ۲۰°
 - ٢ مساحة المثلث المحدد بالستقيمات : → = ، ص = .
 - ، ٣ -س + ٢ ص = ١٢ هي
 - (۱ ً) ٦ وحدات مربعة. (ب) ۱۲ وحدة مربعة.
 - (ج) ٤ وحدات مربعة. (د) ه وحدات مربعة.



إذا كان المستقيم المار بالنقطتين (١ ، ص) ، (٣ ، ٤) ميله يساوى الله ٥٤٠

(ب) اسح و شبه منحرف متساوى الساقين فيه : $\frac{7}{5}$ // مح شبه منحرف متساوى الساقين فيه : $\frac{dl-al-al}{al}$ هسم ، -a السم أوجد قيمة المقدار : $\frac{dl-al-a}{al}$

أ (أ) اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

الله المستقيم الذي معادلته : $\uparrow - \psi + (\Upsilon - \Upsilon) = 0$ يوازي المستقيم الذي معادلته : أ المار بالنقطتين (١ ، ٤) ، (٣ ، ٥) فإن : ١ = -------

$$\Upsilon(x) \qquad \Upsilon(x) \qquad \Upsilon(x) \qquad \Upsilon(x)$$

٢ (١٠٠) + ١٠ (١٠٠) = ١٠ (١٠٠) + ١٠ (١٠٠)

T·(1)

يقطع من محور السينات جزءًا طوله وحدة طول.

(ب)
$$1 - \frac{1}{1}$$
 فَطَارِ فِي دَائِرَةَ مَركَزَهَا مَ ، حيث $- (1 \cdot 1)$ ، م $- (0 \cdot 1)$. وجد: [1] محيط الدائرة. [1] معادلة المستقيم العمودي على $1 - \frac{1}{1}$ من نقطة $1 - \frac{1}{1}$

🏋 (أ) أثبت أن الشكل الرباعي ﴿ بحر الذي رؤوسه :

إ (١٠٦) ، ب (٥،١) ، حد (٧،٤) ، و (١،٦) متوازى أضلاع.

٢] مساحة المثلث ٢ س و

(ب) الشكل المقابل يمثل المستقيم أب

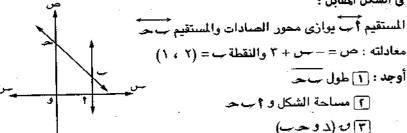
الذي معادلته : ص = ك س + حد

ويقطع من محورى الإحداثيات جزءين متساويين

في الطول ويمر بالنقطة (٢ ، ٣)

أوجد: ٦٦ قيمة كل من ك ، حـ

٤ (1) في الشكل المقابل:



- (ب) ٢ -ح مثلث قائم الزاوية في ب
- ١ = ١ أثبت أن : ما ٢ + منا ٢ = ١
- آ إذا كان: أب = 0 سم ، أح = ١٣ سم أوجد: ت (دح) لأقرب دقيقة.
 - (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢ ، ٤) ويصنع مع الاتجاه الموجب لحور السينات زاوية قياسها ١٣٥°
- $^{\circ}$ رب) بدون استخدام الحاسبة أثبت أن : طأ $^{\circ}$ ، $^{\circ}$ طأ $^{\circ}$ ه ع $^{\circ}$ = مأ $^{\circ}$ ، $^{\circ}$ + مرا $^{\circ}$ + مرا $^{\circ}$ + مرا $^{\circ}$ ، $^{\circ}$

محافظة الإسماعيلية

أجب عن الأسئلة الآتية . (يسوح باستخدام الألة الحاسبة)

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

1 عدد محاور تماثل المتلث المختلف الأضلاع يساوى

(†) صبقر (ب) ۲ (ج) ۲ (۱

آ نقطة منتصف أب حيث أ (٦ ، ٠) ، ب (٠ ، ٤) هي

 $(1) (7, 3) \qquad (\varphi) (3, 7) \qquad (\varphi) (7, 3)$

٣] إذا كان طولا ضلعين في مثلث هما ٣ سم ، ٤ سم فإن طول الضلع الثالث يمكن

أن يساويسير... سم.

(1)

(ب) ٢

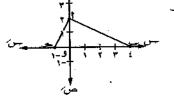
(ح) ۷

V(7)

آ معادلة المستقيم ب

- (٢ س) قياس راوية حادة على إذا كانت : ط ٢ س = الم حيث (٢ س) قياس راوية حادة
- (ج) ه٤٥ (ج) (ب) ۳۰ 10 (1)
- و عندما تقف أمام المرآة وتظهر صورتك فإن هذا يسمى في علم الرياضيات (ب) انتقالًا. (ج) انعكاسًا. (۽) دورانًا .
- ٦ في الشكل المقابل: أي مما يأتي يمثل معادلة المستقيم ل ؟ (پ) *حب* = ۲ (1) ص = س $Y = \psi - \psi - \chi$ (ج) ص + س = ۲
- آ (†) بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة س إذا كان : س ميًا ٣٠° = طأ ٦٠° ميًا ٥٥°
 - (ب) إذا كانت : ١ (٥ ، -١) ، د (٧ ، ٣) ، ح (١ ، ١) فأوجد معادلة المستقيم الذي يمر بنقطة منتصف سح ، والنقطة أ
 - هي رؤوس مثلث متساوي الساقين.
 - (ب) اسخ مثلث قائم الزاوية في س أوجد قيمة : ما الح وإذا كانت : طا هـ = $\frac{-4!}{1!}$ أوجد : σ (د هـ) حيث هـ زاوية حادة.
- ع (1) إذا كان المستقيم ل, يمر بالنقطتين (١، ١) ، (٢، ٤) ، والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٥٥° أوجد قيمة أ إذا كان المستقيمان متوازيين.
 - (ب) في الشكل المقابل:
 - ٢ ب حد مثلث متساوى الأضلاع ، طول ضلعه ه سم ، و ﴿ ﴿ إِبِّ بِحِيثُ ٢ = ١ سم ، رسم وهـ لـ بحد أوجد : ﴿ (﴿ حُدُمُ مُ

- (1) إذا كان: ١ حوم معينًا فيه: ١ (٣ ، ٣) ، ح (-٣ ، -٣)
 - أوجد: 🚺 نقطة تقاطع القطرين.
 - (ب) في الشكل المقابل:
 - في المستوى الإحداثي المتعامد رسم المثلث ٢ بح أثبت أن: ∆ †بحقائم الزاوية وأوجد مساحة سطحه.



محافظة السويس



1(2)

أجب عن الأسئلة الأثية . (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
 - الما ما عنه + ميا عنه =
- $\frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{2} \right) = \frac{1}{\sqrt{2}} \left(\frac{1}{2} \right)$
- آ اسح متوازی أضلاع فیه : ق (د ۱) + ق (د ح) = ۲۰۰۰
 - فإن : ق (دب) =
 - ۸۰ (۱) (ب) ٥٠
- (≠) · · · /°
 - - معادلة المستقيم ل هي
 - ر (آر) ہیں = ۱

ق الشكل المقابل:

- (ب) ص = س __ (د) ص = ١
- (ج) **ص** = ـِس
- ك إذا كان: ١ ، ح قياسا زاويتين متتامتين بحيث ١ : ب = ٢ : ٢
 - فإن : ب =
- °۱۸۰ (۱) (پ) ۹۰° (ج) ۳۰ (د).۰۲°

(د) ۲۷٥

(د) ۷۰



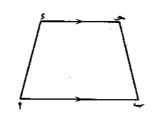
$\cdot = \Upsilon + \sigma$ ، $\cdot = \Upsilon - \sigma$ البعد العمودي بين المستقيمين : σ

يساويطول.

$$\frac{1}{2}$$
 (1) إذا كانت: منا $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ فأوجد: قيمة $\frac{1}{2}$ بالدرجات حيث $\frac{1}{2}$ $\frac{1}{2}$ فأوجد: قيمة $\frac{1}{2}$ بالدرجات حيث $\frac{1}{2}$

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله يساوى ميل الخط المستقيم:
$$\frac{\phi - 1}{\phi} = \frac{1}{\gamma}$$
 ويقطع جزءً سالبًا من محور الصبادات مقداره ٣ وحدات.

(ب) في الشكل المقابل:





أجب عن الأسئلة الأثية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

فإن النقطة ب هي

ان کانت : ظا (س + ۱۰°) =
$$\gamma \gamma$$
 حیث س زاویة حادة γ

یوازی المستقیم: ۳ ص – س – ۱ = ۰

(ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : ما ٦٠° ممّا ٣٠ + ممّا ٦٠ مم
$$^{\circ}$$
 ما $^{\circ}$

ا (1) إذا كانت: منا
$$\alpha = \frac{1100}{400}$$
 فأوجد: α (α هـ عيث هـ زاوية حادة.

V(s)



- (ب) أثبت أن النقط أ (- ۲ ، ۰) ، ب (٤ ، ٢) ، ح (١ ، -٦) هي رؤوس مثلث متساوى الساقين.
- الفجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله يساوي ميل الخط المستقيم : $\frac{0}{1} = \frac{1}{1}$ ويقطع جزءًا سالبًا من محور الصادات مقداره ٣ وحدات.
- (ب) ابح و شکل رباعی حیث ا (۲ ، ۲) ، ب (۲ ، ۲) ، ح (۲ ، ۲) ، اثبت أن : الشكل ابح و شبه منحرف.
- (۱) إذا كانت ٢ (٥ ، -٦) ، ب (٢ ، ٧) ، ح (١ ، -٣)

 فأوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة ٢ وبنقطة منتصف بح

 (ب) س ص ع مثلث قائم الزاوية في ص فيه : س ص = ٥ سم ، س ع = ١٣ سم

الله محافظة دمياط الله

أجب عن الأسئلة الأتية . (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

أوجد قيمة: ما س ميًا ع + ميًا س ما ع

- آلزاوية التي قياسها ٤٠° تتمم الزاوية التي قياسها
- $^{\circ}$ \(\frac{\cdot}{\cdot}\) \(\frac{\cdot}{\cdot}\
 - آ إذا كانت : حـ (٦ ، -٤) هي منتصف آب حيث أ (٥ ، -٣) فإن نقطة ب هي
- $(\circ \cdot \vee)(\circ) \qquad (\circ \cdot \vee)(\circ) \qquad (\vee \cdot \circ)(\circ) \qquad (\vee \cdot \circ -)(\circ)$
 - الله المعلق قطر الدائرة التي مركزها (٠٠٠) وبتمر بالنقطة (٣٠٤)
 - يساوى وحدة طول، (۱) ۷ (ب) ۱
 - ه (۵) ۱۲ (⇒)
 - عَيل المستقيم : ص ٥ = ٠ هو
 - (c) $(-1)^{\circ}$ $(-1)^{\circ}$ $(-1)^{\circ}$

- - - بسري وحدد عون.
 - (ب) ه (ب) ۲ (ج) ۲
 - آ (1) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين: (٥،٠)، (٠،٥)
 - (ب) أب حمثات قائم الزاوية في ب ، أب = ٧ سم ، إحد = ٢٥ سم أوجد قيمة : ما ٢ أ + ما حد
 - (أ) إذا كانت النقط: (٠،١)، (١،٢)، (٢،٥) تقع على استقامة واحدة أوجد: قيمة ٢
 - (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة (Υ ، Υ) ويوازى المستقيم الذي معادلته : $-\psi + \Upsilon = 0$
 - ك (أ) أوجد قيمة س حيث س قياس زاوية حادة إذا كان:

۲ ماس = ما ۳۰ میا ۳۰ + میا ۳۰ ما ۲۰

- (ب) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله = ٢ ويقطع جزءًا موجبًا من محور الصادات مقداره يساوي ٧ وحدات.
 - (۱) أثبت أن: الم $1 \cdot 1^\circ = \frac{7 \cdot 1 \cdot 1^\circ}{1 \cdot 1^\circ}$ مبينًا خطوات الحل.
- (ب) بين نوع المثلث الذي رؤوسه النقط : ١ (-٢ ، ٤) ، ب (٢ ، -١) ، حـ (٤ ، ٥) بالنسبة لأطوال أضلاعه.

محافظة كفر الشيخ الشيخ

أجب عن الأسئلة الذتية . ﴿ ريسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

- °Y·(1)



محافظة البحيرة

أجب عن الأسئلة الآتية ، ﴿ (يسهج باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- [] إذا كانت نقطة الأصل هي منتصف أب حيث أ (٥ ، -٢) فإن النقطة ب هي
- (Y , ⋄-) (÷) (Y , ⋄) (→) (Y-, ∘-) (1) $(\cdot \cdot \cdot)(a)$
- آ الزاوية التي قياسها ٥٠ تتمم زاوية قياسها
 - °۳۰ (ج) °۶۰ (ب) °۵۰ (۱) °17. (2)
 - ٣ دائرة مركزها (٣ ، ٤٠) وطول نصف قطرها ٥ وحدات فأى من النقط الأتية تنتمى للدائرة ؟
- $(\cdot, \circ) (-, \cdot) (-, \cdot) (-, \cdot) (+, \cdot) (1)$ (٤ (.) ()
- ن ا کانت : منا $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$ حیث $\frac{1}{\sqrt{2}}$ قیاس زاویة حادة فإن : $\frac{1}{\sqrt{2}} = \frac{1}{\sqrt{2}}$
 - (۱) ۱۲° (ب) ۲۰° (ج) ۸۸۰° °9.(1)
 - $^{\circ}$ إذا كان أبحى متوازى أضلاع فيه : $^{\circ}$ (د أ) + $^{\circ}$ (د ح) = $^{\circ}$ ۲۲. فإن : ق (دب) =
 - (د) ۸۰ (ب) ۷۰° *\\·(i) (ج) ۱۶۰°

🔞 في الشكل المقابل:

السح مثلث قائم الزاوية في ب ، أي ينصف ١٩ ، وهم 1 أحد

- ، اب= ۲ سم ، حاد ۲ سم
 - فإن : حب =سم
- (ب) ۳ ۲(۱) (ج) ٤
- 1 (أ) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (-١ ، ٣) ، (٢ ، ٤) يوازي المستقيم : ٣ ص - -س - ١ = .

- آ إذا كان المستقيمان اللثان ميلاهما $\frac{1}{x}$ ، $\frac{1}{x}$ متعامدين فإن وقع = ٤- (١) ٤(١)
 - الله الله المسحومريعًا فإن و (د ح ١ -) =
 - (د) ۳۰° (ج) ۱۲° (پ) ه٤° °4.(1)
- ن انت : ما $\frac{-u}{v} = \frac{1}{v}$ حيث $\frac{-u}{v}$ قياس زاوية حادة فإن : $-u = \frac{1}{v}$
 - *4. (J) (پ) ۲۰° (ج) ۱۰° (۱) ۳۰
- و متوازى الأضلاع الذي قطراه متساويان في الطول وغير متعامدين يكون
- (ب) معينًا ﴿ (ج) مستطيلًا (د) شبه منحرف (1) مربعًا
- 📵 معادلة المستقيم الذي يمر بالنقطة (٢ ، ٣٠) ويواري محور السينات هي
 - (د) ص = -۲ (ب) ص = ۳ (ج) س = ۲۰
 - (١) بيّن نوع المثلث الذي رؤوسه النقط (٣ ، ٠) ، بد (١ ، ٤) ، حد (-١ ، ٢) من حيث أطوال أضلاعه.
- (ψ) أوجد بدون استخدام الحاسبة قيمة المقدار : ما وع منا $au^\circ + rac{1}{V}$ طا au° ما au°
- ٢ (1) إذا كان المستقيم ل: ص = (٢ ك) س + ه ، والمستقيم ل, يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٤٥° أوجد: قيمة في إذا كان ل. // ل.
- (م) إذا كان: ٣٧ طاس = ٤ ما ٢٠ ممًا ٣٠ أوجد: ق (١-س) حيث س زاوية حادة.
 - ع (1) إذا كان بعد النقطة (س ، ٣) عن النقطة (٢ ، ٥) يساوى ٢ ٧٧ وحدة طول أوجد: قيم سِ
 - (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله ٣ ويمر بالنقطة (٥ ، -٢)
 - 0 (1) إذا كانت : † (٢ ، ٢) هي منتصف بح حيث حد (-١ ، ٢). أوجد: إحداثيي النقطة ب
 - (ب) ٢ ح مثلث قائم الزاوية في ب ، ما ٢ + مناح = ١ أوجد : ق (د ١)

0(4)

17 (2)

- (ب) اسم شبه منحرف فيه : ١٩٥ // صم ، ق (دب) = ٩٠ ، اب ٣ سم ، ب حد = ٦ سم ، ٢٥ = ٢ سم أوجد : طول وحد ثم أوجد قيمة : منا (١ ب حد)
 - (1) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله يساوي ٣ ويمر بالنقطة (١ ، ٢)
 - (ب) بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة التي تحقق: ٢ ماس = طآ ٦٠° - ٢ طا ٤٥° (حيث س قياس زاوية حادة).
 - 🛂 (1) إذا كان المستقيم ل يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٢ ، ك) والمستقيم ل. يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٥٤° أوجد قيمة ك إذا كان الستقيمان ل، ، ل، متعامدين.
 - (ب) ٢ بح مثلث قائم الزاوية في ب فإذا كان: ٢٧ ٢ ب = ١ ح فأوجد النسب المتلثية الأساسية للزاوية ح
 - 0 (۱) إذا كانت (س، ۳) ، ب (۲،۳) ، ح (۱،٥) وكانت: ١ب=بح،ب ﴿ أح فأوجد: قيمة س
 - (ب) أشبت أن النقط ٢ (٦ ، ٠) ، ب (٢ ، -٤) ، ح (-٤ ، ٢) هي رؤوس مثلث قائم الزاوية في ب ، ثم أوجد إحداثيي نقطة و التي تجعل الشكل أب حرَّ مستطيلًا.

محافظة الغيوم

أجنب عن الأسئلة الأثية ، (يسمح باستخدام الألة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- $\cdot = \Upsilon + \cdots$ ، $\Upsilon = \Upsilon \cdots$ النعد العمودي بين المستقيمين : $\Upsilon = \Upsilon = \cdots$ يساوي وحدة طول.
- ۲ (ع) ۲ (ج) ۲ (۶)
- آ مجموع قياسات الزوايا المتجمعة حول نقطة يساوى (د) ۲۷۰ (۱) ۹۰ (چ) ۳۲۰° (چ) ۳۲۰°

- ﴿ الشكل الذي عدد أضلاعه يساوي عدد أقطاره هو (١) الشكل الرباعي. (ب) المثلث.
- (ج) الشكل الخماسي. (د) الشكل السداسي. ه دائرة مركزها نقطة الأصل وطول نصف قطرها ٢ وحدة طول فإن النقطةفإن النقطة اللها.

(1) أوجد معادلة الخط المستقيم العمودي على أب من نقطة منتصفها حيث ا (۱ ، ۲) ، ب (۲ ، ۵)

لاً ٢٠ - الما ٤٥ " ما ٣٠٠ + ما ٣٠٠ الم عنه ٣٠ لم ٢٠ " ما ٣٠٠ الم

آ إذا كانت : ط (س + ۱۰°) = آ حيث س قياس زاوية حادة

°۷۰ (ب) ۴۳۰ (ب) °۵۰ (ج) °۳۰ (۱)

(ټ) (¬۲ ، ۲√ه)

 $(1 \cdot \cdot)(a)$

فإن : →ن =

(Y- (¹) (†)

(←) (√√) (

(ب) بدون استخدام حاسبة الجيب أثبت أن:

(ب) أحدمتك قائم الزاوية في صفيه : الحدد مسم ، صحد ع سم أوجد قيمة: ٢ مِيًا ﴿ حَالِمُ ٢

الربع الذي طول قطره ٨ ٧٧ سبم فإن مساحته تساوي سبم ٢٠

(1) أثبت أن النقط † (٢ ، -١) ، ب (-٤ ، ٦) ، حد (٢ ، -٢) تقع على دائرة

 π واحدة مركزها النقطة م (۱۰ ، ۱۰) ثم أوجد محيط الدائرة حيث

(۱) ع ۲۲ (ب) ۲۲ (ج)

- (١) أثبت أن النقط ٢ (٢ ، ٣) ، حـ (٠ ، ٠) ، حـ (١٠ ، ٢) ، عـ (١٠ ، ١٠) هي رؤوس متوازي أضلاع.
 - (ب) أوجد قيمة س إذا كان: ٤ س = منا ٣٠ مل ٣٠ مل وه ٥٠ الم ٥٠ م



- فأوجد : قيمة ك
 - (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يقطع من محوري الإحداثيات السيني والصادي جِزأين موجِبين طولاهما ١ ، ٤ وحدات طول على الترتيب.



FV Y(3)

محافظة بنى سويف

أجب عن الأسئلة الآثية . ﴿ ريس مِح باستخدام الآلة الحاسبة ﴾

لإجابات المعطاة :	من بين ا	الصحيحة	اختر الإجابة	
-------------------	----------	---------	--------------	--

- ا عمل ۱۰ طل ۴۰ =

- (ب) ۲ (ج) ۲۲
- [٢] صورة النقطة (٤ ، ٥) بالانتقال (٢ ، ٣) هي
- $(\Lambda \epsilon^{-1})(a) \qquad (\Lambda \cdot \epsilon^{-1})(a) \qquad (\Lambda \epsilon^{-1})(a) \qquad (\Lambda \epsilon^{-1})(a)$
 - Υ البعد العمودي بين المستقيمين : حن Υ Υ البعد العمودي بين المستقيمين : حن
 - يساوي وحدة طول.
 - (ب) ۲ (ج) ۲ (ب) ٥
- كمعادلة المستقيم المار بالنقطة (٥- ، ٣) ويوازي محور الصادات هي
- T = 0 (1) (-) = 0 (-) = 0
 - ه عدد محاور التماثل للدائرة
- ر (۱) صفر $(v)^{-1}$ (د) غَدَدُ $(v)^{-1}$ (د) غَدَدُ $(v)^{-1}$
 - النقط (٠٠٠)، (٠٠٠)، (٨٠٠)
 - (ب) تكون مثلثًا قائم الزاوية. (أ) تكون مثلثًا حاد الزوايا.
 - (ج) تكون مثلثًا منفرج الزاوية. (د) تقع على استقامة واحدة.
 - آ () إذا كانت : النقطة ح (١ ، -٤) هي منتصف آب حيث : ١ (٥ ، -٣) أوجد: إحداثيي النقطة -

(ب) في الشكل المقابل:

ا بحرق شبه منحرف فيه :

٩٠ = (در) ع ، ع (در) = ٩٠

، ۲۰ = ۲۰ سم ، ۲۰ = ۱۲ سم

، بحد≔ ۲۵ سم

أوجد: طول وحد ، ق (دحد)

- آ) أثبت أن: ﴿ ما ٦٠ = ما ٣٠ منا ٣٠ منا ٣٠
- (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢ ، ٢) وميله يساوى ٢
 - ع (1) إذا كانت : مناهد طا ٣٠ = ما م ه ٤٠

أوجد: ق (د هر) حيث هر زاوية حادة.

- (ب) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (٢ ، ١٠) ، (٦ ، ٣) يوازي المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة قياسها ٤٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.
 - (١) أثبت أن النقط (٢ ، ٣) ، ب (٦ ، ١٠) ، ح (٢ ، ٢) تقع على الدائرة التي مركزها م (١٠ ، ٢)
 - (-) أوجد ميل الخط المستقيم : ٢ ص ٢ س + ٥ = . ثم أوجد طول الجزء المقطوع من محور الصادات.

محافظة المنيا

أجب عن الأسئلة الأتية : ﴿ (يسمِح باستخدام الألة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- (۱) ۲۰ (چ) ۲۸ (ج)
 - $^{\circ}$ ۲.. = (د ح) + υ (د ح) + υ (د ح) $^{\circ}$
 - فإن : ق (د ب) =°
- (۱) ۱۰۰ (چ) ۸۰ (پ 17. (2)

72. (2)

٤٠(٥)

净(7)

Y (2)



ع الثالث.	طول الضلِّ	ضلعين في مثلث	٣ مجموع طولي أي
(د) ضعف	(ج) أكبر من	(ب) يساوي	(أ) أضغر من

كَ إِذَا كَانَت : مَا مِن = أَنِي قَان : قَ (دمن) = ° حيث مِن زاوية حادة.

T- (3) (ج) ۹۰ (ب) ۲۰ ٤٥ (١)

[٥] الدُّعد بين النقطتين (٣ ، ٠) ، (٠ ، -٤) يساوي وحدة طول. ν(٤) . (ج) ٦ 0 (4) ٤(i)

اذا کان: $-\omega + \omega = 0$ ، $\omega - \omega + \gamma = 0$ مستقیمین متوازیین فإن : ك =

Y (2) (ب) -۱ (ج) ۱ Y-(i)

آ (أ) أوجد قيمة المقدار الآتي بدون استخدام الآلة :

منا ۵۰ ما ۳۰ – ما ۲۰ فا ۲۰ + منا ۳۰ ش

(ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطة (٢٠١) عموديًا على المستقيم المار بالنقطتين : (E- (0) - (T- (T))

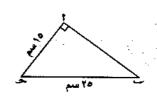
👔 (أ) بدون استخدام الآلة أوجد قيمة س التي تحقق : ٢ ما س = طأ ٦٠° - ٢ طا ٥٥° حيث – ن قياس زاوية حادة.

(ب) في الشكل المقابل:

 $^{\circ}$ 4 - = ($^{\circ}$ 4) = . $^{\circ}$ 4 - $^{\circ}$ 4 - $^{\circ}$ 4 - $^{\circ}$ 4

، احد ۱۵ سم ، حدد ۲۵ سم ،

أثبت أن: مناح مناب - ما حماب = ٠



- كَ (١) أثبت أن النقط: ١ (١- ، -٤) ، ﴿ (٠،١) ، حر(٢،٢) تقع على استقامة واحدة.
- (ب) إذا كانت : حد (١ ، -٤) هي منتصف أب حيث ١ (٥ ، -٣) فأوجد إحداثيي نقطة ب
- (1) أثبت أن المستقيم الذي يصنع زاوية قياسها ٤٥° مع الاتجاه الموجب لمحور السينات $\cdot = 1 - \omega - \omega$ يوازي المستقيم الذي معادلته : $\omega - \omega - 1 = 0$
- (ب) أوجد قيمة ٢ إذا كان البعد بين النقطتين: (٢ ، ٧) ، (-٢ ، ٣) يساوى ٥ وحدات طول.

محافظة أسيوط

أجب عن النسئلة الأتية ، (يسمج باستخدام الألة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

(ب) ۲۳۰ (ج) ۱۸۰

ا إذا كانت : ط $(-0+7)^\circ = \sqrt[7]{7}$ حيث $(-0+7)^\circ$ قياس زاوية حادة فإن : سِ =

Y. (1)

(پ) ۲۰ (ج) ۹۰

T طول الضلع المقابل للزاوية التي قياسها ٣٠° في المثلث القائم الزاوية يساوىطول الوبر .

> (ب) ضعف $\frac{1}{\sqrt{\lambda}}$ (\Rightarrow)

اذا کان المستقیمان: $-\omega + \omega = 0$ ، له $-\omega + \gamma = 0$ متعامدین المستقیمان: فإن : ك =فإن :

(پ) –۱ Y-(1) (ج) ۱

و المعين الذي طولا قطريه ٦ سم ، ١٢ سم تكون مساحته سم٢

17(1) (پ) ۳۰ VY (4) (ج) ۲۲

> يساوىوحدة طول.

> > Y(1) (ب) ۷

(ج) ۱۲

7(2)

🚺 (أ) في الشكل المقابل:

أبح مثلث قائم الزاوية في ح

، أب=١٢ سم ، جح=١٢ سم

أثبت أن: ما ٢ ميّاب + ميّا ٢ ما - = ١

 (ب) بين نوع المثلث الذي رؤوسه النقط: † (۱،۱) ، ب (ه،۱) ، ح (۲،3). من حيث أطوال أضلاعه.



- - (ب) المحرى متوازى أضلاع فيه: ا (۲، ۲) ، ح(٤، ٥٠٠) ، ح(١،٤) الوجد إحداثيي نقطة علم قطريه ، ثم أوجد إحداثيي نقطة ع
 - (أ) بدون استخدام الآلة الحاسبة أوجد قيمة : منا ٦٠ + منا ٢٠ * + طا ٥٤ °
 - (ب) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (Υ Υ Υ Υ) ، (Υ Υ Υ) عمودى على الخط المستقيم الذي يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها Υ Υ

 - (ب) أوجد ميل الخط المستقيم وطول الجزء المقطوع من محور الصادات $\frac{\omega 1}{v} = \frac{1}{v}$



أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

🚺 اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- انقطة تقاطع متوسطات المثلث تقسم كلًا منها بنسبة من جهة القاعدة.
 - $\Upsilon: \Upsilon(J)$ $\Upsilon: \Upsilon(J)$ $\Upsilon: \Upsilon(J)$
- آ إذا كانت : ما ه = منا ه فإن : ق (د ه) = (حيث هـ زاوية حادة)
 - (۱) ۳۰ (۱) ۳۰ (۱) ۴۰ (۱) ۴۰ (۱) ۴۰ (۱)
 - $\Upsilon^{\eta} \cdot (J)$ $\gamma \cdot (J)$ $\gamma \cdot (J)$ $\gamma \cdot (J)$
 - ع البعد بين النقطتين (٣ ، ٠) ، (-١ ، ٠) يساوى وحدة طول.
 - (۱) ٤ (ب) ه (ب) ۲ (د)
 - ه المربع الذي طول ضلعه √٣ سم تكون مساحتهسم. سم. ا
 - (د) ۲ (ج) ۴ (۱) ۱۳ (۲) ۲ (۱)

- - (1) إذا كانت : منا هـ = ٢ منا ٢٠ ° ١ (حيث هـ زاوية حادة) فأوجد : ٠٠ (د هـ)
 - (ب) أثبت أن المثلث الذي رؤوسه النقط (۱ ، ٤) ، ب (-۱ ، -۲) ، ح (۲ ، -۲) قائم الزاوية في ب

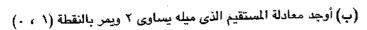
ا) في الشكل المقابل:

٢ - ح مثلث قائم الزاوية في حـ فيه :

۱ ب ۱۲ سم ، ب ح = ۱۲ سم

أوجد : [1] طول 1 حـ

[آما امناب+منا اماب



- ع (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: ٢ ما ٣٠° = طا ٢٠، ٢ طا ٥٥°
 - (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين (١ ، ٣) ، (١- ، -٣) ثم أثبت أنه يمر بنقطة الأصل.
- و (1) أثبت أن النقط ٢ (٣٠، ١-) ، ح (١، ٥) ، ح (٢، ٢) تقع على استقامة واحدة.
- (ب) أثبت أن المستقيم الذي يمر بالنقطتين (-٣ ، -٢) ، (٤ ، ٥) يوازي المستقيم الذي يصنع مع الاتجاء الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٥٥°

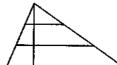


أجب عن الأسئلة الأتية ،

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- آ إذا كانت : ما س = $\frac{1}{7}$ حيث س قياس زاوية حادة فإن : ما ٢ س =
 - $\frac{1}{\overline{rh}}(1) \qquad \qquad 7 \cdot (2) \qquad \qquad \frac{\overline{rh}}{7}(2) \qquad \qquad \frac{1}{5}(1)$



T(1)



- 17(3) (ج) ۹ ن المنتقيمان المثلان للمعادلتين : $-\omega + \omega = 3$ ، $\uparrow -\omega + \tau = 0$ متعامدين على إذا كان المستقيمان المثلان المعادلتين المعادلتين والمعادلة المعادلة
(ب) ۲

- (د) ۳ $\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right) = \frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}\right)$
 - عدد محاور تماثل للعين هو

آ عدد الأشكال الرباعية في الشكل المقابل هو

- (د) ٤ (چ) ۲ ۲ (ت) 1(1)
- و المستقيم الذي معادلته: ٢ ص = ٣ س ٦ يقطع من محور الصادات جرءًا طوله وحدة طول.
- $\frac{1}{2}\left(3\right)$ (چ) (ب) ۲ (۱) ۲
 - [٦] صورة النقطة (٣٠، ٢) بالانعكاس في نقطة الأصل هي
- $(7, 7-)(3) \qquad (7-, 7-)(4) \qquad (7-, 7)(4)$ (Y + Y) (j)
 - (1) ∆ اب حقائم الزاوية في ب ، احد ا سم ، ب حد م سم أثبت أن : ما ٢ + ١ = ٢ منا حـ + منا ٢
 - (س) أثبت أن النقط (۱ ، ۱) ، ب (١ ، ١٠) ، ح (٢ ، ٢) تقع على استقامة وأحدة.
 - آ (1) إذا كانت : مأس ط ٣٠ = ما ٥٤°
 - فأوجد: قيمة س بالدرجات حيث س قياس زاوية حادة.
 - (م) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (١٠٠ ، ٣) ، (٢ ، ٤) يوازي المستقيم الذي معادلته: ٢ ص - - س - ١ = ٠
 - دون استخدام الحاسبة أثبت أن: ما $-7^\circ = 7$ ما -7° منا -7°
- (ب) المحدو شكل رياعي حيث ال(ه ، ۲) ، ت (٢ ، ٦) ، ح (١ ، ١٠) ، د (١ ، ١٠) أثبت أن الشكل إبحو معين ء وأوجد مساحة سطحه.

- (١) أثبت أن النقط ٢ (-٣ ، ٠) ، ب (٤ ، ٣) ، حد (١ ، ١٠) هى رؤوس لمتلث متساوى الساقين رأسه ٢ ، ثم أوجد طول القطعة المستقيمة المرسومة من ٢ عمودية على برح
- (ب) اسحه متوازی أضلاع حيث ا (۲،۲) ، ب (٤، -ه) ، ح (٠، -٣) أوجد إحداثيي النقطة ي

محافظة الأقص

أجب عن الأسئلة الأثية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

 عدد المثلثات القائمة الزاوية المظللة التي تلزم لتغطية سطح المستطيل تمامًا يساوى

> (1)عشرة (ب) ثمانية

(ج) ستة (د) أربعة

- ا اذا کان : σ (۱۹) = ۸۰° وکانت : ماب = ماس فی Δ ۴ ب ح فإن : ق (دح) =
 - °٣٠ (١) (ب) ه٤° (ج) ٥٠°
 - 🍸 صورة النقطة (-٥ ، ٦) بالانتقال (٣ ، -٢) هي
- (۱) (ج) (ج) (۲۰ ، ۶) (ب) (۲۰ ، ۶) (c) (-7, 3-3)
 - كَ فِي الشكلِ المقابل:
 - مىل ∮ب ≃

 - (خ) <u>لم</u> <u>v</u> (1)

"M. (s)

- قياس الزاوية الخارجة عند رأس من رؤوس مثلث متساوى الأضلاع يساوى ... °۲۰ (۱) (ب) ۳۰° (ج) ۹۰ °17. (2)



۲۲) محافظة أسوان

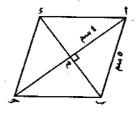
أجب عن الأسئلة الأتية ، (يسمح باستخدام الآلة الحاسبة)

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- الزاوية التي قياسها ٦٥° تتمم زاوية قياسها
- (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (2) (3) (4) (4) (5) (5) (5) (5) (6) (7) (7) (7) (8) (8) (9) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (1) (2) (3) (4) (4) (4) (5) (5) (7) (7) (7) (8) (1)
- $\frac{1}{1} (1)$ $\frac{1}{1} (2)$ $\frac{1}{1} (2)$ $\frac{1}{1} (2)$
- آ إذا كانت الأطوال ٣ سم ، ٧ سم ، ص سم هي أطوال أضلاع مثلث فإن : ص يمكن أن تساوى سم.
- ۱۰ (د) ۶ (ب) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۱) ۲ (۱)
- البعد بين النقطتين : (٦ ، ٠) ، (٠ ، ٨) يساوى وحدة طول.
- - آ إذا كانت : ﴿ إِنَّ اللَّهُ (س + ١٠°) = $\sqrt{\pi}$ حيث س زاوية حادة فإن : ص (د س) =
 - °۲۰ (ع) °۳۰ (ج) °۰۰ (ب) °۸۰ (۱
 - ر (أ) إذا كانت : ٢ ماس = طا٢ . ٦° ٢ طا٢ ه٤°
 - أوجد: قيمة س (حيث س قياس زاوية حادة)
- (ب) أوجد معادلة الخط المستقيم العمودي على أب من نقطة منتصفها حيث: (ب) (۲،۱) ، ب(۳،۱)
- (1) إذا كانت النقطة ح (٢ ، ٤) حيث ح منتصف أب ، ١ (٢ ، ٤) ، ب (٦ ، ص) أوجد: قيمة ص

- - ۱۸ (ع) ۲ (غ) ۲ (ب) ۷ (۱)
- (أ) إذا كان البعد بين النقطتين (أ ، ه) ، (٣ ٢ ١ ، ١) يساوى ه وحدات طول فأوجد: قيمة ١
 - (ب) إذا كان: ٣ طاس ٤ ما ٣٠ = ٨ ميا ٦٠ وب) فأوجد: قيمة س حيث س قياس زاوية حادة.
- - ۲ ص + ۲ ص ۲ = ۰ آلستقيم المار بالنقطة (۱ ، ۲) مؤازيًا المستقيم : ۲ س + ۲ ص ۲ = ۰ آل الم
 - (ب) أوجد قياس الزاوية الموجبة هر التي يصنعها المستقيم المار بالنقطتين (-7, 77) ، (7, 77) مع الاتجاه الموجب لمحور السينات.
 - قطر في الدائرة م حيث: ١ (٤ ، -١) ، (-٢ ، ٧) أوجد طول نصف قطر الدائرة ومساحتها.
- (1) إذا كان المستقيم أب // محور الصادات حيث : ١ (س ، ٧) ، ب (٣ ، ٥) فأوجد : قيمة س
 - (ب) في الشكل المقابل :

إبحر معين تقاطع قطراه في م
 فإذا كان : أب = ٥ صم ، أم = ٤ سم
 أوجد : آ ئ (دب ١٤)

آ مساحة المعين أ ب حرى



Y-(1)



- (ب) إذا كانت : ١ (-١ ، -١) ، ب (٢ ، ٢) ، حر (١ ، ٠) رؤوس مثلث أثبت أن: المثلث ٢ بحد قائم الزاوية في ب
- ع (١) حس ص ع مثلث قائم الزاوية في ص فيه : حس ص = ٥ سم ، حس ع = ١٣ سم أوجد: آ طاس × طاع آ منا ع - ماس مناع -
- (ب) أوجد معادلة المستقيم الذي يقطع من محوري الإحداثيات السيني والصادي جزءين موجبين طولاهما ١ ، ٤ وحدات طول على الترتيب.
 - ٥ (1) أثبت أن المستقيم المار بالنقطتين (١٠ ، ٣) ، (٢ ، ٤) يوازي المستقيم: ٣ ص - - ٠ = ٠
 - (ب) ٢ بح مثلث قائم الزاوية في ب فإذا كان: ٢ ٢ ب = ٣٦ ٢ ح أوجد النسبة المثلثية الأساسية للزاوية ح





أجب عن الأسئلة الأثية :

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :

- آ الشكل الرباعي أبحر الذي فيه: أب>حر ، أب //حر يكون
 - (1) مربعًا. (ب) مستطيلًا. (ج) معينًا،
- ٢] في الشكل المقابل:

(ج) ۸۲

- ۴ ب حی مستطیل فیه :
- ۴ب=۲ سم ، بحد=۸ سم ، هر∈ ۱۶
- فإن : مساحة سطح المثلث هرب ح = سم ً
 - (ب) ۲۶ 18 (1)
 - (c) A3
 - آ لأى زاوية قياسها أ يكون ما أ =
- 1(3) (i) ما ا (ب) منا ا (ج) طا ا

(د) شبه منحرف،

فإن : برء = وحدة طول. (۱) ه (ب) ۸ (ب) ۹ ا متعامدین $1 = \omega + \gamma + \omega$ ، الستقیمان : $-\omega + \gamma + \omega = 0$ متعامدین فإن : ك =

ع إذا كان: أب حرى مستطيلاً ، أ (١،٠) ، ح (٤،٤)

- ۲(۱) (ب) ۱ (ج) – ا
 - ٦ في الشكل المقابل:
- ا سح مثلث قائم الزاوية في ب ، ق (1 t) = °°
 - فإن ب د : ۱ د : ۲ ب =
- Y: \\\:\\(1) 1: 77: 7(2)
- Y: 1: T/(2) (ج) ۲:۲:۱(ج)
- المراح مثلث قائم الزاوية في ع ، س ع = ٣ سم ، ص ع = ٤ سم ، ص ع = ٤ سم . أوجد قيمة كل من: 1 طاس × طاص ﴿] ما سل ب ميًا س
- (ب) بين نوع المثلث الذي رؤوسه النقط: ١ (٣ ، ٣) ، ب (١ ، ٥) ، ح (١ ، ٣) بالنسبة لأطوال أضلاعه وبالنسبة لقياسات زواياه.
 - آ (1) إذا كانت : طاس = ٤ ما ٣٠ ميًا ٢٠ ، س قياس زاوية حادة
 - فأوجد قيمة كل من : 🕦 س 172
 - (ب) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله يساوي ٢ ويمر بالنقطة (١ ، ٠)
 - ٤ (١) في الشكل المقابل:
 - ١٠ = ١٠ = ١٠ سم
 - ، ب ح = ۱۲ سم ، ۶۱ ب ح
 - أوجد قيمة كل من :
 - ۱ مناب
 - ۳ ما (۹۰ ب) (4-7)



- (ب) أسحى معين فيه: ١ (-٢ ، ٢) ، س (-١ ، -٢) ، ح (٢ ، -٣) أوجد : [إحداثيي النقطة ٢
- (أ) إذا كان المستقيم ل يمر بالنقطتين (٢ ، ١) ، (٣ ، ٤) والمستقيم ل يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية قياسها ٥٤° فأوجد: قيمة ك إذا كان ل // ل إلى
- (ب) أوجد معادلة المستقيم الذي يقطع من محوري الإحداثيات السيني والصادي جزعين موجبين طولاهما ٢ ، ٤ على الترتيب.



أجب عن الثسئلة النتية :

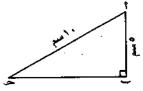
- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- آ إذا كانت: منا $(-0+6^\circ) = \frac{1}{7}$ فإن: d 0 = -0 حيث حس زاوية حادة.
 - $\frac{1}{7}(2)$ $\frac{7}{7}(4)$ $\frac{7}{7}(4)$ $\frac{7}{7}(4)$
 - المسافة بين النقطتين (٣- ، ٠) ، (٠ ، -٤) تساوي وحدة طول.
 - ۲ (۵) ۲ (۴) ۲ (۶) ۲ (۱)
 - آباد کانت : $\mathbf{f} = (-3 , 0)$ ، $\mathbf{v} = (-7 , -1)$ فإن نقطة منتصف \mathbf{f}
 - $(\cdot, \cdot)(x) \qquad (Y, Y-)(x) \qquad (Y, Y-)(y) \qquad (Y, \cdot)(1)$
- و إذا كان : $-\omega + \omega = 0$ ، $\omega \omega + \gamma = 0$ خطين مستقيمين متعامدين فإن : $\omega = 0$
 - ۲- (۱) ۲- (چ) ۲- (۱)

- آ اب ح مثلث قائم الزاوية في ا ، ا أو لـ سح حيث و رسح الزاوية في ا ، ا أو لـ سح حيث و رسح الزاوية في ا ، الزاوية في الزاوية والزاوية في الزاوية في الزاوي
- (1) × ((-5) (1) ->× × (-5) (-2) ->× × × (1)
 - 🚺 (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : ميًا ٦٠° = ميًا ٣٠° ميا ٣٠° ميا ٣٠°
 - (ب) إذا كانت : 5 = (۱ ، ۳-) منتصف أ حيث $\frac{1}{2}$ = (٤ ، -۳) أوجد إحداثيم النقطة ب
 - 🍱 (١) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطتين: (١ ، ٣) ، (-١ ، -٣)
- (1) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي يمر بالنقطة (-٢ ، ٣) ويصنع زاوية مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قياسها ٤٥°
 - (-) feet $\frac{7}{4}$ $\frac{4}{6}$ $\frac{3}{6}$
- و (1) أوجد معادلة الخط المستقيم الذي ميله يساوي ٢ ، وطول الجزء المقطوع من محور الصادات الموجب يساوي ٥ وحدات.
 - (ب) في الشكل المقابل:

ا بحد قائم الزاوية في ب فيه : Δ

۱۰ = ۱۰ سم ، ۲ب = ۵ سم

أوجد: ١١ ٥ (١ حـ)



۲۵ محافظة شمال سيناء

أجب عن الأسئلة الاتية .

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:
- اً إذا كانت: ما س = $\frac{1}{7}$ حيث س قياس زاوية حادة فإن: س =
 - °۲۰ (ع) °۹۰ (غ) °۹۰ (۱)



الأضلاع يساويا	المثلث المتساوي	الزاوية الخارجة عن	آ قياس

- (۱) ۱۸۰ (ب) ۴° (ج) ۱۲۰° (۱) ۴۰° (۱)
- ٣ ميل الخط المستقيم الذي يصنع زاوية موجبة مع الاتجاه الموجب لمحور السينات قیاسها ۶۵° یساوی
 - ۱, ٤ (م) (ب) المالي (ب) المالي (م) ١, ٤ (م)
 - £ الزاوية التي قياسها ٤٠ تتمم زاوية قياسها
 - (د) ۶۰ °۱۶۰ (ب) ۴۰۰ (ج) °۳۰ (۱)
- [o] إذا كانت : ١ (٢ ، -٢) ، ب (-٢ ، ٢) فإن نقطة منتصف ٢ ب هي $(\cdot,\cdot)(\cdot) \qquad (\xi-\cdot\xi)(\cdot) \qquad (1-\cdot1)(\cdot) \qquad (1\cdot1-)(1)$
 - آ إذا كانت: ٣ ، ٧ ، ل أطوال أضالاع مثلث فإن ل يمكن أن تساوى (د) ۱۰ (ب) ٤ (ج) ٧ ٣(١)
 - آ (1) أثبت أن: منا ٣٠° = ٢ منا ٣٠٠ ١ (بدون استخدام الحاسبة)
- (ب) أثبت أن المثلث الذي رؤوسه النقط: † (١ ، -١) ، ب (-٤ ، ٢) ، حـ (١ ، ٢) متساوى الساقين.
- 🚺 (أ) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله يساوي ٢ ويقطع ٧ وحدات موجبة من محور الصادات.

أوجد: قيمة -س حيث -س قياس زاوية حادة. (بدون استخدام الحاسبة)

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة (١ ، ٢) عموديًا على المستقيم المار

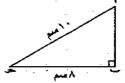
(ب) في الشكل المقابل:

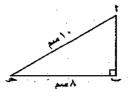
٢ - حمثلث قائم الزاوية في - فيه :

۱۰ = ۱۰ سم ، بحد = ۸ سم

- آ أوجد : طول ؟ ب
- آثبت أن : ما 1 + منا <math>1 = 1

ع (1) إذا كانت : مناس = ما ٢٠٠٠ ما ٣٠٠ ما ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ مناس ما ٢٠٠٠ ما ٢٠٠٠ ما





- - (۽) صفر (ب) ١
- (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن: ما ٣٠° = ٢ ما ٣٠° مـــا ٣٠٠ طا ٥٤°.
 - (ب) أوجد معادلة المستقيم المار بالنقطتين: (٢ ، ٢) ، (٢ ، -١)



17 (2)

(د) ۳

أجب عن الأسئلة الأثية .

 $(\mathbf{r}, 1 \mathbf{t} = \mathbf{\pi})$ أوجد : محيط الدائرة م حيث $(\mathbf{r}, 1 \mathbf{t} = \mathbf{r})$

- اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة :
- إذا كانت : ١ (٥ ، ٧) ، ب (١ ، -١) فإن منتصف أب هي النقطة

و الذا كانت: ١ (٣ ، -١) ، ب (-٤ ، ٦) ، ح (٢ ، -٢) ، م (-١ ، ٢)

1 أَثْبِتَ أَنْ: النقط ٢ ، ب ، ح تقع على دائرة مركزها مُ

محافظة البحر الأحمر

- $(\xi, \Upsilon)(x) \qquad (\Upsilon, \Upsilon)(x) \qquad (\Upsilon, \Upsilon)(x)$
 - 🕜 معين طولا قطريه ٦ سم ، ٨ سم 🛮 فإن مساحة سطحه سم٢.
 - 18 (4) (۱) ۸۶ (چ) ۲۸ (چ) ۲۸ (۱)
- - $\frac{1}{r h} (a) \qquad \qquad \lambda = (2) \qquad \qquad \frac{\lambda}{\lambda} (1)$
 - ع إذا كان طولا ضلعين في مثلث متساوى الساقين ٥ سم ، ١٣ سم فإن طول الضلع الثالثسس سم.
 - (ب) ۸

(ج) ۲

- ٤- (ب) ٢ (ب) ٤ (١) (د) ۳۳
 - 📆 عدد محاور تماثل المثلث المتساوى الأضلاع هو

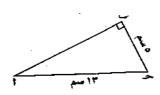


بالنقطتين ٢ (٢ ، -٣) ، ب (٥ ، -٤)





- - (ب) ٢ ب حمثاث فيه : ١ (٢ ، ٤) ، ب (-٣ ، ٠) ، ح (-٧ ، ٥) أثبت أن المثاث ٢ ب حقائم الزاوية ثم أوجد مساحة سطحه.
 - (أ) أوجد معادلة المستقيم الذي ميله ٢ ويقطع جزءًا موجبًا من محور الصادات طوله ٧ وحدات طول.
 - (ب) فى الشكل المقابل: إذا كان أب حسمتاتًا قائم الزاوية فى ب ، أحد - ١٣ سم ، بحد = ٥ سم أوجد: قيمة ما أ ماح + ما أ أ ماح



- (1) إذا كان البعد بين النقطتين (س ، ۷) ، (-۲ ، ۲) هو ٥ وحدة طول أوجد: قيم س
- (ب) إذا كان المستقيم: ل، يمر بالنقطتين (٣ ، ١) ، (٢ ، ٤)

 ، المستقيم ل، يصنع مع الاتجاه الموجب لمحور السينات زاوية موجبة قياسها ٤٥°
 أوجد: قيمة ك إذا كان: ل، // ل،

(۲۷) محافظة مطروح

أجب عن الأسئلة الآثية. ﴿ (يسوح باستخدام الآلة الحاسبة)

اختر الإجابة الصحيحة من بين الإجابات المعطاة:

- (۱) و... (ب) من التي قياسها ٣٧° تتممها زاوية قياسها
- °9.(1) °7V(=) °18T(-) °0T(1)

- ك مساحة سطح الدائرة تساوى
- رد) π نق π (د) π نق π (د) π نق π
 - و في المثلث: ١ بحيكون: ١ ب بحد المساهد
 - $\geq (4)$ > (4) $\leq (4)$
 - آ إذا كان : أَبَ قطرًا في الدائرة حيث : † (٣ ، -٥) ، ب (٥ ، ١) فإن مركز الدائرة هو
- $(Y \cdot Y) (x) \qquad (Y \cdot Y) (x) \qquad$
 - ر (1) بدون استخدام الآلة الحاسبة أثبت أن : ط $-7^{\circ} = \frac{7}{1 \sqrt{1}} \cdot \frac{7^{\circ}}{1 \sqrt{1}}$
- (ب) أثبت أن : النقط 1 (٦ ، ٠) ، ب (٢ ، -٤) ، ح (-٤ ، ٢) هي رؤوس مثلث قائم الزاوية في ب
- 🝸 (أ) إذا كان البعد بين النقطتين (أ ، ٧) ، (-٢ ، ٣) يساوى ٥ وحدة طول فأوجد: قيمة أ
 - (ب) اجمع مثلث قائم الزاوية في ب ، اب = ٣ سم ، بح = ٤ سم الزاوية في ب ، اب = ٣ سم ، بح = ٤ سم الرب المرب الم
 - ٢: ١ = -: كان ٢ ، قياسى زاويتين متنامتين بحيث كان ٢ : - ٢

أوجد: ما ٢ + ميّاب

(ب) أوجد الميل وطول الجزء المقطوع من محور الصادات بالمستقيم الذي معادلته : $\frac{-u}{\gamma} + \frac{\Delta u}{\gamma} = 1$

(1) إذا كانت ح منتصف $\frac{1}{1}$ حيث : $\frac{1}{1}$ (س ، -٦) $\frac{1}{1}$ (ع ، -١٢)

، حـ = (-٣ ، ص) أوجد: قيمتي - س ، ص

(ب) أوجد معادلة الخط المستقيم المار بالنقطة ($^{\circ}$ ، $^{\circ}$) ويوازى المستقيم $^{\circ}$ + $^{\circ}$ حص = $^{\circ}$